		534C			کد کنترل 234				
8	آزمون ورودی دورههای کارشناسیارشد ناپیوسته ـ سال ۱۴۰۴								
((6))	صبح جمعه ۲۰۳/۱۲/۰۳								
			عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالها						
9	تا شماره	از شماره	۔ تعداد سؤال	مواد امتحانی	وديف				
8%	۲۵	1	۲۵	زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی)					
	۶۵	75	۴۰	ربی عبوبی و عصبی (عصبی عمومی (۱ و ۲)، معادلات دیفرانسیل، مرانی علوم ریاضی، مبانی ماتریسها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی، مبانی آنالیز عددی و مبانی احتمال)	T A				
N	۸۵	99	۲.	آئالیز ریاضی	۳ 🏹				
Qay,	۱۰۵	٨۶	۲۰	مبانی جبر و مبانی ترکیبیات	F G				
SA	۱۲۵	1.9	۲.	جبر خطی عددی، بهینهسازی خطی و نظریه مقدماتی معادلات دیفرانسیل					
6	140	1179	۲۰	احتمال (۱ و ۲) و فرایندهای تصادفی ۱	۶ <u>۶</u>				
	فی دارد.) أزمون نمره من	اين	ز ماشین حساب مجاز نیست.	استفاده ا				

حق چاپ، تكثير و انتشار سؤالات به هر روش (الكترونيكي و...) پس از برگزاري آزمون، براي تمامي اشخاص حقيقي و حقوقي تنها با مجوز اين سازمان مجاز ميباشد و با متخلقين برابر مقررات رفتار مي شود.

* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات کادر زیر، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب یکسانبودن شماره داوطلبی با آگاهی کامل، یکسانبودن شماره صندلی خود با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخنامه و دفترچه سؤالات، نوع و کدکنترل درجشده بر روی جلد دفترچه سؤالات و پایین پاسخنامهام را تأیید مینمایم.

امضا:

زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی):

PART A: Vocabulary

<u>Directions</u>: Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes each sentence. Then mark the answer on your answer sheet.

1-	My mother was a very strong,	woman who was a real adventurer in love						
	with the arts and sports.							
	1) consecutive	2) independent						
	3) enforced	4) subsequent						
2-	The weakened ozone, which	ch is vital to protecting life on Earth, is on						
	track to be restored to full strength within o	decades.						
	1) layer	2) level						
	3) brim	4) ingredient						
3-		es some parents leave for their babysitters, I						
	was wondering if these lists are meant to ease feeling for leaving the							
	children in someone else's care.							
	1) an affectionate	2) a misguided						
	3) an undisturbed	4) a guilty						
4-		but in rigorous and refreshingly unsentimental						
	fashion, he learns to overcome his so that he can keep alive the dream of							
	becoming a physician like his father.							
	1) ambition	2) incompatibility						
	3) handicap	4) roughness						
5-		ing to their needs for the fall						
	season, trading in the wool goods market sh							
	1) anticipate	2) nullify						
	3) revile	4) compliment						
6-		prints in the sand of time, and millions of						
	people who never heard the name of Augustus Saint-Gaudens are well-acquainted with							
	his two statues of Lincoln.							
	1) insipid	2) sinister						
17.22297	3) conspicuous	4) reclusive						
7-		y need to closely to established						
		bable cause for an arrest or the issuance of a						
	summons existed.	2) 61						
	1) recapitulate	2) confide						
	3) hinder	4) adhere						

PART B: Cloze Test

<u>Directions</u>: Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark the correct choice on your answer sheet.

- 8- 1) was introducing
 - 3) introduced
- 9- 1) with Stockholm hosting3) that Stockholm hosted
- **10-** 1) despite
 - 3) otherwise

2) was introduced
 4) has been introducing
 2) and Stockholm hosting
 4) Stockholm hosted
 2) although
 4) notwithstanding

PART C: Reading Comprehension

<u>Directions</u>: Read the following three passages and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

PASSAGE 1:

The traditional view of the nature of mathematics, which goes back at least as far as Plato and which is still current in mathematics departments today, is that mathematics is the purely rational study of immaterial forms. Mathematics, on this view, is concerned exclusively with objects like numbers, shapes, and functions which do not occur in the physical world, although they may have imperfect <u>instances</u> in the physical world. Thus, the geometer studies straight lines and perfect circles, but the lines he draws on the blackboard are not straight and the circles he draws are not perfect. Since the objects the mathematician studies are not physical, there is no way for him to have empirical knowledge about those objects. Thus, mathematics is an *a priori* discipline, independent of all experience. The Euclidean methodology, though rarely applied in practice, is still the ideal in principle. Mathematicians should deduce their theorems by logical inference from self-evident axioms. Any other source of mathematical knowledge may be heuristically useful, but is not strictly correct. As Plato says in *The Republic* (Book VI, 510), the objects that mathematicians study are "ideals which can be seen only by the mind".

11-The underlined word "instances" in the passage is closest in meaning to1) examples2) movements3) processes4) explanations

صفحه ۴

10		1441	e .						
12-	2- The underlined word "their" in the passage refers to								
	1) theorems		2) mathematicia	ans					
	3) axioms		4) mathematics						
13-	All of the following	words are mentioned in	the passage EXC	СЕРТ					
	1) empirical	2) functions	3) circles	4) rhetorical					
14-									
	forms	••							
	1) is still dominant i	in our age	2) has lost its currency in our times						
	3) has just become of	current in recent times	4) was challenged by Plato						
15-	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,								
	1) Geometers intentionally avoid drawing straight lines and perfect circles.								
	2) Mathematicians are able to experiment with perfect shapes in the physical world.								
		에서 동생 방법을 하려고 있는 것으로 가지지 않 <mark>는</mark> 의견을 알려내는 것이 가지 않는 것이 하지 않는 것							

- 3) Nowadays, the Euclidean methodology is not as frequently applied as it used to be.
- 4) Plato's The Republic is a primary source of mathematical knowledge.

PASSAGE 2:

In 1545 a book by Gerolamo Cardano appeared whose title began with the Latin words *Ars Magna* (The Great Art). It was essentially devoted to solving third- and fourthorder equations, but its value for the history of mathematics far surpassed the limits of this specific problem. Even in the 20th century, Felix Klein, evaluating this book, wrote, "This most valuable work contains the germ of modern algebra, surpassing the bounds of ancient mathematics."

The 16th century was the century in which European mathematics was reborn after the hibernation of the Middle Ages. For a thousand years the work of the great Greek geometers was forgotten, and in part irrevocably lost. From Oriental texts, the Europeans learned not only about the mathematics of the East but also about the ancient mathematics of the West. It is characteristic that in the spread of mathematics across Europe a major role was played by traders, for whom journeys were a means of both obtaining information and spreading it. The figure of Leonardo of Pisa (1180–1240), better known as Fibonacci (son of Bonacci), especially stands out. His name is immortalized by a remarkable numerical sequence (the Fibonacci numbers). Science can lose its royal status very quickly and centuries may be needed to reestablish it. For three centuries European mathematicians remained as apprentices, although Fibonacci undoubtedly did some interesting work. Only in 16th-century Europe did significant mathematical results appear that neither the ancient nor the Eastern mathematicians knew. We are talking about the solution of third- and fourth-degree equations.

16- According to paragraph 1, some scholars believe that Cardano's book

- 1) was an impediment to the appearance of modern algebra
- 2) was seminal in terms of the emergence of modern algebra
- 3) far exceeded the limits of modern algebra
- 4) had more to do with the arts than with mathematics
- 17- According to paragraph 2, one of the functions of travelling for traders was
 - 1) gaining and distribution of information
 - 2) translation of Oriental texts into European languages
 - 3) concealing information gained from other cultures
 - 4) retaining and confinement of information

- 18- According to paragraph 2, prior to the 16th century, the solution of third- and fourthdegree equations was
 - 1) forgotten and in part irrevocably lost during the Middle Ages
 - 2) the only mathematical achievement of the Middle Ages
 - 3) discovered by Gerolamo Cardano in his Ars Magna
 - 4) unknown to Eastern and Western mathematicians alike
- 19- According to the passage, which of the following statements is NOT true?
 - 1) Science can abruptly decline and the loss may need centuries to amend.
 - 2) Leonardo of Pisa and Fibonacci were two contemporary mathematicians.
 - 3) European mathematics was more or less unproductive for about 300 years.
 - 4) Oriental texts helped Europeans in learning their own mathematics as well.

20- The passage provides sufficient information to answer which of the following questions?

- 1) What are some of Felix Klein's mathematical achievements?
- 2) In which year did Fibonacci develop his remarkable numerical sequence?
- 3) Why did Gerolamo Cardano call his book The Great Art?
- 4) In what era did Western mathematics experience a long period of inactivity?

PASSAGE 3:

The human brain is unique in the animal kingdom in its ability to gain access to abstract mathematical truths. How this singular cognitive ability evolved in the primate lineage is currently unknown. According to one hypothesis, mathematics, like other cultural abilities that appeared suddenly with modern humans in the upper Paleolithic, is an offshoot of the human language faculty—for Noam Chomsky, for instance, "the origin of the mathematical capacity [lies in] an abstraction from linguistic operations". Many mathematicians and physicists, however, disagree and insist that mathematical reflection is primarily nonlinguistic—Albert Einstein, for instance, stated: "Words and language, whether written or spoken, do not seem to play any part in my thought processes." [1]

[2] An alternative to the language hypothesis has emerged from recent cognitive neuroscience research, according to which mathematics arose from an abstraction over evolutionarily ancient and nonlinguistic intuitions of space, time, and number. Indeed, even infants and uneducated adults with a drastically impoverished language for mathematics may possess abstract proto-mathematical intuitions of number, space, and time. Such "core knowledge" is predictive of later mathematical skills and may therefore serve as a foundation for the construction of abstract mathematical concepts. [3]

Linguistic symbols may play a role, possibly <u>transiently</u>, in the scaffolding process by which core systems are orchestrated and integrated. Furthermore, mathematics encompasses multiple domains, and it seems possible that only some of them may depend on language. [4] For instance, geometry and topology arguably call primarily upon visuospatial skills whereas algebra, with its nested structures akin to natural language syntax, might putatively build upon language skills.

21- The underlined word "transiently" in paragraph 3 is closest in meaning to

1) equivocally2) tenaciously3) fleetingly4) sagaciously

صفحه ۶

- - 2) obstruct mathematical concept formation
 - 3) only emerge in infants and uneducated adults
 - 4) anticipate future mathematical capacities
- 23- According to the passage, which of the following statements is true?
 - 1) Chomsky and Einstein respectively represent the core-knowledge and linguistic hypotheses about mathematical skills.
 - 2) Only two hypotheses regarding the acquisition of mathematical capacities in human beings exist.
 - 3) The manner of evolution of mathematical skills in primitive human beings has not yet been discovered.
 - 4) Geometry and algebra are areas of mathematics which rely upon visuospatial skills rather than linguistic syntax.
- 24- Which of the following statements can best be inferred from the passage?
 - 1) The linguistic and core-knowledge hypotheses are not necessarily mutually exclusive.
 - 2) The origin and evolution of mathematical skills are the most significant concerns of modern mathematics.
 - 3) Advanced mathematical skills are by no means confined to human beings.
 - 4) Debates about the origin and evolution of mathematical skills are as old as the discipline itself.
- 25- In which position marked by [1], [2], [3] and [4], can the following sentence best be inserted in the passage?

Advanced mathematics would arise from core representations of number and space through the drawing of a series of systematic links, analogies, and inductive generalizations.

1) [1] 2) [2] 3) [3] 4) [4]

دروس پایه (ریاضی عمومی (۱ و ۲)، معادلات دیفرانسیل، مبانی علوم ریاضی، مبانی ماتریسها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی، مبانی آنالیز عددی و مبانی احتمال):

- ۲۶ فرض کنید تابع f در دامنیهٔ تعریف خود، اکیداً نزولی باشد و
$$5 - 4x - 7x - 8f(x) = 8f(x)$$
 مقدار
- ۲۶ فرض کنید تابع f در دامنیهٔ تعریف خود، اکیداً نزولی باشد و $5 - 4x - 8f(x)$ مقدار
() $10 \frac{1}{8} \frac{100}{100} \frac{100}$

$$\begin{aligned} & -\mathbf{Y} \mathbf{A} = \operatorname{explit}_{\mathbf{x}} \left(\frac{\mathbf{h} + \mathbf{h}}{\mathbf{h}} \right) \cdots \left(\frac{\mathbf{h}}{\mathbf{y}} \right)^{\mathbf{Y}} \left(\frac{\mathbf{h}}{\mathbf{y}} \right)^{\mathbf{Y}} \left(\frac{\mathbf{h} + \mathbf{h}}{\mathbf{h}} \right) \cdots \mathbf{h} \mathbf{x} \mathbf{h} = \mathbf{h} \cdot \mathbf{x} + \mathbf{h} \cdot \mathbf{h} \cdot \mathbf{h} \cdot \mathbf{h} \cdot \mathbf{x} \right) \\ & \quad \sqrt{\mathbf{e}} \quad (\mathbf{h} \\ & \quad \mathbf{e} \quad (\mathbf{h} \\ & \quad \mathbf{e} \quad \mathbf{e}^{\mathbf{Y}} \quad \mathbf{e}^{\mathbf{Y}}$$

۳۳- مساحت ناحیهٔ درون منحنی ۲ = ۲x^۲ + xy + ۲y^۲ ، کدام است؟ $\frac{\pi}{\sqrt{10}}$ (1) $\frac{\pi}{\pi\sqrt{y}}$ (r $\frac{7\pi}{r}$ (r $\frac{\pi}{\epsilon}$ (* $\sqrt{\frac{t^{\alpha}}{x^{\gamma}+y^{\gamma}}} dxdy$ تابع –۳۴ $\iint_{x^{\gamma}+y^{\gamma}\leq t}$ = (f(t)، روی اعداد حقیقی نامنفی مفروض است. کدام مورد درخصوص حـد راسـت تابع f، در • = t درست است؟) تابع f فقط بهازای $\circ = \alpha$ ، دارای حد راست غیرصفر است.) تابع f بهازای $\circ \leq \alpha$ ، دارای حد راست غیرصفر است.) تابع f فقط بهازای $\alpha = -r$ ، دارای حد راست غیرصفر است.) تابع f بهازای $-2 \leq lpha$ ، دارای حد راست غیرصفر است. ۳۵ – مقدار $\int \frac{xdy+ydx}{\sqrt{4-x^7y^7}}$ ، که در آن C پارهخط گذرا از نقطهٔ (۱,۱–) به (۱,۱) میباشد، کدام است؟ $\frac{\pi}{r}$ () $\frac{\pi}{r}$ (r $\frac{\tau\pi}{r}$ (r π (۴ ب ف رض کنی د سری ت وانی $y(x) = \sum_{n=1}^{\infty} a_n x^{n+\frac{1}{r}}$ معادل معادل $y(x) = \sum_{n=1}^{\infty} a_n x^{n+\frac{1}{r}}$? به ازای $\mathbf{A} \neq \mathbf{o}$ به ازای $\mathbf{A} \neq \mathbf{v}'' - \mathbf{B} \mathbf{x} (\mathbf{x} + \mathbf{i}) \mathbf{y}' + \mathbf{y} = \mathbf{o}$ A - YB = Y() A + YB = Y (Y)A - YB = f (T)A + YB = F (F)اگر y = y'، آنگاه جواب خصوصی معادله دیفرانسیل $Dy = 4e^{-x} \sin x$ ، کدام است Dy = y'، کدام است $-\pi y$ $y = xe^{-x}(\cos x + \sin x)$ () $y = xe^{-x}(\cos x - \sin x)$ (7) $y = xe^{-x}(\sin x - \cos x)$ (7) $y = -xe^{-x}(\sin x + \cos x)$ (*

۳۸- معادله دیفرانسیل y = sin(¹/_۳ ln(Ax + ۱)) دارای جواب ((Ax + ۱)^۲y" + (۹x - ۲B)y' + y = ۰ است. مقادیر A و B، کداماند؟

$$AB < \circ AB < e = B = \mp \frac{\pi}{\gamma} = B = \pm \pi (1)$$

$$AB < \circ AB < e = B = \pi e = B = \pm \frac{\pi}{\gamma} (1)$$

$$AB = \pm \frac{\pi}{\gamma} = A = \pm \frac{\pi}{\gamma} = B = \pi e = (2)$$

$$AB > e = \frac{\pi}{\gamma} = B = \pm \frac{\pi}{\gamma} = A = \pm \frac{\pi}{\gamma}$$

$$AB > e = \frac{\pi}{\gamma} = B = \pi e = (2)$$

$$AB = \pm \frac{\pi}{\gamma} = A = \pm \frac{\pi}{\gamma}$$

۳۹ - جواب خصوصی معادله دیفرانسیل $\frac{\frac{p}{r}}{dx} + xy^r = (1+x^r)\frac{dy}{dx}$ که از مبدأ مختصات می گذرد، کدام است؟

$$y^{r} = \frac{x^{r} - rx}{r\sqrt{x^{r} + 1}} (1)$$
$$y^{r} = \frac{x^{r} - rx}{r\sqrt{x^{r} + 1}} (r)$$
$$y^{r} = \frac{x^{r} + rx}{r\sqrt{x^{r} + 1}} (r)$$
$$y^{r} = \frac{x^{r} + rx}{r\sqrt{x^{r} + 1}} (r)$$

فرض کنید $y'(x) . y(\circ) = y'(\circ) = \circ y'' + y' = \cos x + \int_{\circ}^{x} \sin(x-u)y'(u)du$ فرض کنید -۴۰

$$e^{-\frac{1}{\gamma}x}\left(\cos(\frac{\sqrt{\gamma}}{\gamma}x)-1\right)(1)$$
$$\frac{\gamma}{\sqrt{\gamma}}e^{-\frac{1}{\gamma}x}\sin(\frac{\sqrt{\gamma}}{\gamma}x)(1)$$
$$e^{\frac{1}{\gamma}x}\left(\cos(\frac{\sqrt{\gamma}}{\gamma}x)-1\right)(1)$$
$$\frac{\gamma}{\sqrt{\gamma}}e^{\frac{1}{\gamma}x}\sin(\frac{\sqrt{\gamma}}{\gamma}x)(1)$$

- ۴۱ با فرض آنکه q، p و r حروف گزارهای باشند، کدامیک از گزینه ها معادل $r \Rightarrow (p \lor q)$ نیست؟ (نماد ¬، نمایش نقیض است.) (۱) $(r \lor \neg p) \land (r \lor \neg q)$ (۱) $(p \Rightarrow r) \land (q \Rightarrow r)$ (۲) $(p \Rightarrow r) \land (q \Rightarrow r)$ (۲) $(p \lor q) \lor r$ (۳) (P \Rightarrow r) $\lor (q \Rightarrow r)$

۴۲ نقیض گزاره زیر کدام است؟ «به ازای هر دو عدد اصلی lpha و eta اگر lpha < eta آنگاه یک عدد اصلی مانند γ یافت می شود که lpha < eta < lpha.» $\exists \alpha \exists \beta (\alpha < \beta \land \exists \gamma (\beta \le \gamma))$ () $\exists \alpha \exists \beta (\alpha < \beta \Longrightarrow \forall \gamma (\gamma \le \alpha \lor \beta \le \gamma)) (\forall \beta \le \gamma)$ $\exists \alpha \exists \beta (\alpha < \beta \land \forall \gamma (\gamma \le \alpha \lor \beta \le \gamma)) \quad (\forall$ $\forall \alpha \exists \beta (\alpha < \beta \land \forall \gamma (\gamma \le \alpha \lor \beta \le \gamma))$ (* ۴۳ – اگر A زیرمجموعه شمارا و B زیرمجموعه ناشمارایی از ℝ باشند، کدام مجموعه قطعاً ناشماراست؟ $A^{c} \cap B$ () A∩B (ĭ AUB^c (‴ $A \cap B^{c}$ (f فرض کنید k عددی طبیعی و R رابطهای بر مجموعه اعداد صحیح Z باشد که با ضابطه زیر تعریف می شود: -44 بهازای \mathbb{Z} $a,b\in\mathbb{Z}$ ، گوییم aRb اگر b-a مضربی از k باشد. کدام گزینه نادرست است? R (۱) رابطه همارزی است. . مجموعه \mathbb{Z} را به K رده همارزی افراز می کند. \mathbb{R} (۲ ۳) رابطه R بازتابی و متقارن است ولی متعدی نیست. . دههای همارزی رابطه همارزی R به صورت $[a] = a + k\mathbb{Z}$ هستند. (۴ ۴۵- فرض کنید f:A→B که A و B مجموعههای نامتناهی هستند و عدد اصلی (کاردینال) A بزرگتر از عدد اصلی B است. کدام گزینه درست است؟ ۱) تابع f نمی تواند دوسویی باشد. ۲) تابع f نمی تواند یوشا باشد. ۳) تابع f می تواند یک به یک باشد.) تعداد توابع f:A o B برابر $|A|^{|B|}$ است، که $| \ |$ نماد عدد اصلی است. ۴۶- فرض کنید A ماتریسی n×n باشد، به طوری که برای هر ماتریس B با اثر صفر داشته باشیم • = (BA). در اینصورت، A چگونه ماتریسی است؟ ۴) يايين مثلثي ۳) بالا مثلثي ۲) همانی ۱) قطری ۴۷ کدامیک از گزارههای زیر، در مورد ماتریسهای متشابه درست نیست؟) اگر A متشابه با B باشد، آنگاه A^n متشابه با B^n است بهازای هر n متعلق به مجموعه اعداد طبیعی (۱ tr(A) = tr(B) اگر A متشابه با B باشد، آنگاه (A متشابه با ۳) هر ماتریس با ترانهاده خودش متشابه است. AB (۴ با ماتریس BA متشابه است. $\dim W = 4$ و $\operatorname{dim} W = 4$. در اینصورت، کدام مورد درست است؟ ۷) ۷، یک یایه سهعضوی دارد. ۱) هر یایه V، دوعضوی است. ۷، یک فضای برداری ۴ بعدی است. ۴) ۷، دو پایه دوعضوی و یک پایه سهعضوی دارد.

درست $f(x) = \begin{cases} x \quad x \in [a,b] \cap \mathbb{Q} \\ -x \quad x \in [a,b] \cap \mathbb{Q}^c \end{cases}$ با ضابطهٔ $f:[a,b] \to \mathbb{R}$ تعریف شود. کدام گزینه درست –۵۴ است؟ (Q مجموعهٔ اعداد گویا است.) . $\int_{a}^{b} f(x) dx = \frac{a^{r} - b^{r}}{r}$ بالتگرال پذیر ریمان است و $f(x) dx = \frac{a^{r} - b^{r}}{r}$ (۱) چون \mathbb{Q} . $\int_{a}^{b} f(x) dx = \frac{b^{r} - a^{r}}{r}$ انتگرال پذیر ریمان است و f (x) dx = 1 (x) . $\int_{a}^{b} f(x) dx = 0$ تابع f انتگرال پذیر ریمان است و f(x) dx = 0 . ۴) تابع f انتگرالپذیر ریمان نیست. دام یک $f(\circ) = \circ, f(1) = 1, f(1) = -1$ فرض کنید تابع $\mathbb{R} \to \mathbb{R}$ پیوسته و روی $(\circ, 1)$ مشتق پذیر باشد و -6از اعداد زیر ممکن است در برد تابع 'f نباشد؟ $-\frac{\pi}{k}$ () 1 (1 $\frac{\pi}{r}$ (π ۴) صفر حجم کرهای به شعاع $rac{V}{2}$ متر را با استفاده از ماشین حسابی که اعداد ماشینی را تا پنج رقم اعشاری با ممیـز ثابـت گرد می کند، محاسبه می کنیم. با فرض π ≅ ۳/۱۴۱۵۹، حداکثر خطای محاسباتی در تعیین حجم کره، کدام است؟ 0,00009 () 0,00001 (1 0,0008 (8 0,000 \$ (4 $\left\{\sqrt[n]{n}\right\}_{n=1}^{\infty}$ کدام است $-\Delta Y$ 1 (1 ۲ (۲ ٣ (٣ F (F

YT/1 (F

 P_{Y} و P_{1} A ماتریس A را به روش تجزیهٔ LU با محورگیری جزیی به صورت $P_{1}A = LP_{Y}U$ چنان تجزیه می کنیم که P_{1} و $-\Delta A$ ماتریسهای مقدماتی (جایگشتی)، L پایین مثلثی با عناصر قطری واحد و U بالا مثلثی باشـند. با فـرض A = $\begin{bmatrix} \circ & -1 & 7 \\ 1 & \circ & 7 \\ -7 & 0 & 7$ $\begin{bmatrix} -1\\ 1\\ \circ \end{bmatrix} (1)$ $\begin{bmatrix} 0\\ -1 \end{bmatrix} (7)$ 7) ['-] ______ [°] (۴ مفروض است. مقدار تفاضل منقسم نیوتن مرتبه چهارم تسابع جـدولی $\{(n, T^n), n \in \mathbb{Z}, |n| \leq t\}$ كدام است؟ $\frac{k}{l}$ () 1) (r <u>۱</u> (۳ 1 (4 ۶۰ – فرض کنید (T(h) تقریب I = ∫_a^a (۳ x^۲ - ۲x + ۱) dx با استفاده از دستور ذوزنقه (مرکب) با طول گـام h بـوده و است $|\mathbf{I} - \mathbf{T}(\frac{1}{4})| = \frac{1}{3}$ مقدار $|\mathbf{I} - \mathbf{T}(\frac{1}{4})| = \frac{1}{3}$ 1) 1 84 () $\frac{1}{18}$ (7 $-\frac{1}{18}$ (" $-\frac{1}{ck}$ (f نمودار جعبهای زیر، جمعیت یک کشور را برای سال جاری نشان میدهد. اگر بدانیم ۱۲/۶ درصـد جمعیـت بـالای -81 ۶۵ سال سن دارند، تقریباً چند درصد از جمعیت بزرگسالان در سن کار (بالای ۱۷ تا ۶۵ سال) هستند؟ D9/1 (1 87,8 (1 V0/9 (T 17 33 ò 50 ≈105

برای دو پیشامد \mathbf{E} و \mathbf{F} اگر $\mathbf{P}(\mathbf{E}|\mathbf{F}) = 1$ ، آنگاه کدام مورد درست است? -9۲ $P(F | E^{c}) = \circ \alpha$ $P(F^c | E^c) = \circ (7)$ $P(F^c | E^c) = P(F^c) \quad (\forall$ $P(F | E^c) = \frac{1}{2} (f)$ ۶۳- انحراف معیار مشاهدات یک نمونه دوتایی برابر √**۲** است. در مورد بُرد آنها چه می توان گفت؟ ۱) برابر ۲ ۲) کمتر از ۲ ۳) برابر ۲ ۴) کمتر از ۲ ۶۴- فرض کنید احتمال افزایش شاخص سهام یک شرکت برای امروز ۵۴/۵، برای فردا نیز ۵۴/۵و برای هر دو روز ۲۸/° باشد. احتمال افزایش شاخص سهام این شرکت در هیچیک از روزها، کدام است؟ 0/10 (1 0/10 (1 0,70 (" 0,70 (4 ۶۵− فرض کنید S = {1, ۲, …, N} }، در این صورت نسبت تعداد زیر مجموعـه های غیر تهمی با تعداد زوج به تعداد زیرمجموعههای غیرتهی با تعداد فرد از S ، کدام است؟ $1 - \frac{1}{r^{N-1}}$ (1 1 (1 $\frac{1}{r^{N+1}}$ (r $1 - \frac{1}{2N}$ (* آناليز رياضي: ۶۹- کدام گزینه یک متر روی R تعریف می کند؟

$$d(x, y) = e^{|x-y|} \quad (1)$$

$$d(x, y) = \ln(1+|x-y|) \quad (7)$$

$$d(x, y) = \begin{cases} x-y & x \ge y \\ 7y-7x & x < y \end{cases} \quad (7)$$

$$d(x, y) = [|x-y|] \quad (7)$$

$$\begin{aligned} -9 - & ciylik _{n=n} \{ \mathbf{n} \} y biolayb [aixabi (zy, (eg) \mathbb{R} yb ciylik کوشی است؟

$$d(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \left| \frac{|\mathbf{x} - \mathbf{y}|}{|+|\mathbf{x} - \mathbf{y}|} \right| (\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \frac{|\mathbf{x} - \mathbf{y}|}{|+|\mathbf{x} - \mathbf{y}|} (\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \frac{|\mathbf{x} - \mathbf{y}|}{|+|\mathbf{x} - \mathbf{y}|} (\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \frac{|\mathbf{x} - \mathbf{y}|}{\sqrt{1 + \mathbf{x}^{2}}} \sqrt{1 + \mathbf{y}^{2}} \mathbf{x} \\ d(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \frac{|\mathbf{x} - \mathbf{y}|}{\sqrt{1 + \mathbf{x}^{2}}} \sqrt{1 + \mathbf{y}^{2}} \mathbf{x} \\ \mathbf{x} = \mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{y} \left| \mathbf{z} \left(\mathbf{x}, \mathbf{y} \right) \right| \mathbf{z} = (\mathbf{x}, \mathbf{y}) \mathbf{z} \left[\mathbf{z}, \mathbf{y} \right] \mathbf{z} \\ \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z} = (\mathbf{z}, \mathbf{x}^{2} + \mathbf{z}) \\ \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z} \\ \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z}, \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z} \\ \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z} \\ \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z} \\ \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z}, \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z} \\ \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z}, \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z}, \mathbf{z} \\ \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z}, \mathbf{z}, \mathbf{z} \\ \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z}, \mathbf{z}, \mathbf{z}, \mathbf{z}, \mathbf{z}, \mathbf{z} = \mathbf{z}, \mathbf{z},$$$$

زیر را در نظر می گیریم: الف ـ دنباله توایع {f_n} یر X همگرای یکنواخت است. ب ـ دنباله توایع {f_n} یر X همیوسته و همگرای نقطهوار است. کدام مورد درست است؟ ۱) «لف» (سبح می معادل اند. ۲) «لف»، «ب» را نتیجه می دهد امّا عکس آن برقرار نیست. ۳) «لف»، «ب» را نتیجه می دهد امّا عکس آن برقرار نیست. ۳) «ب»، «الف» را نتیجه می دهد امّا عکس آن برقرار نیست. ۳) میچکدام از «لف» یا «ب»، دیگری را نتیجه نمی دهد. ۳) میچکدام از «لف» یا «ب»، دیگری را نتیجه نمی دهد. ۳) میچکدام از «لف» یا «ب»، دیگری را نتیجه نمی دهد. ۳) میچکدام از «لف» یا «ب»، دیگری را نتیجه نمی دهد. ۱) بر ⁺ ۳ همگرای یکنواخت است. ۱) بر ⁺ ۳ همگرای یکنواخت است. ۳) در هر بازهٔ کران دار در ⁺ ۳ همگرای یکنواخت است. ۳) در هر نقطهای از ⁺ ۳ همگرای یکنواخت است. ۳) در هر نقطهای از ⁺ ۳ همگرای یکنواخت است. ۳) در هر نقطهای از ⁺ ۳ همگرای یکنواخت است. ۳) در هر نقطهای از ⁺ ۳ همگرای یکنواخت است. ۳) در هر نقطهای از ⁺ ۳ همگرای یکنواخت است. ۳) در مر نقطهای از ⁺ ۳ همگرای یکنواخت است.
ب _ دنباله توابع $\{ \hat{f}_n \}$ بر X همپیوسته و همگرای نقطهوار است. کدام مورد درست است؟ ۱) «لف» و «ب» با هم معادل اند. ۲) «الف»، «ب» را نتیجه می دهد امّا عکس آن برقرار نیست. ۳) «ب»، «الف» را نتیجه می دهد امّا عکس آن برقرار نیست. ۳) «ب»، «الف» یا «ب»، دیگری را نتیجه نمی دهد. ۹) هیچکدام از «الف» یا «ب»، دیگری را نتیجه نمی دهد. ۹) هیچکدام از «الف» یا «ب»، دیگری را نتیجه نمی دهد. ۹) میچکدام از «الف» یا «ب»، دیگری را نتیجه نمی دهد. ۱) بر است؟ ۲) در هر بازهٔ کران دار در ⁺ M همگرای یکنواخت است. ۱) بر ⁺ M همگرای یکنواخت است. ۳) در هر بازهٔ کران دار در ⁺ M همگرای یکنواخت است. ۱) در هر بازهٔ کران دار در ⁺ M همگرای یکنواخت است. ۱) مروی هیچ بازهٔ بی کرانی در ⁺ M همگرای یکنواخت است. ۱) در هر بازهٔ کران دار در ⁺ M همگرای یکنواخت است. ۱) در هر نقطهای از ⁺ M همگرای یکنواخت است. ۱) در هر نقطهای از ⁺ M همگرای یکنواخت است. ۱) در هر نقطهای از ⁺ M همگرای یکنواخت است. ۱) در هر نقطهای از ⁺ M همگرای یکنواخت است.
کدام مورد درست است؟ () «لف» و «ب» با هم معادل اند. ۲) «لف»، «ب» را نتیجه می دهد امّا عکس آن برقرار نیست. ۳) «ب»، «لف» را نتیجه می دهد امّا عکس آن برقرار نیست. ۴) هیچ کدام از «لف» یا «ب»، دیگری را نتیجه نمی دهد. ۴) میچ کدام از «لف» یا «ب»، دیگری را نتیجه نمی دهد. ۲- دنبالهٔ R+ → R با ضابطهٔ $\frac{nx}{n^7 + x}$ می شود که $(\infty, \circ] = +\mathbb{R}$. کدام گزینه برای دنبالهٔ ۱) بر ⁺ R همگرای یکنواخت است. ۲) در هر بازهٔ کران دار در ⁺ R همگرای یکنواخت است. ۳) در هر نقطهای از ⁺ R همگرای یکنواخت است. ۴) در هر نقطهای از ⁺ R همگرا به صفر است. ۴) در هر نقطهای از ⁺ R همگرا به صفر است.
 ۱) «الف» و «ب» با هم معادل اند. ۲) «الف»، «ب» را نتیجه می دهد امّا عکس آن برقرار نیست. ۳) «ب»، «الف» را نتیجه می دهد امّا عکس آن برقرار نیست. ۳) «ب»، «الف» را نتیجه می دهد امّا عکس آن برقرار نیست. ۴) هیچ کدام از «الف» یا «ب»، دیگری را نتیجه نمی دهد. ۰۸۰ دنبالهٔ ۳ → ۳ ÷ ۳ ÷ ۴ با ضابطهٔ ^{n ×} + x ۰۸۰ دنبالهٔ ۳ → ۳ ÷ ۳ ÷ ۳ ÷ ۳ ± ۲ ± ۲ ± ۲ ± ۲ ± ۲ ± ۲ ± ۲ ± ۲ ± ۲ ±
 ۲) «لف»، «ب» را نتیجه می دهد امّا عکس آن برقرار نیست. ۳) «ب»، «لف» را نتیجه می دهد امّا عکس آن برقرار نیست. ۴) هیچکدام از «لف» یا «ب»، دیگری را نتیجه نمی دهد. ۸۰ - دنبالهٔ R → R + (n = n^x + x) a a a a a a a a a a a a a a a a a a
۳) «ب»، «الف» را نتیجه می دهد امّا عکس آن برقرار نیست. (۴) هیچ کدام از «الف» یا «ب»، دیگری را نتیجه نمی دهد. -۸۰ دنبالهٔ ۳ ← ۲ یا (f _n : ℝ ⁺ → ℝ با ضابطهٔ n [×] + x <u>iteرست است؟</u> ۱) بر ⁺ ۳ همگرای یکنواخت است. ۲) در هر بازهٔ کراندار در ⁺ ۳ همگرای یکنواخت است. ۳) بر روی هیچ بازهٔ بی کرانی در ⁺ ۳ همگرای یکنواخت است. ۴) در هر نقطهای از ⁺ ۳ همگرا به صفر است. ۴) در هر نقطهای از ⁺ ۳ همگرا به صفر است.
۴) هیچکدام از «الف» یا «ب»، دیگری را نتیجه نمیدهد. ۹) هیچکدام از «الف» یا «ب»، دیگری را نتیجه نمیدهد. $\mathbf{f}_{n}(\mathbf{x}) = \frac{\mathbf{n}\mathbf{x}}{\mathbf{n}^{7} + \mathbf{x}}$ با ضابطهٔ $\mathbf{f}_{n}: \mathbb{R}^{+} \to \mathbb{R}$. کدام گزینه برای دنبالهٔ <u>ibcرست</u> است؟ ۱) بر ⁺ \mathbb{R} همگرای یکنواخت است. ۲) در هر بازهٔ کراندار در ⁺ \mathbb{R} همگرای یکنواخت است. ۳) بر روی هیچ بازهٔ بی کرانی در ⁺ \mathbb{R} همگرای یکنواخت نیست. ۴) در هر نقطهای از ⁺ \mathbb{R} همگرا به صفر است. ۴) در هر نقطهای از ⁺ \mathbb{R} همگرا به صفر است. ۴) در هر نقطهای از ⁺ \mathbb{R} همگرا به صفر است.
-۸۰ دنبالهٔ $\mathbb{R}^+ \to \mathbb{R}$ با ضابطهٔ $\frac{nx}{n^7 + x}$ تعریف میشود که $(\infty, \infty) = \mathbb{R}^+$. کدام گزینه برای دنبالهٔ $\frac{1}{10000000000000000000000000000000000$
نادرست است؟ (۱) بر \mathbb{R}^+ همگرای یکنواخت است. ۲) در هر بازهٔ کراندار در \mathbb{R}^+ همگرای یکنواخت است. ۳) بر روی هیچ بازهٔ بی کرانی در \mathbb{R}^+ همگرای یکنواخت نیست. ۴) در هر نقطهای از \mathbb{R}^+ همگرا به صفر است. ۴) در هر نقطهای از \mathbb{R}^+ همگرا به صفر است. ۸۱ – سری $\frac{x^n}{1+x^n}$ را بر بازه (∞,∞) در نظر می گیریم. کدام گزینه درست است؟
۱) بر $\frac{1}{R}$ همگرای یکنواخت است. ۲) در هر بازهٔ کراندار در \mathbb{R}^+ همگرای یکنواخت است. ۳) بر روی هیچ بازهٔ بی کرانی در \mathbb{R}^+ همگرای یکنواخت نیست. ۴) در هر نقطهای از \mathbb{R}^+ همگرا به صفر است. ۴) در هر نقطهای از $\frac{1}{R}$ همگرا به صفر است. ۸۱ – سری $\frac{x^n}{n+x^n}$ را بر بازه (۰٫∞) در نظر می گیریم. کدام گزینه درست است؟
۲) در هر بازهٔ کران دار در \mathbb{R}^+ همگرای یکنواخت است. ۳) بر روی هیچ بازهٔ بی کرانی در \mathbb{R}^+ همگرای یکنواخت نیست. ۴) در هر نقطهای از \mathbb{R}^+ همگرا به صفر است. ۸۱– سری $\frac{x^n}{n+x^n}$ را بر بازه (۰٫∞) در نظر می گیریم. کدام گزینه درست است؟
۲) در هر بازهٔ کران دار در \mathbb{R}^+ همگرای یکنواخت است. ۳) بر روی هیچ بازهٔ بی کرانی در \mathbb{R}^+ همگرای یکنواخت نیست. ۴) در هر نقطهای از \mathbb{R}^+ همگرا به صفر است. ۸۱– سری $\frac{x^n}{n+x^n}$ را بر بازه (۰٫∞) در نظر می گیریم. کدام گزینه درست است؟
۴) در هر نقطهای از \mathbb{R}^+ همگرا به صفر است. (۴) سری $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{1+x^n}$ را بر بازه (۰٫∞) در نظر میگیریم. کدام گزینه درست است؟
۴) در هر نقطهای از \mathbb{R}^+ همگرا به صفر است. (۴) سری $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{1+x^n}$ را بر بازه (۰٫∞) در نظر میگیریم. کدام گزینه درست است؟
) سری بر $\left[\circ, 1 ight)$ همگراست ولی بر $\left[1, \infty ight)$ واگراست.
) سری در هر نقطهای از $\left(\circ,\infty ight)$ همگراست.
۳) سری در تمام نقاط (∞, \circ) واگراست.
۴) همگرایی سری بر (۰,۱) یکنواخت است.
۸۲- فرض کنید $\left\{a_n ight\}$ دنبالهای از اعداد صحیح ناصفر است که بهازای هر n ∈ ℕ، n ∈ ℕ، n ≤ $a_{n+1}-a_n ight \le rn$ ، n ∈ ℕ. شعاع
همگرایی سری $\sum_{n=1}^{\infty}a_{n}x^{n}$ ، کدام است؟

$$n=\circ$$
 (۱) برابر ۱ است.
۲) هر عددی در بازه $[1,e]$ می تواند باشد.
۳) هر عددی در بازه $\left[\frac{1}{e},1\right]$ می تواند باشد.
۴) هر عددی در بازه $[\circ,1]$ می تواند باشد.

$$-$$
 فرض کنید $\{a_n\}$ دنباله ای از اعداد حقیقی نامنفی باشد. گزاره های زیر را در نظر می گیریم، $\mathbf{x} \in \mathbb{R}$).
 $\lim_{n \to \infty} (a_n + \cdots a_{n}) = \circ$ الف) اگر سری $\sum_{n=1}^{\infty} a_n \sin(nx) = \sum_{n=1}^{\infty} a_n \sin(nx)$ ممگرای یکنواخت است.
 \mathbf{x}) اگر سری $\sum_{n=1}^{\infty} a_n \sin(nx) = \sum_{n=1}^{\infty} a_n \sin(nx)$ ممگرای یکنواخت است.
 \mathbf{x} اگر سری $\sum_{n=1}^{\infty} a_n x_n (nx)$ ممگرا باشد، آنگاه سری (\mathbf{x}) $\sum_{n=1}^{\infty} a_n x_n (nx)$ مرات است.
 \mathbf{x} اگر سری \mathbf{x} ممگرا باشد. آنگاه سری (\mathbf{x}) \mathbf{x} ممگرای یکنواخت است.
 \mathbf{x} الف» و «ب» هر دو درست هستند.
 \mathbf{x}) «الف» و «ب» هیچ کدام درست نیستند.
 \mathbf{x}) «الف» نادرست و «ب» درست است.
 \mathbf{x}) «الف» نادرست و «ب» درست است.

مبانی جبر و مبانی ترکیبیات:

$$-$$
 مرتبه عنصر ((۱۰,۸,۵) در گروه $\mathbb{Z}_{\gamma_0} \times \mathbb{Z}_{\gamma_0} = \mathbb{Z}_{, \varphi}$ چند است؟
۱۴ (۱
۲۰ (۲
۲۰ (۳
۱۲۶ (۳
۴۰ (۴
۲ – گروه عناصر وارون پذیر حلقه \mathbb{Z}_{γ} با کدام گروه یکریخت است؟
۱) گروه دوری از مرتبهٔ ۲
۳) گروه دوری از مرتبهٔ ۲

۸۸ – فرض کنید G گروه دوری از مرتبهٔ ۴۸ باشد و نگاشت $\mathbf{G} \to \mathbf{G}$ با ضابطهٔ $\phi(\mathbf{g}) = \mathbf{g}^{\mathsf{p}}$ را در نظر بگیرید. در این صورت کدام مورد درست است؟ $|\ker \phi| = \tau$ (1) |Im f| = r |ker f| (r $|\ker \phi| = 19$ (" |Imf| = FA (f است \mathbb{Z}_{10} مروه خودریختی های \mathbb{Z}_{10} دارای چند عضو است -۸۹ -۲ (۱ 1 (1 10 (" TTD (4 فرض کنید R و S دو حلقه یکدار و $f: R \rightarrow S$ یک همریختی حلقهای ناصفر باشد. کدام مورد نادرست است؟ -9. ۱) اگر S یک میدان باشد، آنگاه f یوشا است. ۲) اگر R یک میدان باشد، آنگاه f یک به یک است. ۳) اگر S جابهجایی و f یک به یک باشد، آنگاه R جابهجایی است. ۴) اگر R جابهجایی و f یوشا باشد، آنگاه S جابهجایی است. برای یک جایگشت $\sigma \in S_n$ از مرتبهٔ زوج، کدام مورد درست است؟ -91 (۱) $\frac{o(\sigma)}{o(\sigma^{r})}$ زوج است. σ (۲ یک جایگشت زوج است. σ (۳ به حاصل ضرب ترانهش های مجزا قابل تجزیه است. ۴) در تجزیه σ به حاصل ضرب دورهای مجزا، فقط دورهای از طول زوج ظاهر می شوند. در گروه خارج قسمتی $\mathbf{G}=rac{\mathbb{Q}}{\pi}$ (که صورت و مخرج با جمع متعارف در نظر گرفته شدهاند) کدام گزاره، <u>ناردست</u> است? . است. $G_1 \subseteq G_7 \subseteq \cdots \subseteq G_7$ است. $G_1 \subseteq G_7 \subseteq \cdots \subseteq G_7$ است. G (۲ دارای زیرگروه سرهٔ نامتناهی است. ۳) G در (∞-{∘}, ×) مینشیند. G (۴ در (C, +) می نشیند. در حلقهٔ $\mathbb{Z}[\mathbf{x}]$ در مورد ایده آلهای ۲>I = < و $< \mathbf{x} > = J$ کدام گذاره درست است? – ۹۳ I ماکسیمال و J اول است. I (۲) اول و J ماکسیمال است. ۳) I و J هر دو ماکسیمال هستند. ۴) I و J هر دو اول و غیرماکسیمال هستند.

فرض کنید R حلقهای یکدار و I ایدهآلی از آن باشد بهطوریکه هر عضو I پوچتوان است. اگر (U(R) مجموعه	-94
اعضای وارونپذیر R باشد، آنگاه مجموعه U(R)+1 برابر است با:	
R ()	
I (T	
U(R) (*	
۴) بسته به حلقه ${ m R}$ ، هر یک از گزینهها میتواند صحیح باشد.	
فرض کنید G یک گروه و H < G و H ≠ ۱، دراینصورت:	-95
) اگر H نامتناهی باشد آنگاه ${f G}-{f H}$ متناهی است.	
۲) اگر ${ m G-H}$ متناهی باشد آنگاه G نیز متناهی است.	
۳) اگر ${ m G-H}$ متناهی باشد آنگاه G نامتناهی است.	
۴) اگر H متناهی باشد آنگاه G – H متناهی است.	
به چند طریق میتوان ۳ توپ مشابه سفید، ۲ توپ مشابه سیاه و ۲ توپ مشابه آبی را در یک ردیف چید، بهطوری که ۲	-98
توپ آبی، مجاور نباشند؟	
W8 0 (1	
۲۱۰ (۲	
Y ° F (M	
100 (*	
مجموعه اعداد ۸ رقمی که فقط از ارقام ۱، ۲ و ۳ تشکیل شدهاند را A مینامیم. تعداد ارقام ۳ بهکاررفته در اعضای	-97
A ، کدام است؟	
$\mathfrak{T}^{\vee} \times \lambda$ (1	
$r^{\prime} \times \lambda$ (r	
$r^{\lambda} - r^{\lambda}$ (r	
٨٣ (۴	
به چند طریق می توان ۲ خانه از ۲۵ خانه یک جدول ۵×۵ انتخاب کرد، بهطوری که در یک سطر یا در یک ستون، نباشند؟	۹۸-
<u> </u>	
۲०० (۲	
۳۰۰ (۳	
f ∘∘ (f	
چند تابع یــک بــه یــک ماننــد f از {۱,۲,۰۰۰, ۱} بــه {۱,۲,۰۰۰,۲۵} وجــود دارد، بــهطــوریکــه بــهازای هــر	-99
k ∈ {۱, ۲, ···, ۱۱}، فرد باشد؟ . k + f(k) عدد k ∈ {۱, ۲, ···, ۱۱}	
$\frac{111}{(\mathbf{v}!)^{\mathbf{v}}} (\mathbf{v}) = \frac{111}{(\mathbf{v}!)^{\mathbf{v}}} (\mathbf{v}) = \frac{1111}{(\mathbf{v}!)^{\mathbf{v}}} (\mathbf{v}) = \frac{11111}{(\mathbf{v}!)^{\mathbf{v}}} (\mathbf{v}) = \frac{111111}{(\mathbf{v}!)^{\mathbf{v}}} (\mathbf{v}) = \frac{111111}{(\mathbf{v}!)^{\mathbf{v}}} (\mathbf{v}) = \frac{111111}{(\mathbf{v}!)^{\mathbf{v}}} (\mathbf{v}) = \frac{111111}{(\mathbf{v}!)^{\mathbf{v}}} (\mathbf{v}) = \frac{1111111}{(\mathbf{v}!)^{\mathbf{v}}} (\mathbf{v}) = 11111111111111111111111111111111111$	
181×171 181×171	
$\frac{ \Upsilon \times \Upsilon }{ \Lambda \times \mathcal{F}!} (f) \qquad \qquad \frac{ \Upsilon \times \Upsilon }{(\Lambda!)^{\gamma} \times (\mathcal{F}!)^{\gamma} \times \Delta!} (f)$	

۱۰۰ تابع مولد دنباله زیر کدام است؟

 $a_n = \begin{cases} r: e \in \mathcal{S} \\ r: e \in \mathcal{S} \\ e \in \mathcal{S} \end{cases} \quad n \ge 0 \end{cases}$

 $\frac{\gamma + \gamma x}{1 - x}$ (1) $\frac{\psi + \chi x}{1 - x}$ (Y $\frac{\gamma + \gamma x}{\gamma - x^{\gamma}}$ (γ $\frac{\tau + \tau x}{1 - x^{\tau}}$ (f ۱۰۱ – ۳۰ مهره سفید دوبه دو غیرمشابه و ۳ مهره سیاه مشابه داریم. به چند طریق می توان این ۳۳ مهره را دور یک دایره چید به طوری که میان هر دو مهره سیاه، ۱۰ مهره سفید به طور متوالی، قرار بگیرند؟ $\frac{\pi \circ !}{1 \circ}$ () ۳<u>، ا</u> (۲ 19!×T (T <u> ۲۹!</u> (۴ 1۰۲ گراف کامل ۸ رأسی، چند زیرگراف یکریخت (همسان) با گراف زیر دارد؟ 110 (1 880 (1 1780 (1 TDT 0 (F G -1+۳ یک گراف ۴ ـ منتظم (درجه هر رأس ۴) با ۱۲ رأس است. G چند مسیر با ۳ رأس دارد؟ ۱) به ساختار G بستگی دارد. 41 (1 77 (7 144 (4 ۱۰۴- به چند طریق می توان ۱۶ پله را با قدمهای یک و دو پلهای طی کرد، به طوری که پله هشتم با قدم یک پلهای، طی شود؟ Y14 (1 914 (1 1109 (" 1099 (4

a_n = مرض کنید: n = ۰, ۱, ۲, ۰۰۰ و تعداد حالات پیمودن n پله با قدمهای ۲ پلهای و ۳ پلهای و .a_n کدام مورد درست است؟ a₀ = ۰ a₀ = ۰ a₁ = ۰ (۲ a₀ = ۱ و ۱ = ۰ a₁ = ۰ (۳ a₀ = ۱ و ۲ = ۵ a₁ = ۰ (۴

جبر خطی عددی، بهینهسازی خطی و نظریه مقدماتی معادلات دیفرانسیل:

(AX = D معکوس پدیر با معکوس (
$$c_{ij}$$
 با معکوس (c_{ij} با معکوس (c_{ij} باشد. در حل دستگاه ($A = (a_{ij})$ باشد. در حل دستگاه ($A = (a_{ij})$ کدام مورد درست است?
() بروز اختلال به اندازهٔ δ در a_{jk} ، باعث ایجاد اختلال تقریباً به اندازهٔ $c_{ij}x_{j}\delta$ می شود.
() بروز اختلال به اندازهٔ δ در a_{jk} ، باعث ایجاد اختلال تقریباً به اندازهٔ $c_{ij}x_{k}\delta$ می شود.
() بروز اختلال به اندازهٔ δ در a_{jk} ، باعث ایجاد اختلال تقریباً به اندازهٔ $c_{ij}x_{k}\delta$ می شود.
() بروز اختلال به اندازهٔ δ در b_{j} ، باعث ایجاد اختلال δ_{ij} در x_{i} می شود.
() بروز اختلال به اندازهٔ δ در b_{j} ، باعث ایجاد اختلال δ_{ij} در x_{i} می شود.
() بروز اختلال به اندازهٔ δ در b_{j} ، باعث ایجاد اختلال δ_{ij} در x_{i} می شود.

است را درنظر بگیرید. با $\mathbf{m} \times \mathbf{n}$ مسئلهٔ کمترین مربعات خطی $\mathbf{A} = \mathbf{A} = \|\mathbf{A}\mathbf{x} - \mathbf{b}\|$ که در آن، A یک ماتریس $\mathbf{m} \times \mathbf{n}$ با $(\mathbf{m} > \mathbf{n})$ است را درنظر بگیرید. با $\mathbf{n} \times \mathbf{n}$ مسئله $\mathbf{N} = \mathbf{n} = \mathbf{A}$ و $\mathbf{A} = \mathbf{R} = \begin{pmatrix} \mathbf{c} \\ \mathbf{c} \\ \mathbf{c} \end{pmatrix}$ ماتریس A به صورت $\begin{pmatrix} \mathbf{R} \\ \mathbf{c} \\ \mathbf{c} \end{pmatrix} = \mathbf{Q}^{T}\mathbf{A} = \mathbf{R} = \begin{pmatrix} \mathbf{R} \\ \mathbf{c} \\ \mathbf{c} \end{pmatrix}$ و $\mathbf{Q}^{T}\mathbf{b} = \begin{pmatrix} \mathbf{c} \\ \mathbf{c} \\ \mathbf{c} \end{pmatrix}$. کدام مورد برای جواب مسئله درست است \mathbf{R} درست است \mathbf{R} مورد برای $\mathbf{A} = \mathbf{R} = \begin{pmatrix} \mathbf{R} \\ \mathbf{c} \\ \mathbf{c} \end{pmatrix}$ اکمت \mathbf{c} راست است.

.

۲) اگر
$$a = x_1 + \|a_1\| - \|a_1\| - \|a_1\|$$
 کمترین است.
۲) اگر $R_1 x = c$ ، آنگاه $a = -\frac{1}{2} \|Ax - b\|$.
۳) اگر $a = x_1 x$ ، آنگاه $a \neq b$ و $\|Ax - b\|$ کمترین است.
۴) اگر $a \neq b$ و $d = Ax - b$ ، آنگاه $\|Ax - b\|$ کمترین است

−۱۰۹ تجزیهٔ LU کدام ماتریس وجود ندارد؟ $\begin{bmatrix} -1 & \circ & 7 \\ \circ & 1 & -1 \\ \vdots & \vdots & 1 \end{bmatrix} (1)$ $\begin{vmatrix} -1 & \circ & 7 \\ \circ & -1 & -1 \\ \vdots & \ddots & \ddots \end{vmatrix} (7$ | 1 −1 ° | 1 1 7 (۴ از روش تکرار گاوس – سایدل Ax = b از معادلات $\mathbf{b} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$ و $\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$ و $\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 & 7 & A \\ - 7 & - 0 \\ - 7 & - 0 \end{bmatrix}$ با بردار آغازین $\begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ x^{(\circ)} = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ x^{(\circ)} \end{pmatrix}$ و حاصل ضرب ماتریس های جایگشت چنان عمل می کنیم که الگوریتم حل برای حل دستگاه EAx = Eb همگرا باشد. بردار $\mathbf{x}^{(1)}$ کدام است؟ (E حاصل ضرب ماتریس های جایگشت است.) $\begin{pmatrix} \mathbf{r} \\ -\circ_{/} \mathbf{\lambda} \\ \circ_{/} \mathbf{r} \mathbf{\Delta} \end{pmatrix} (\mathbf{1}$ $\begin{pmatrix} \mathbf{r} \\ -\mathbf{1/r} \\ \circ_{1} \circ \mathbf{\Delta} \end{pmatrix} (\mathbf{r}$ $\begin{pmatrix} -F \\ -V \\ -FT \end{pmatrix} (T')$ (-F) 17 (F و $A = \begin{bmatrix} a & \circ & \circ \\ -7 & 1 & -1 \\ 0 & a & c & d \\ 0 & a & f \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} -7 & 1 & -1 \\ 0 & -1 \\ 0 & a & c \\ 0 & a & f \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} -7 & 1 & -1 \\ 0 & -1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$ سوم و ستون دوم ماتریس \mathbf{QA} صفر باشد. مقدار $\mathbf{a}^{\mathsf{T}} + \mathbf{c}^{\mathsf{T}} + \mathbf{c}^{\mathsf{T}}$ کدام است؟ 4 (1 ٣ (٢ ۲ (٣ 1 (4

 $Q_{\pi \times \pi} = \begin{bmatrix} \circ & \pi & 7 \\ -\pi & 1 & 7 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} * & * & * \\ \circ & * & * \\ * & * & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} * & * & * \\ 0 & * & * \\ * & * & 0 & 0 \end{bmatrix}$. سطر اول ماتریس Q كدام است؟ (· - · / 8 · / 84) () (· · / 84 · / 49) (1 (°1× ° °1×) (٣ $(\circ - \circ_{/} \varphi \circ_{/} \Lambda)$ (f **۱۱۳- برای مسئله برنامهریزی خطی زیر، کدام مورد درست است؟ (α∈ ℝ یک عدد مثبت است.)** $-\sum_{j=1}^{n} x_{j}$ $Ax \le \circ$ Min s.t. $\sum_{i=1}^n x_j \leq \alpha$ $x \ge 0$) مقدار بهینهٔ مسئله، α است. ۱) مسئله بی کران است. ۳) مقدار بهینهٔ مسئله، در بازه (−α, ۰) قرار دارد.) مقدار بهینهٔ مسئله، صفر یا α است. و چندوجهی $P = \left\{ x \in \mathbb{R}^n ; Ax \leq b \right\}$ و $m \times n$ و $m \times n$ و $m \times n$ اناتهی باشد. در این مورت، $P = \left\{ x \in \mathbb{R}^n ; Ax \leq b \right\}$ نقطهٔ رأسی است اگر و تنها اگر $\operatorname{rank}(A) = n$ (r $m \ge n$ () $\operatorname{rank}(A) = m$ (* $m \le n$ (r11۵- کدام مورد درست است؟ ۱) اگر اشتراک تعداد متناهی نیم فضا ناتهی شود، آنگاه اشتراک آنها لزوماً نقطهٔ رأسی ندارد. ۲) اگر یک چندوجهی در \mathbb{R}^n $(n\geq r)$ نقطهٔ رأسی تباهیده داشته باشد، آنگاه قید زائد هندسی دارد. ۳) اگر یک چندوجهی در \mathbb{R}^{7} نقطهٔ رأسی تباهیده داشته باشد، آنگاه قید زائد هندسی دارد.) اگر یک چندوجهی در \mathbb{R}^n قید زائد هندسی داشته باشد، آنگاه نقطهٔ رأسی تباهیده دارد. ۱۱۶ – برای مقدار بهینهٔ سه مسئله زیر، کدام مورد درست است؟ e ∈ ℝ^{1×n}) بردار سطری است که همهٔ مؤلفههای آن یک است.) 1.... 34

$z_{1} = M m$	cx	$z_{\gamma} = M m$	ıcx	$z_{\gamma} = M \ln cx$		
s.t.	$Ax \leq b$	s.t.	$Ax \leq b$	s.t.	Ax≤b	
	$ex \leq 1$		$ex \ge 1$		ex = 1	
	$x \ge \circ$		$x \ge \circ$		$x \ge \circ$	

 $\begin{aligned} z_{\tau} &= \min \left\{ z_{1}, z_{\tau} \right\} \text{ (r } & z_{\tau} &= \min \left\{ z_{1}, z_{\tau} \right\} \text{ (n } \\ z_{\tau} &= \max \left\{ z_{1}, z_{\tau} \right\} \text{ (f } & z_{\tau} &= \max \left\{ z_{1}, z_{\tau} \right\} \text{ (f } \end{aligned}$

۱۱۷- شرط لازم و کافی برای آن که نقطهٔ $\overline{\mathbf{x}} = \begin{pmatrix} \circ \\ \mathbf{y} \end{pmatrix}$ برای مسئله برنامه ریزی خطی زیر بهینه باشد، کدام است? Max $c_1x_1 + c_7x_7$ s.t $|-x_1 + x_2| \leq r$ $x_1, x_r \ge 0$ (۱) (c_1, c_7) یک ضریب نامنفی از (c_1, c_7) باشد. باشد. (۲) (c_{1}, c_{7}) یک ضریب نامنفی از ((1, -1) باشد. باشد. (۲) (c_1, c_7) یک ترکیب خطی نامنفی از بردارهای (-1, -1) و (0, -1) باشد. باشد. ((c_1, c_7)) یک ترکیب خطی نامنفی از بردارهای ((-1, 0) و ((-1, 0) باشد. ۱۱۸- در روش دوفازی برای حل مسئله برنامه ریزی خطی زیر، اگر در جدول پایانی فاز I، ستون مربوط به متغیر x_۷ را با ی و بردار سمت راست را با $\overline{\mathbf{b}} = \mathbf{B}^{-1}\mathbf{b}$ نمایش دهیم، آنگاه کدام مورد درست است $\mathbf{y}_{\tau} = \mathbf{B}^{-1}\mathbf{a}_{\tau}$ Min $x_1 - r x_r$ $\forall x_1 + f x_r \leq 17$ s.t. $x_1 - x_T \ge T$ $x_1, x_7 \ge 0$ $\overline{\mathbf{b}} = \begin{pmatrix} \mathbf{1} \mathbf{Y} \\ \mathbf{Y} \end{pmatrix} \mathbf{y}_{\mathbf{Y}} = \begin{pmatrix} \mathbf{Y} \\ -\mathbf{1} \end{pmatrix} \mathbf{Y}_{\mathbf{Y}}$ $\overline{\mathbf{b}} = \begin{pmatrix} \mathbf{1} \mathbf{Y} \\ \mathbf{Y} \end{pmatrix} \mathbf{g} \mathbf{y}_{\mathbf{Y}} = \begin{pmatrix} \mathbf{1} \\ \mathbf{0} \end{pmatrix} (\mathbf{1}$ $\overline{\mathbf{b}} = \begin{pmatrix} \boldsymbol{\varphi} \\ \mathbf{y} \end{pmatrix} \mathbf{y}_{\mathbf{Y}} = \begin{pmatrix} \mathbf{Y} \\ -\mathbf{y} \end{pmatrix} (\mathbf{Y})$ $\overline{\mathbf{b}} = \begin{pmatrix} \mathbf{s} \\ \mathbf{y} \end{pmatrix} \mathbf{y}_{\mathbf{y}} = \begin{pmatrix} \mathbf{1} \\ \mathbf{s} \end{pmatrix} (\mathbf{s}$ ۱۱۹- مسئله برنامهریزی خطی زیر، مفروض است که در آن، A یک ماتریس n×n مربعی متقارن است. کدام مورد درست است؟ Min cx

s.t. Ax = c $x \ge 0$

> ۱) ناحیهٔ شدنی، تکنقطه است. ۲) درصورت وجود نقاط شدنی، هر نقطه شدنی بهینه است. ۳) مسئله، جواب بهینهٔ دگرین دارد. ۴) مسئله، بی کران است.

> > 1۲۰ کدام مورد، نادرست است؟

- ۱) تبدیل مسئله اولیه ماکزیممسازی به مینیممسازی، علامت متغیرهای دوگان مکمل را تغییر نمیدهد.
 ۲) کنار گذاشتن یک محدودیت زائد هندسی، با صفر قرار دادن متغیر دوگان مکمل، معادل است.
 ۳) یک متغیر از مجموعهٔ بهینهٔ اولیه، نامتناهی است اگر و فقط اگر، متغیر دوگان مکمل آن، در تمام جوابهای
 - شدنی دوگان، صفر باشد.
 - ۴) یک متغیر، در تمام جوابهای اولیه صفر است اگر و تنها اگر متغیر دوگان مکمل آن، در یک جواب بهینه دوگان، مثبت باشد.

۲۱- کدام مورد برای جوابهای معادله دیفرانسیل x ∈ ℝ و y' = max{۱, y}، با شرط اولیه y(0) = (0)، درست است؟
۱) معادله ديفرانسيل فاقد جواب است.
) معادله دیفرانسیل دارای جواب منحصربهفرد $\mathbf{y}(\mathbf{x})=\mathbf{e}^{\mathbf{x}}$ است.
۳) معادله دیفرانسیل دارای جواب منحصربهفرد است.
۴) معادله دیفرانسیل بی شمار جواب دارد.
۲۲۲ - فرض کنید (y(x) یک جواب غیرصفر معادله دیفرانسیل ∘ = y" - e ^x y باشد. درخصوص تابع y کدام مورد درست است؟
 حداکثر یک ریشه حقیقی دارد.
۲) دقیقاً دو ریشه حقیقی دارد.
۳) حداقل دو ریشه حقیقی دارد.
۴) بیشمار ریشه حقیقی دارد.
ا ۱۲۳- فرض کنید $\mathbf{x}(t) = \begin{pmatrix} \mathbf{x}_1(t) \\ \mathbf{x}_7(t) \end{pmatrix}$ کدام مورد درست است؟
) مبدأ مختصات یک نقطه زینی برای دستگاه معادلات $\mathbf{x}(t) = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \mathbf{x}(t)$ است. (۱
) مبدأ مختصات یک نقطه گره برای دستگاه معادلات $x(t) = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 7 & 1 \end{pmatrix} x(t)$ است.
) مبدأ مختصات یک نقطه گره برای دستگاه معادلات $\mathbf{x}(t) = \begin{pmatrix} -1 & \circ \\ 7 & 1 \end{pmatrix} \mathbf{x}(t)$ است. (۳
۴) مبدأ مختصات یک نقطه زینی برای دستگاه معادلات (x(t) $x(t) = \begin{pmatrix} -1 & \circ \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ است.
x' = x(1- ۲y) مفروض است. کدام مورد درست است؟ y' = y(-۳ + ۲x) , x > ° , y , > °
) $\left(rac{\pi}{7},rac{1}{7} ight)$ یک نقطه ناپایدار دستگاه است.
۲) (۲ , ۲) یک نقطه پایدار دستگاه است، لیکن بهطور مجانبی پایدار نیست.
۳) (۰,۰) یک نقطه بهطور مجانبی پایدار دستگاه است.
۴) (۰,۰) یک نقطه پایدار دستگاه است، لیکن بهطور مجانبی پایدار نیست.
$\begin{cases} x' = x(1 - Yy) \\ y' = y(-T + Yx), x > \circ, y > \circ \end{cases}$ ، کدام است؟ $y' = y(-T + Yx), x > \circ, y > \circ$
$-x - ry + r \ln x + r \ln y$ (1)
$rx - ry - r\ln x + \ln y$ (r
$\mathbf{x} + \mathbf{y} - \mathbf{y} \ln \mathbf{x} - \ln \mathbf{y}$ (r

 $rx + y - r\ln x - r\ln y$ (f

احتمال (۱ و ۲) و فرایندهای تصادفی ۱:

۱۲۶- یک چوب به طول L در اختیار داریم و آن را در نقطهای که به طور تصادفی و یکنواخت انتخاب شده است، می شکنیم و قطعهای را که انتهای سمت چپ چوب است نگه می داریم. سپس همـین کـار را بـا چـوبی کـه نگـه میداریم تکرار میکنیم. مقدار مورد انتظار چوبی که باقی میماند کدام است؟ $\frac{L}{r}$ (1 $\frac{L}{r}$ (7 ۳<u>۲</u> (۳ L (۴ فرض کنید $X_n, ..., X_n$ یک نمونـه تصـادفی از توزیـع $N(\circ, \sigma^r)$ و $T^r = \frac{1}{n} \sum X_i^r$ باشـد، بـهطـور تقریبـی -۱۲۷ P(T>σ)، كدام است؟ $\frac{1}{r}$ (1 $\frac{1}{r}$ (r $\frac{\sigma}{\sigma}$ (r $\frac{\sigma}{r}$ (f ۱۲۸- اگر X یک متغیر تصادفی نامنفی با $\mathbf{E}(\mathbf{X}) = \mathbf{a}$ باشد، در مورد $\mathbf{E}(\sqrt{\mathbf{X}})$ چه می توان گفت? $E(\sqrt{X}) \leq \sqrt{a}$ () $E(\sqrt{X}) \ge \sqrt{a}$ (r $E(\sqrt{X}) \le a$ (r $E(\sqrt{X}) \ge a$ (f اب فرض کنید (X, Y) دارای چگالی توأم $e^{-Yx-\frac{y}{Y}}$, x, y > ، چقدر است؟ (X, Y) دارای (X, Y) دارای چگالی توأم ۱۲۹- $\frac{\gamma}{\gamma}$ (1 $\frac{9}{7}$ (7 11 7 (r 1m (4

، کدام است؟	Var(ر (T	T . مقدا	$\mathbf{Y} = \mathbf{X}_{\mathbf{y}}\mathbf{X}_{\mathbf{y}}\mathbf{X}_{\mathbf{y}}$	مال زیر باشد و	یعی با تابع احتم	مونه تصادفی از توز	، X _۳ ، X	۲.X ₁	۱۳۰ – اگر
x	_1	0	,						<u>۵</u> ۶۴	()
$\frac{\mathbf{x}}{\mathbf{f}(\mathbf{x})}$	$\frac{1}{r}$	$\frac{1}{r}$	1						<u>۶</u> ۶۴	(۲
	1,								<u>۷</u> ۶۴	۳)
									<u>۸</u> ۶۴	(۴

۲۵ - فرض کنید متغیر تصادفی X مقادیر ۱٫۲٫۳٫۰۰۰ را با احتمالهای برابر اختیار میکند. اگر میانگین و واریانس X باهم برابر باشند، مقدار n، کدام است؟

- 14(1
- 17 (7
- ۳) ۷
- 9 (4

۱۳۲ – یک مدرسه موسیقی یک پیانو را به قیمت ۳۰۰۰ دلار، یک گیتار را به قیمت ۵۵۵ دلار و یک ویلن را به قیمت ۶۰۰ دلار خریداری کرده است. اگر میانگین قیمت یک پیانو ۴۰۰۰ دلار با انحراف معیار ۲۵۰۰، میانگین قیمت یک گیتار ۵۰۰ دلار با انحراف معیار ۲۰۰ و میانگین قیمت ویلن ۷۰۰ دلار با انحراف معیار ۱۰۰ باشد، بهترتیب از راست به چپ کدام ابزار را ارزان و کدام را گران خریده است؟

- ۱) ویلن _ گیتار
- ۲) گیتار _ پیانو
- ۳) گیتار _ ویلن
- ۴) پيانو _ ويلن
- ۱۳۳ شش وجه یک تاس شامل اعداد ۲، ۲، ۳، ۴، ۵، ۶ هستند. تاس را چهار مرتبه پرتاب میکنیم. احتمال اینکه یک مرتبه وجه ۲، یک مرتبه وجه ۳ و دو مرتبه وجه ۴ مشاهده شود، چقدر است؟
 - $\frac{1}{\frac{1}{2}} (1)$ $\frac{1}{\frac{1}{2}} (7)$ $\frac{1}{\frac{1}{2}} (7)$ $\frac{1}{\frac{1}{2}} (7)$ $\frac{1}{2} (7)$

۱۳۱- فرض کنید X یک متغیر تصادفی گسسته با تابع مولد گشتاور M(t)= 19+e ^{-t} +e ^t باشد. مقدار (• N(t) ≥ 0) IV و فرض کنید X	۴
کدام است؟	
$\frac{11}{18}$ (1	
18	
$\frac{1\Delta}{18}$ (Y	
1 <u>7</u> 18	
17 18 (F	
۱۳۵− از توزیع (N(°,۱، تعداد ۵ مشاهده به تصادف انتخاب میکنیم. احتمال این که حداقل دو تا از این مشاهدهها	۵
مثبت باشند، کدام است؟	
$\frac{1}{2}$ (1)	
۲۶ ۳۲ (۲	
<u>۳∘</u> ۳۲ (۳	
77 77 (4	
۱۳۶- فرض کنید ××× ، ××× ، ××× F _X (x) و Y = [X] (جزء صحیح X). در این صورت (P(Y > ۲، کدام است؟	۶
$e^{-r\Delta}$ ()	
e^{-19} (Y	
e ⁻⁹ (٣	
e ^{-*} (*	
iid است؟ X1, X7,, Xn ~ N(µ, σ ^۲) اگر T = 1/γ۵ مقدار تقریبی P(T > ۰/۶۹۶)، کدام است؟ -۱۳۱	۷
°/ °1 (1	
°/°∆ (Y	
°∕ ° 7∆ (r	
°/1 (f	

کنید $P(X_{\circ} = t) = o_{/}$ در این صورت مقدار $E(X_{\gamma})$ کدام است $P(X_{\circ} = t) = o_{/}$ کدام است $T_{/}$ (۱

- ۳/۶۳ (۲
- ٣/٨۵ (٣
- 4/11 (4

$$\begin{split} & -\mathrm{IFT} \quad \delta[\mathrm{pixt}\; \mathbb{E}\, \mathrm{Jh}_{\mathrm{pixt}}(\mathbf{z}) \; \mathrm{Torolog}\left\{ \mathbb{E}\, \mathrm{A}\, \mathrm{e}\, \mathrm{etc}\, \mathrm{etc}\, \mathrm{Torolog}\left\{ \mathbb{E}\, \mathrm{A}\, \mathrm{etc}\, \mathrm{etc$$

- ۱۴۵ اگر N تعداد ادعاهای خسارت از یک شرکت بیمه در یک ماه دارای توزیع پواسون با نرخ ۵ ادعا در ماه و X_i مبلغ خسارت امین ادعا دارای توزیع نرمال با میانگین ۵۰۰ و انحرافمعیار ۱۰۰ واحد پولی باشد. در این صورت امید ریاضی کل خسارت پرداختی این شرکت در یک سال کدام است؟
 - 10,000 (1
 - Y 0/ 000 (Y
 - ۲۵/ ۵۰۰ (۳
 - ro,000 (f