

آزمون ۷ شهریور ۹۹

دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

نقشه پاسخ

آنچه اتفاقی

نام درس	نام طراحان (به ترتیب حروف الفبا)
فارسی	محسن اصغری، حسن پاسیار، ابراهیم رضایی مقدم، محسن فدایی، محمدجواد قورچیان، کاظم کاظمی، مرتضی منشاری
عربی، زبان قرآن	درویشعلی ابراهیمی، ولی برچی، محمد داوریناھی، مجید فاتحی، الهه مسیح خواه، خالد مشیریناھی، فاطمه منصور خاکی، مهدی نیکزاد
دین و زندگی	محمد آفاسچال، امین اسدیان پور، محمد رضایی بقا، علی فضلی خانی، مرتضی محسنی کبیر، سیداحسان هندي
زبان انگلیسی	مهدی احمدی، آناهیتا اصغری، فریبا توکلی، علی شکوهی، علی عاشوری، ساسان عزیزی نژاد
ریاضی پایه و حسابان ۲	کاظم اجلالی - عباس اسدی امیرآبادی - جمال الدین حسینی - عادل حسینی - امیر هوشنج خمسه - فریدون ساعتی
هندسه	محمد رضا شوکتی بیرق - عزیزالله علی اصغری - امیر محمد فرزانه - کریم نصیری
آمار و احتمال و ریاضیات گسسته	امیرحسین ابومحبوب - کاظم باقرزاده - علی رضا بهرمن - جواد حاتمی - امیر هوشنج خمسه - محمد خندان - کیوان دارابی
فیزیک	سید امیر مستوده - رضا عیاسی اصل - علی فتح آبادی - فرشاد فرامرزی - محمد ابراهیم گیتی زاده - محسن محمد کربی
شیمی	میلاد منصوری - محمدعلی نادرپور
ریاضیات گسسته	رضا پور حسینی - حسین تباره - جواد حاتمی - سید عادل حسینی - سید وحید ذوالفقاری - یاسین سپهر - عزیزالله علی اصغری
آمار و احتمال و ریاضیات گسسته	فرشاد فرامرزی - مرتضی فهیم علوی - مهرداد ملوندی - مختار منصوری - سروش مؤینی - هونم نورانی
آمار و احتمال و ریاضیات گسسته	محمد اکبری - عبدالرضا امینی نسب - زهره آقامحمدی - علی بکلوا - امین بیات بارونی - سید ابوالفضل خالقی - ناصر خوارزمی
آمار و احتمال و ریاضیات گسسته	بیتا خورشید - محمدعلی راست بیمان - فرهنگ فرقانی فر - آرش قاسمی - محسن قندچلر - علیرضا گونه - امیرحسین مجوزی
آمار و احتمال و ریاضیات گسسته	غلامرضا محبی - حسین مخدومی - محمد جعفر مقناح - سپهر مهرور - علی نوربخشیان
آمار و احتمال و ریاضیات گسسته	سعید اسماعیل زاده آزادگان - مریم اکبری - امیر علی برخوردار بیرون - جهان شاهی بیگانی - کامران جعفری - میلاد دهقان
آمار و احتمال و ریاضیات گسسته	حمید ذبیحی - مینا شرافتی پور - مجتبی صفری - محمد عظیمیان زواره - فاضل قهرمانی فرد - محمد کوهستانیان - سعید محسن زاده
آمار و احتمال و ریاضیات گسسته	محمدحسن محمدزاده مقدم - سید محمد معروفی - محمد وزیری

گروه علمی

نام درس	مسئول درس	گزینشگر	گروه ویراستاری
فارسی	محمدجواد قورچیان	الهام محمدی	محسن اصغری، کاظم کاظمی، مرتضی منشاری
عربی، زبان قرآن	مهدی نیکزاد	فاطمه منصور خاکی	درویشعلی ابراهیمی، حسین رضایی، اسماعیل یونس پور
دین و زندگی	محمد ابراهیم مازنی	محمد ابراهیم مازنی	سکینه گلشنی، سیداحسان هندی
زبان انگلیسی	آناهیتا اصغری	آناهیتا اصغری	رحمت الله استیری، فریبا توکلی، محدثه مرآتی
ریاضی پایه و حسابان ۲	عادل حسینی	عادل حسینی	علی ارجمند
هندسه، آمار و احتمال و ریاضیات گسسته	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	-
فیزیک	بابک اسلامی	بابک اسلامی	سجاد شهرابی فراهانی، امیر محمودی انزابی، سید علی میرنوری
شیمی	محمدحسن محمدزاده مقدم	محمدحسن محمدزاده مقدم	یاسر راش

گروه فنی و تولید

مدبیو گروه	محمد اکبری
مدیران گروه عمومی	الهام محمدی - فاطمه منصور خاکی
مسئولین دفترچه	دفترچه عمومی: معصومه شاعری
گروه مستندسازی	مدیر گروه: فاطمه رسولی نسب
حروفنگاران	زهرا تاجیک - ندا اشرفی - فاطمه روحی
ناظر چاپ	سوران غیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۳۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱



(محسن فرامایی - شیراز)

۶- گزینه «۲»

بیت ب: «گرسنه طبعان» بدل است. / «پی بو» معطوف است.

بیت ج: «غم دل» معطوف است.

بیت ه: «زیبا صنم» بدل است.

(فارسی ۲، ستور، صفحه ۷۷)

(محسن فرامایی - شیراز)

۷- گزینه «۴»

بیت (الف): «دو، نرگسین، دو، شکرین، دو، عنبرین»

بیت (ب): «آن» در ترکیب «آن دهان» / «آن» در «آن میان» / «چه» در «چه مو»

«هیچ» در بیت «ب» ضمیر میهم است.

«آن» در پایان بیت (ب) ضمیر اشاره است.

(فارسی ۲، ستور، ترکیبی)

(مرتضی منشاری - اردبیل)

۸- گزینه «۲»

مفهوم ابیات سوال بیانگر زیبایی عشق است که از ابیات گزینه‌های «۱، ۳ و ۴» نیز

چنین مفهومی دریافت می‌شود. مفهوم گزینه «۲»، بیانگر عشق ازی است.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: با ارزش شدن به واسطه زیبایی عشق حقیقی

گزینه «۳»: زیبایی و دل‌انگیزی عشق همانند ساز و نوای نوازندۀ

گزینه «۴»: در کان زر بودن و ارزشمند شدن به واسطه زیبایی عشق

(فارسی ۲، مفهوم، صفحه ۸۰)

(کاظم کاظمی)

۹- گزینه «۳»

مفهوم مشترک ابیات مرتبه: شرط عشق‌ورزی سکوت و رازداری است.

مفهوم بیت گزینه «۳»: شرط عشق‌ورزی، گذشتان از تمام تعلقات و دلیستگی هاست.

(فارسی ۲، مفهوم، مشابه صفحه ۹۳)

(کاظم کاظمی)

۱۰- گزینه «۴»

مفهوم عبارت صورت سوال: بیان حُسن خلق و مدارا با دشمنان و مخالفان و ستایشی

آن،

مفهوم مقابل آن: در درسر آفرینی حسن خلق که در گزینه «۲» بیان شده است.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: ضرورت مدارا با افراد ناسازگار

گزینه «۳»: حُسن خلق، باید به جا و به موقع باشد.

گزینه «۴»: دلپذیر بودن بیداد و جفای معشوق برای عاشق و ترجیح آن بر مهریانی و

مدارا

(فارسی ۲، مفهوم، صفحه ۷۰)

فارسی (۲)

۱- گزینه «۲»

(ممدریوار قوریان)

مرشد: مراد، پیرا/ صباحت: زیبایی، جمال/ وادی: سرزمین/ رضوان: بهشت

(فارسی ۲، لغت، ترکیبی)

۲- گزینه «۴»

صورت صحیح واژه عبارت است از: «غلّم».

(فارسی ۲، املاء، ترکیبی)

۳- گزینه «۴»

هم‌صدا با حلق اسماعیل: سیدحسن حسینی

روزها: محمدعلی اسلامی‌ندوشن

اسرار التوحید: محمدين منور

(فارسی ۲، تاریخ ادبیات، ترکیبی)

۴- گزینه «۴»

گزینه «۴»: استعاره: گل ← رخسار، سنبل ← گیسو، بلبل ← عاشق / تشییه:

ندارد

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: حسن‌تعلیل: شاعر معتقد است که به دلیل بلند بودن ناله‌های او مؤذن

هنگام اذان، گوش‌های خود را می‌گیرد. / جناس: دوش، گوش

گزینه «۲»: کنایه: حلاجی کردن ← زیر و رو کردن / تلمیح: اشاره دارد به داستان

حسین بن منصور حلّاج عارف معروف

گزینه «۳»: جناس همسان: گذران: سپری کن (فعل امر)، گذران: گذرنده، رونده

(صفت فاعلی) / نفعه حروف: تکرار و اح های «ز، ب، ...»

(فارسی ۲، آرایه، ترکیبی)

۵- گزینه «۱»

بیت (ه): «غریب با غریب» جناس تام دارد.

بیت (د): «پیمانه» مجاز از «شراب»

بیت (ج): «پس و پیش» = تضاد

بیت (ب): «چشمۀ نوش» استعاره از «لب» / «ناوک» استعاره از «مژه»

بیت (الف): «قربان» ابهام تناسب دارد. معنای نزدیک «قربانی» که کاربرد دارد و

معنای دور «کمان‌دان و تیردان» که کاربرد ندارد ولی با «کیش» تناسب دارد.

(فارسی ۲، آرایه، ترکیبی)



(رویشعلی ابراهیمی)

گزینه «۱»

«به دست آوردن یک خشنودی معنوی!» نادرست است.
تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۲»: «رسیدن به هدفی معین!» درست است.

گزینه «۳»: «دستیابی به نفعی اجتماعی» درست است.

(درک مطلب)

گزینه «۴»: «کسب رضایتی روحی» درست است.

(رویشعلی ابراهیمی)

گزینه «۱»

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۲»: «مجھول» و «فاعله مذکور» نادرست‌اند.

گزینه «۳»: «مصدره تعوید» نادرست است.

گزینه «۴»: «المخاطب» نادرست است.

(تفلیل صرفی و مفل اعرابی)

(رویشعلی ابراهیمی)

گزینه «۲»

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «اسم فاعل» نادرست است.

گزینه «۳»: «فرد مذکور» نادرست است.

گزینه «۴»: «معرفه (علم)» نادرست است.

(تفلیل صرفی و مفل اعرابی)

(فاطمه منصور قاکی)

گزینه «۴»

در گزینه «۴»، «المُحدَّد» اسم مفعول است و باید به صورت «المُحدَّد» نوشته شود (حرف یکی مانده به آخر (۳) فتحه).

(ولی برپی - ابهر)

گزینه «۱»

صورت سوال خواسته که فعل ماضی ای را تعیین کنیم که مفعولی را توصیف می‌کند (یعنی جمله وصفیه‌ای که مفعول را توصیف می‌کند)؛ در گزینه «۱»، «ما قدرت» فعل ماضی است که «مشاکل» را که مفعول و نکره است توضیح می‌دهد.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۲»: «علیاً» مفعول و معرفه (علم) است و «قد جلس» جمله وصفیه برای اسم نکره (صدیق) است که مضاف‌الیه می‌باشد.

گزینه «۳»: «تَجَمَّع» جمله وصفیه است که «اخلاقاً» را که مفعول و نکره است توضیح می‌دهد، اما مضارع است.

گزینه «۴»: جمله وصفیه‌ای وجود ندارد و «نصر» جواب شرط واقع شده است.

(قواعد اسم)

(محمد اورپناهی - بنور)

گزینه «۳»

هنگامی که حروف «أ، لکی، حتی، ل» بر سر فعل مضارع بیانند به صورت مضارع التزامی ترجمہ می‌شوند. («لا تنتظرون» مضارع منفی است و به صورت مضارع التزامی ترجمہ نمی‌شود.)

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «أن يثبتوا»: که ثابت کنند

گزینه «۲»: «يهدئني»: مرآ راهنمایی کنند (جمله بعد از نکره)

(قواعد فعل)

گزینه «۴»: «أن يتحدث»: سخن بگوید

عربی، زبان قرآن (۲)**۱۱- گزینه «۳»**

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «بِه» ترجمه نشده و «احتمال» نیز به صورت «ممکن است»

ترجمه شده که دقیق نیست.

گزینه «۲»: «لِم» با فعل به صورت نهی ترجمه شده است.

گزینه «۴»: «ربما فيه احتمال الكذب» به درستی ترجمه نشده است.

(ترجمه)

۱۲- گزینه «۱»

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۲»: «لا يقف» به معنای «پیروی نکند» است. «در مقابل چیزی» هم به صورت «از چیزی» درست است.

گزینه «۳»: «هذا برنامچ» به صورت «این برنامه‌ای است که» ترجمه می‌شود.

چون «برنامچ» دارای «آل» نیست و خبر است.

(ترجمه)

ترجمه متن درگ مطلب:

دروغ گفتن از بدترین صفاتی است که برخی افراد به آن عادت می‌کنند و آن از ارزش انجام دهنده‌اش (دروغگو) می‌کاهد و همیشه انواع جرم‌ها را همراه (خود) می‌آورند.

قصد دروغگو از کارش رسیدن به یک هدف خاص است که گاهی ممکن است مادی یا روانی یا اجتماعی باشد و آن خلاف راستگویی است و دروغ عملی حرام در بیشتر ادیان است. و بیشتر با تعدادی از جرائم مانند کلاهبرداری، خیانت و سرقた و همراه است. و نیز اغلب با برخی شغل‌ها یا جنگ روانی رسانه‌ای مرتبط می‌باشد.

اسلام دروغ گفتن را حرام می‌داند در قرآن کریم ذکر شده است: «خداؤند کسی را که اسراف‌کننده و بسیار دروغگو است هدایت نمی‌کند» و دروغ گفتن منفورترین اخلاق نزد پیامبر اسلام (ص) بود و دروغ گفتن به نظر ایشان از ویزگی‌های منافق است.

مردی به پیامبر اکرم (ص) گفت: آیا مؤمن زدی می‌کند؟ پیامبر (ص) گفت: گاهی می‌شود. گفت: ای پیامبر خدا آیا مؤمن دروغ می‌گوید؟ گفت: خیر خداوند بلند مرتبه فرموده تنها کسانی که ایمان ندارند، دروغ می‌بنندند!

۱۳- گزینه «۳»

(دریشعلی ابراهیمی)
دروغ در نظر پیامبر (ص) از صفات اشخاص منافق به شمار می‌آید! درست است.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «دروع در همه ادیان موجود در جهان حرام است!» نادرست است.

گزینه «۲»: «دروع صفتی است که گاه ارزش گوینده‌اش را در نزد مردم کم نمی‌کند!» نادرست است.

گزینه «۴»: «مؤمن احتمال می‌رود که دروغ بگوید ولی احتمال نمی‌رود که زدی کند!» نادرست است.

۱۴- گزینه «۴»

(دریشعلی ابراهیمی)
«دروع دائماً با جرم‌هایی مانند کلاهبرداری و خیانت و زدی همراه است.» نادرست است.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «دروعگو ارزشش میان مردم معمولاً کم می‌شود!» درست است.

گزینه «۲»: «گاهی دروغ با برخی از شغل‌ها یا جنگ روانی رسانه‌ای همراه است!» درست است.

گزینه «۳»: «رتکاب دروغ در انسان باعث انواع جرم‌ها و گناهان می‌شود!» درست است.



(کتاب زرده)

گزینه «۱»

امامان می‌کوشیدند آن بخش از اقدامات و مبارزات خود را که دشمن به آن حساست دارد در قالب «تقطیه» به پیش برند یعنی اقدامات خود را مخفی نگه دارند به گونه‌ای که در عین ضربه زدن به دشمن کمتر ضربه بخورند.

(دین و زندگی ۳، درس ۸، صفحه ۱۴۵)

(کتاب زرده)

گزینه «۲»

امام رضا (ع) پس از بیان حدیث سلسله‌الذهب می‌فرماید: «بشرطها و أنا من شروطها»، یعنی توحید در زندگی اجتماعی با ولایت امام (ولایت ظاهري) که همان ولایت خداست، میسر می‌شود؛ این مفهوم در راستای مسئولیت معرفی خود به عنوان امام بر حق است.

(دین و زندگی ۳، درس ۸، صفحه‌های ۱۱ و ۱۳۰)

(کتاب زرده)

گزینه «۳»

به علت این که حاکمان غاصب، قوانین اسلام را زیر پا می‌گذارند و به مردم ستم می‌کرند، امامان وظیفه داشتند که بر اساس اصل امر به معروف و نهی از منکر (یکی از فروع دین)، با آنان مقابله کنند و مانع زیر پا گذاشتن قوانین اسلام شوند.

(دین و زندگی ۳، درس ۸، صفحه‌های ۱۱ و ۱۳۰)

(کتاب زرده)

گزینه «۴»

حضرت علی (ع) می‌فرماید: «آگاه باشید که وقتی می‌توانید در آن شرایط راه رستگاری را تشخیص دهید که ابتدا راه‌کنندگان و پشت‌کنندگان به صراحت مستقیم را شناسایی کنید.»

(دین و زندگی ۳، درس ۸، صفحه ۹۹)

(کتاب زرده)

گزینه «۵»

آیه شریفه «و ما محمد آلا رسول قد خلت من قبله الرسل افان مات او قتل انقلبت علی اعقابکم و من ينقلب على عقيبه فلن يضر الله شيئاً» بیانگر هشدار قرآن کریم به مسلمانان زمان پیامبر (ص) است و آنان را از بازگشت به دوران جاهلیت بیم می‌دهد.

(دین و زندگی ۳، درس ۸، صفحه ۹۸)

(کتاب زرده)

گزینه «۶»

عموم مردم در افکار و اعتقادات و رفتار و عمل، دنباله‌روی شخصیت‌های برجسته جامعه خود هستند و آن‌ها را اسوه قرار می‌دهند.

(دین و زندگی ۳، درس ۸، صفحه ۹۳)

(کتاب زرده)

گزینه «۷»

برخی از عالمان وابسته به بنی‌امیه و بنی‌عباس و گروهی از علمای اهل کتاب، از موقعیت و شرایط برکناری امام معمصول استفاده کردند و به تفسیر و تعلیم آیات قرآن و معارف اسلامی، مطابق با افکار خود و موافق با منافع قدرتمندان پرداختند. این مطالب به کتاب‌های تاریخی و تفسیری راه یافت و سبب گمراهی بسیاری از مسلمانان شد.

(دین و زندگی ۳، درس ۸، صفحه ۹۲)

(کتاب زرده)

گزینه «۸»

شیوه بیان حدیث سلسله‌الذهب، نشانگر حفظ سخنان و سیره پیامبر است.

(دین و زندگی ۳، درس ۸، صفحه‌های ۱۰۰ و ۱۰۱)

(کتاب زرده)

گزینه «۹»

ورود جعل و تحریف به احادیث پیامبر (ص) معلوم منع نوشتن احادیث پس از رحلت پیامبر (ص) و نیاز حاکمان جور به توجیه موقعيت خود و اقدامات مخالف اسلام آن‌هاست.

(دین و زندگی ۳، درس ۷، صفحه ۹۳ و ۹۴)

(کتاب زرده)

گزینه «۱۰»

پس از گذشت مدتی از رحلت رسول خدا (ص)، جاهلیت در لباسی جدید وارد زندگی اجتماعی مسلمانان شد. شخصیت‌های باتقو، جهادگر و مورد احترام و اعتماد پیامبر (ص) منزوی شدند و طالبان قدرت و ثروت، قرب و منزلت یافتند و بدین ترتیب، رفتارهای حکومت نبوی به سلطنت تبدیل شد.

(دین و زندگی ۳، درس ۷، صفحه ۹۰ و ۹۱)

دین و زندگی (۲)

گزینه «۱»

یکی از چالش‌های عصر ائمه (ع)، «رأة الگوهای نامناسب» بود که براساس آن، حاکمان وقت تلاش می‌کردند که شخصیت‌های اصیل اسلامی به خصوص اهل بیت پیامبر (ص) را در ازواج قار دهند و افرادی را که در اندیشه و عمل و اخلاق از معيارهای اسلامی دور بودند، به جایگاه برجسته برسانند و آن‌ها را راهنمای مردم معرفی کنند.

(دین و زندگی ۳، درس ۷، صفحه ۹۳)

گزینه «۲»

در نتیجه اقدام امامان در راستای تبیین معارف اسلامی مناسب با نیازهای نو، مسلمانان از معارف ایشان بهره‌مند شدند و در نتیجه اقدام امامان در راستای تعلیم و تفسیر قرآن کریم، مشتاقان معارف قرآن توانستند از این کتاب الهی بهره ببرند.

(دین و زندگی ۳، درس ۸، صفحه‌های ۱۰۰ و ۱۰۱)

گزینه «۳»

فراهم آمدن کتاب‌های مانند نهج‌البلاغه و صحیفه سجادیه و کتب اربعه شیعه مربوط به تبیین معارف اسلامی مناسب با نیازهای نو، از اقدامات مرجعیت دینی امامان بود.

(دین و زندگی ۳، درس ۸، صفحه ۱۰۱)

گزینه «۴»

با این که سال‌ها بعد، منع نوشتن حدیث پیامبر (ص) برداشته شد و حدیث نویسی رواج یافت اما به دلیل عدم حضور اصحاب پیامبر (ص) در میان مردم، به دلیل فوت یا شهادت، احادیث زیادی جعل یا تحریف شده؛ بهطوری که احادیث درست از غلط به سادگی قابل تشخیص نبود. ممنوعیت نوشتن حدیث باعث شد مردم و محققان از یک منبع مهم هدایت بی‌بهره ماندند و به ناچار سلیقه شخصی را در احکام دین دخالت دادند و گرفتار اشتباهات بزرگ شدند.

(دین و زندگی ۳، درس ۷، صفحه ۹۰)

گزینه «۵»

امام علی (ع) در سخنرانی‌های متعدد، بارها مسلمانان را نسبت به ضعف و سستی شان در مبارزه با حکومت بنی‌امیه بیم می‌داد و می‌فرمود: «ین مطلب قلب انسان را به درد می‌آورد که ان‌ها در مسیر باطل خود این چنین متحدند و شما در راه حق این گونه متفرق و پراکنده‌اید.»

(دین و زندگی ۳، درس ۸، صفحه ۹۰)

گزینه «۶»

حضرت علی (ع) با روشن‌بینی و درک عمیق خود از نتیجه رفتارها و وقایع، در مورد آینده ناسیمان جامعه اسلامی می‌فرماید: «به زودی پس از من ... رایج تر از دروغ بر خدا و پیامبرش نباشد. در آن ایام چیزی ناشناخته‌تر از معروف و خیر و شناخته‌شده‌تر از منکر و گناه نیست.»

(دین و زندگی ۳، درس ۸، صفحه ۹۹)

گزینه «۷»

برخی از عالمان وابسته به بنی‌امیه و بنی‌عباس و گروهی از علمای اهل کتاب (بهوهی و مسیحی) مانند کعب‌الاحباج که ظاهر مسلمان شده بودند، از موقعیت و شرایط برکناری امام معمصول استفاده کردند و به تفسیر و تعلیم آیات قرآن و معارف اسلامی، مطابق با افکار خود و موافق با منافع قدرتمندان پرداختند. این مطالب به کتاب‌های تاریخی و تفسیری راه یافت و سبب گمراهی بسیاری از مسلمانان شد.

(دین و زندگی ۳، درس ۷، صفحه ۹۷)

گزینه «۸»

عدم تأیید حاکمان، از اصولی است که امامان در مواجهه خود در راستای ولایت ظاهري و مبارزه با حاکمان جور، انجام می‌دادند. آن‌اگر چه تفاوت‌های اخلاقی و رفتاری حاکمان را در نظر می‌گرفتند و اگر حاکمی در موردی بر طبق دستور اسلام عمل می‌کرد، آن مورد را تأیید می‌کردند اما در غصب خلافت و جاشنیتی رسول خدا (ص) همه را یکسان می‌دیدند.

(دین و زندگی ۳، درس ۸، صفحه ۱۰۰)

گزینه «۹»

پس از سقوط بنی‌امیه، حکومت به دست بنی‌عباس افتاد، آن‌با این‌که خود را از عموزادگان پیامبر (ص) می‌دانستند و به نام اهل بیت (ع) قدرت را از بنی‌امیه گرفته بودند، روش سلطنتی بنی‌امیه را ادامه دادند و در ظلم و ستم به اهل بیت پیامبر (ص) از چیزی فروگنار نکردند، به گونه‌ای که اگر تحول معنوی و فرهنگی ایجاد شده در عصر پیامبر (ص) و دو میراث گران‌قدر آن حضرت قرآن کریم و ائمه اطهار (ع) نبود جز نامی از اسلام باقی نمی‌ماند.

(دین و زندگی ۳، درس ۷، صفحه ۹۰ و ۹۱)

گزینه «۱۰»

با گسترش سرزینهای اسلامی سوال‌های مختلفی در زمینه احکام، اخلاق، افکار و نظام کشورداری پدید آمد. ائمه اطهار با این‌که با حاکمان زمان مخالف بودند اما به دور از ازرا و گونه‌گیری و با حضور سازنده و فعل با تکیه بر علم الهی خود، درباره همه مسائل اظهارنظر می‌کردند و مسلمانان را از معارف خود بهره‌مند می‌ساختند.

(دین و زندگی ۳، درس ۸، صفحه ۱۰۱)



ترجمه متن درگ مطلب:

خنده ورزش خوبی است. آن باعث می‌شود سریع نفس بکشد. خنده باعث می‌شود ضربان قلب شما بالا برود و می‌تواند صورت شما را قرمز کند. خنده حتی می‌تواند شما را به گریه بیندازد! ده تا پانزده دقیقه خنده‌یدن ۵۰ کالری می‌سوزاند. تمام بدن شما را تمرین می‌دهد.

خنده تأثیر مثبتی بر سلامتی شما دارد. فشار خون را کاهش می‌دهد و می‌تواند از برخی بیماری‌ها جلوگیری کند. همچنین، خنده باعث کاهش درد می‌شود و توانایی شما را در مبارزه با بیماری‌های افزایش می‌دهد. خنده برای شما مفید است.

خنده به مغز شما کمک می‌کند. وقتی اغلب می‌خندید، می‌توانید اطلاعات را بهتر به خاطر بسپارید. توانایی شما را در تفکر بهبود می‌بخشد. خنده همچنین احساس شما را تغییر می‌دهد. ما اغلب احساسات بد را در درون [خود] نگه می‌داریم. احساساتی مانند عصبانیت، اندوه و ترس می‌تواند استرس ایجاد کند. وقتی می‌خندیدم، از شر استرس و احساسات بد خلاص می‌شویم.

در سراسر جهان در ۵۰ کشور مختلف، حدود ۴۰۰۰ انجمن خنده وجود دارد. این انجمن‌ها برای همه باز است. انجمن‌های خنده در بیمارستان‌ها، مدارس، کالج‌ها، شرکت‌های تجاری و خانه‌های سالم‌دان وجود دارد. خنده یک موهبت است. از آن استفاده کنید و می‌توانید سالم و خوشحال باشید.

(سازمان عزیزی نژاد)

گزینه «۴۷»

ترجمه جمله: «کدام‌یک بهترین عنوان برای متن می‌باشد؟ بهترین دارو، خنده است.»

(درگ مطلب)

(سازمان عزیزی نژاد)

گزینه «۴۸»

ترجمه جمله: «مطابق متن، همه جملات زیر درست است، بهجز این که وقتی می‌خندیم، هرگز چیزی را فراموش نخواهیم کرد.»

(درگ مطلب)

(سازمان عزیزی نژاد)

گزینه «۱۹»

ترجمه جمله: «مطابق متن، «درد» به عنوان نمونه‌ای از احساسات بد که منجر به استرس می‌شوند نیست.»

(درگ مطلب)

(سازمان عزیزی نژاد)

گزینه «۱۰»

ترجمه جمله: «عبارت «از شر استرس بد خلاص می‌شویم» در بند «۳» به این معناست که از توجه کردن (تمرکز ذهنمان) بر استرس و احساسات بد دست می‌کشیم.»

(درگ مطلب)

زبان انگلیسی (۲)

۴۱- گزینه «۲»

ترجمه جمله: «آن‌ها رفتن تا اتفاق نشیمن را برای ساعت طلای گم شده بگردند، اما مری قبلاً آنجا را گشته است؛ [ساعت] باید جای دیگری باشد.»

نکته مهم درسی
با توجه به مفهوم جمله، قید "already" باید مورد استفاده قرار گیرد.
(گرامر)

۴۲- گزینه «۱۱»

ترجمه جمله: «این یک بیماری است که از آن‌جهه فکر می‌کنی متداول‌تر است و در حال افزایش است.»

(۱) بهبود
(۲) افزایش، رشد
(۳) تعادل
(۴) افزایش، سود
(واژگان)

۴۳- گزینه «۲۳»

ترجمه جمله: «دانشمندان چینی به تازگی برای نخستین بار در ۲۰ سال شروع به اندازه‌گیری مجدد کوه اورست کردند تا نظریه‌هایی که آن (کوه اورست) حدود یک سانتی‌متر در هر سال رشد می‌کند را بررسی کنند.»

(۱) شناسایی کردن
(۲) مجدد اندازه گرفتن
(۳) مراجعه کردن، حضور یافتن
(۴) تاثیر قرار دادن
(واژگان)

۴۴- گزینه «۲۴»

ترجمه جمله: «غیر ممکن است که مانع درد و رنج فقراء در این جهان شویم، اما می‌توانیم شمار آن‌ها را با اهدای آن‌جهه نیاز دارند، کاهش دهیم.»

(۱) منع کردن
(۲) پیشگیری کردن
(۳) پیش‌گویی کردن
(۴) دفاع کردن
(واژگان)

۴۵- گزینه «۲۵»

ترجمه جمله: «خوابیدن به میزان کافی در هر شب، یکی از ساده‌ترین و مؤثرترین راه‌ها برای بهبود زندگی روزمره شما است.»

(۱) پرانرژی
(۲) خاص، مشخص
(۳) مؤثر، نتیجه‌بخشن
(۴) بومی
(واژگان)

۴۶- گزینه «۱۱»

ترجمه جمله: «سara از زمانی که دخترش را به دنیا آورد، از کار دست کشیده است. او اگر بتواند پرستار بچه مهربانی را بیابد تا از فرزند کوچکش مراقبت کند. می‌خواهد به سرکار برگردد.»

(۱) مراقبت کردن از
(۲) مراقب بودن
(۳) جستجو کردن
(۴) ادامه دادن
(واژگان)

نکته مهم درسی گزینه «۲۲» به دلیل نداشتن حرف اضافه "of" نادرست است.



$$\Rightarrow \begin{cases} 2^x - 3 = 0 \Rightarrow 2^x = 3 \Rightarrow x = \log_2 3 \\ 2^x - 2 = 0 \Rightarrow 2^x = 2^1 \Rightarrow x = 1 \end{cases}$$

۱ + $\log_2 3 = \log_2 6$ مجموع جوابها

(مسابان ۱ - توابع نمایی و لگاریتمی: صفحه‌های ۷۶ تا ۷۹)

حسابان ۱

«۲» گزینه -۵۱

(عباس اسدی امیرآبادی)

$$\left(\frac{1}{2}\right)^{1+b} = a^1 \Rightarrow 2^{(-1-b)} = a$$

$$(2, 2) \in f \Rightarrow 2 = \left(\frac{1}{2}\right)^{r+b} \Rightarrow 2^1 = 2^{(-r-b)}$$

$$\Rightarrow -r - b = 1 \Rightarrow b = -r - 1$$

$$2^{-r-b} = a \Rightarrow 2^{-r+1} = a \Rightarrow 2^r = a \Rightarrow a = 2^r$$

$$g(x) = 2^x \Rightarrow r^x = 2^x \Rightarrow x = r$$

(مسابان ۱ - توابع نمایی و لگاریتمی: صفحه‌های ۷۶ تا ۷۹)

«۳» گزینه -۵۲

(فریدون ساعتی)

$$2^a = 48 \Rightarrow 2^a = 2^4 \times 3 \xrightarrow{+2^4} 2^{a-4} = 3 \quad (1)$$

$$2^b = 72 \Rightarrow 2^b = 2^3 \times 2^3 \xrightarrow{+3^3} 2^{b-3} = 2^3 \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow (2^{a-4})^{b-3} = 2^3 \Rightarrow 2^{(a-4)(b-3)} = 2^3$$

$$\Rightarrow (a-4)(b-3) = 3$$

(مسابان ۱ - توابع نمایی و لگاریتمی: صفحه‌های ۷۶ تا ۷۹)

«۴» گزینه -۵۳

(عباس اسدی امیرآبادی)

$$(2^x)^4 - 5(2^x) + 6 = 0 \Rightarrow (2^x - 3)(2^x - 2) = 0$$

(محمد رضا شوکت پیرق)

«۲» گزینه -۵۵

$$\log_{\sqrt[3]{2}} \sqrt[3]{3} = 3 \times \frac{1}{3} \log_2 3 = \log_{\sqrt[3]{2}} 3^3 = \log_2 27$$

$$2^2 < 27 < 2^3 \Rightarrow 2 < \log_2 27 < 3 \Rightarrow [\log_2 27] = 2$$

(مسابان ۱ - توابع نمایی و لگاریتمی: صفحه‌های ۸۰ تا ۸۷)



$$\Rightarrow \log_{1+a}(1+a^3) = \log_3 9 = 2$$

(مسابان ا - توابع نمایی و لگاریتمی؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۱۰)

- ۵۶ «گزینه ۱»

(عزیز الله علی اصغری)

(عزیز الله علی اصغری)

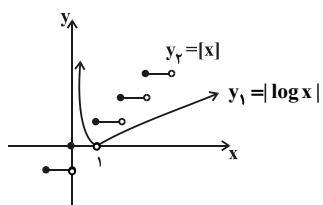
«گزینه ۱» - ۵۹

عدد صحیح از داخل جزء صحیح بیرون می‌آید، بنابراین داریم:

$$1 + |\log x| = [x] + 1$$

$$\Rightarrow |\log x| = [x]$$

برای یافتن تعداد جواب‌های معادله به دست آمده نمودار دو طرف تساوی را رسم می‌کنیم:



با توجه به نمودارهای فوق، این دو نمودار هیچ نقطه تلاقی ندارند.

(مسابقات ا - توابع نمایی و لگاریتمی؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۹)

(ممدرضا شوکت پیرق)

«گزینه ۴» - ۶۰

$$\log_{\sqrt{3}} \frac{4}{x+3} > \log_{\sqrt{3}} (2-x) \Rightarrow 0 < \frac{4}{x+3} < 2-x, x+3 > 0$$

$$\Rightarrow (x+3)(2-x) > 4 \Rightarrow x^2 + x - 2 < 0 \Rightarrow -2 < x < 1$$

توجه کنید دامنه نامعادله، بازه $(-3, 2)$ می‌باشد که اشتراک آن با بازه

همان بازه $(-2, 1)$ است.

$$\Rightarrow (a, b) = (-2, 1) \Rightarrow b - a = 3$$

(مسابقات ا - توابع نمایی و لگاریتمی؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۹)

پس حاصل عبارت $A = \log_4 1 + \log_6 1 = 0 + 0 = 0$ برابر است با:

(مسابقات ا - توابع نمایی و لگاریتمی؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۸)

- ۵۷ «گزینه ۲»

(عباس اسدی امیر آبادی)

$$\log_{\sqrt{3}} 16 = x \Rightarrow \log_{\sqrt{3}} 2^4 = 4 \log_{\sqrt{3}} 2 = 2 \log_{\sqrt{3}} 2 = x \Rightarrow \log_{\sqrt{3}} 2 = \frac{1}{2} x$$

$$\log_{\sqrt{3}} x = \log_{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} 2^3 = \frac{\log 2^3}{\log \sqrt{3} + \log \sqrt{3}} = \frac{3 \log 2}{2 \log \sqrt{3}} = \frac{3 \log 2}{\log 3}$$

$$= \frac{\frac{3 \log 2}{\log 3}}{\frac{\log 2}{\log 3} + \frac{\log 2}{\log 3}} = \frac{3 \log 2}{\log 2 + \log 3} = \frac{3 \left(\frac{1}{2} x \right)}{\frac{1}{2} x + 1} = \frac{\frac{3}{2} x}{\frac{x+2}{2}} = \frac{3x}{x+2}$$

(مسابقات ا - توابع نمایی و لگاریتمی؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۸)

- ۵۸ «گزینه ۲»

(عادل مسینی)

$$\log_3 (3^x - 8) = 2 - x \Rightarrow 3^x - 8 = 3^{2-x} = \frac{3^2}{3^x} = \frac{9}{3^x}$$

$$\Rightarrow 3^x - 8(3^x) - 9 = 0 \xrightarrow{t=3^x} t^2 - 8t - 9 = 0 \Rightarrow \begin{cases} t = 9 \\ t = -1 \end{cases}$$

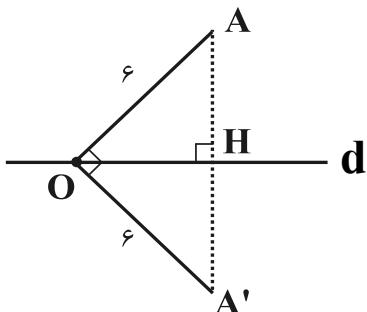
$$\Rightarrow \begin{cases} t = -1 \Rightarrow 3^x = -1 \\ t = 9 \Rightarrow 3^x = 9 \Rightarrow x = 2 \Rightarrow a = 2 \end{cases}$$



(امیر هوشنگ فمسه)

«۴» گزینه -۶۵

واضح است که زاویه $\angle AOH$ برابر 45° است، در تیجه زاویه $\angle OA'$ برابر 90° خواهد بود.



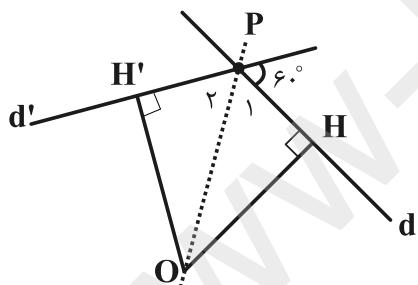
$$S_{OAA'} = \frac{6 \times 6}{2} = 18$$

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۴۰)

(امیر هوشنگ فمسه)

«۲» گزینه -۶۶

مطابق شکل واضح است که OP نیمساز زاویه $\angle HPH'$ است، پس:



$$\hat{P}_Y = \frac{120^\circ}{2} = 60^\circ \Rightarrow \tan \hat{P}_Y = \frac{OH'}{PH'}$$

$$\Rightarrow \sqrt{3} = \frac{\lambda\sqrt{3}}{PH'} \Rightarrow PH' = \lambda$$

$= OH + HP + PH' + OH' =$ محیط چهارضلعی

$$= \lambda\sqrt{3} + \lambda + \lambda + \lambda\sqrt{3} = 16(\sqrt{3} + 1)$$

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۴۲ و ۴۳)

۲ هندسه

«۳» گزینه -۶۱

(امیر هوشنگ فمسه)

بازتاب، تبدیلی طولپا است، پس اندازه زاویه را حفظ می‌کند. از طرفی تمام نقاط روی محور بازتاب، تحت بازتاب، ثابت می‌مانند، پس بازتاب دارای بی‌شمار نقطه ثابت است. ولی بازتاب لزوماً شب خط را ثابت نگه نمی‌دارد.

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۴۰)

«۴» گزینه -۶۲

تناظر M در واقع یک انتقال با بردار $(2, 0)$ است. واضح است که انتقال، تبدیلی طولپا و فاقد نقطه ثابت تبدیل است.

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۴۱ و ۴۲)

«۴» گزینه -۶۳

با توجه به تعریف بازتاب نقطه نسبت به خط، شکل گزینه «۴» تصویر شکل داده شده نسبت به خط d می‌باشد.

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۴۰)

«۳» گزینه -۶۴

چون انتقال طولپا بوده و تصویر با شکل اولیه همنهشت است، پس مساحت مربع اولیه هم ۱۲ بوده است.

$$12 = a^2 \Rightarrow a = 2\sqrt{3}$$

$$\text{قطر} = a\sqrt{2} = 2\sqrt{3} \times \sqrt{2} = 2\sqrt{6}$$

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۴۰ و ۴۱)



$$\begin{cases} A \rightarrow C \\ B \rightarrow D \end{cases}$$

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۴۳ و ۴۴)

(امیرحسین ابوالهیوب)

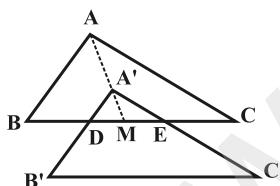
گزینه «۴» - ۶۹

انتقال، همواره شبی خط را حفظ می‌کند، یعنی انتقال یافته یک خط، موازی با آن خط است. همچنین اگر محور بازتاب با یک خط موازی باشد، آنگاه تصویر خط تحت این بازتاب موازی با خط است. بنابراین چون دو خط AB و CD در ذوزنقه ABCD موازی یکدیگرند، پس بازتاب پاره خط AB و FG = EF = a $\sqrt{2}$
در نتیجه: $AB = 2a + a\sqrt{2} \Rightarrow 2a + a\sqrt{2} = 2 + \sqrt{2} \Rightarrow a = 1$

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۴۴ و ۴۵)

(رضا عباسی اصل)

گزینه «۳» - ۷۰



مطابق شکل تصویر مثلث ABC تحت بردار $\overrightarrow{AA'}$ محل همرسی میانه‌های مثلث ABC است (مثلث A'B'C' است)، مثلث A'DE میان دو مثلث A'B'C' و ABC مشترک است. دو مثلث DE و A'DE به ABC میانه می‌باشد. پس اگر O محل تلاقی عمود منصف‌های AC و BD باشد، داریم:

$$AA' = 2A'M \Rightarrow A'M = \frac{1}{3}AM$$

یعنی نسبت میانه‌ها (نسبت تشابه) برای دو مثلث ABC و A'DE برابر است. پس داریم:

$$\frac{1}{3}$$

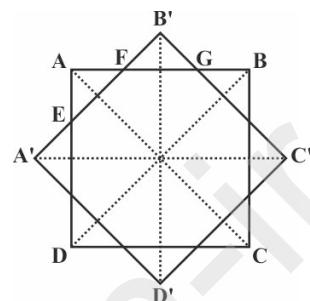
$$\frac{S_{\Delta A'DE}}{S_{\Delta ABC}} = \left(\frac{1}{3}\right)^2 = \frac{1}{9} \Rightarrow S_{\Delta A'DE} = \frac{1}{9} S_{\Delta ABC} = \frac{1}{9} \times 54 = 6$$

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۴۰ و ۴۱)

(رضا عباسی اصل)

گزینه «۲» - ۶۷

محورهای تقارن مریع ABCD، مریع A'B'C'D' و شکل نهایی (ستاره هشت‌پر) یکی هستند. پس هشت ضلعی محصور بین مریع و تصویر آن منتظم است.



با فرض $EF = a\sqrt{2}$ ، داریم

$$BG = AF = a \quad \text{و} \quad FG = EF = a\sqrt{2}$$

$$AB = 2a + a\sqrt{2} \Rightarrow AB = 2 + \sqrt{2} \Rightarrow 2a + a\sqrt{2} = 2 + \sqrt{2} \Rightarrow a = 1$$

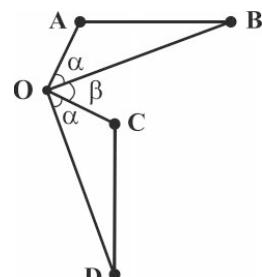
$$S = S_{ABCD} - 4S_{AEF} = (2 + \sqrt{2})^2 - 4 \times \left(\frac{1}{2} \times 1 \times 1\right) = 4 + 4\sqrt{2}$$

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۴۲ و ۴۳)

(علی فتح‌آباری)

گزینه «۱» - ۶۸

با فرض اینکه این دو پاره خط دوران یافته یکدیگر هستند، پس مرکز دوران روی عمود منصف پاره خط‌های واصل بین نقاط متناظر A و C و همچنین B و D می‌باشد. پس اگر O محل تلاقی عمود منصف‌های AC و BD باشد، داریم:



$$\begin{cases} OA = OC \\ OB = OD \end{cases} \xrightarrow{\text{ضلوع متساوی}} \Delta OAB \cong \Delta OCD \Rightarrow \widehat{AOB} = \widehat{COD} = \alpha \\ AB = CD$$

با یک دوران به مرکز O و زاویه $\alpha + \beta$ خواهیم داشت:



(مرتضی فیضی علوی)

گزینه «۲»

برای انتخاب ۳ مهره از جعبه A دو حالت داریم:
الف) هر سه مهره قرمز باشند.

ب) ۲ مهره قرمز و ۱ مهره سفید باشد.

احتمال آن که دو مهره خارج شده از جعبه B قرمز باشند به تفکیک
حالتهای «الف» و «ب» عبارت اند از:

$$\text{الف} = \frac{\binom{3}{3} \times \binom{4}{2}}{\binom{4}{3} \times \binom{5}{2}} = \frac{1}{4} \times \frac{6}{10} = \frac{6}{40}$$

$$\text{ب} = \frac{\binom{3}{2} \times \binom{1}{1} \times \binom{3}{2}}{\binom{4}{3} \times \binom{5}{2}} = \frac{3 \times 1}{4} \times \frac{3}{10} = \frac{9}{40}$$

بنابراین احتمال مورد نظر برابر است با:

$$\frac{6}{40} + \frac{9}{40} = \frac{6+9}{40} = \frac{15}{40} = \frac{3}{8}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۱ تا ۶۶)

(غیرشار فرامرزی)

گزینه «۱»

با استفاده از قاعدة بیز داریم:

$$P(\text{طرف اول اسفید بودن}) = \frac{P(\text{طرف اول}) \times P(\text{سفید بودن طرف اول})}{P(\text{سفید بودن})} = \frac{P(\text{طرف اول})}{P(\text{سفید بودن})}$$

$$= \frac{\frac{2}{5} \times \frac{3}{7}}{\frac{2}{5} \times \frac{3}{7} + \frac{3}{5} \times \frac{5}{7}} = \frac{6}{21} = \frac{2}{7}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۱ تا ۶۶)

(عزیز الله علی اصغری)

گزینه «۳»

$$P(B - A) = P(B \cap A') = P(B)P(A')$$

$$\Rightarrow P(B)P(A') = 0/2 \quad (1)$$

$$P(A \cap B) = P(A)P(B) \Rightarrow P(A)P(B) = 0/3 \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow \frac{P(B)P(A')}{P(B)P(A)} = \frac{0/2}{0/3} \Rightarrow \frac{1 - P(A)}{P(A)} = \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow 2P(A) = 3 - 2P(A) \Rightarrow P(A) = \frac{3}{5} = 0/6 \quad (2) \Rightarrow P(B) = 0/5$$

$$P(A' \cap B') = P(A')P(B') = 0/4 \times 0/5 = 0/2$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۶۷ تا ۷۲)

(سروش موئینی)

گزینه «۳»

احتمال درست پاسخ دادن به طور تصادفی به یک تست سه گزینه‌ای $\frac{1}{3}$

است، پس $p = \frac{1}{3}$ و $P = \frac{2}{3}$ است. اگر پیشامد پاسخ صحیح دادن به

حداقل دو سؤال را A بنامیم، آنگاه داریم:

$$P(A) = \binom{3}{2} \left(\frac{1}{3} \right)^2 \left(\frac{2}{3} \right)^1 + \binom{3}{3} \left(\frac{1}{3} \right)^3 \left(\frac{2}{3} \right)^0 = \frac{2}{9} + \frac{1}{27} = \frac{7}{27}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۶۷ تا ۷۲)

آمار و احتمال**گزینه «۲»**

(سروش موئینی)

$$P(A|B) = P(A) = \frac{1}{3}$$

$$P(A \cap B) = P(A) \times P(B) = \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{6}$$

$$P(A \cup B) = \frac{1}{3} + \frac{1}{2} - \frac{1}{6} = \frac{2}{3}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۷ تا ۶۷)

گزینه «۳»

(سروش موئینی)

$$P(B|A') = \frac{P(B \cap A')}{P(A')} = \frac{P(B - A)}{1 - P(A)} = \frac{\frac{1}{4}}{\frac{3}{4}} = \frac{1}{3}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۷ تا ۶۷)

گزینه «۴»

(یاسین سپهر) فضای نمونه‌ای کاهش یافته، شامل حالت‌هایی است که مجموع دو عدد طبیعی یک رقمی، زوج باشد. داریم:

$$n(S) = \binom{5}{2} + \binom{4}{2} = 10 + 6 = 16$$

حالت مورد نظر آن است که هر دو عدد، فرد باشند. داریم:

$$n(A) = \binom{5}{2} = 10 \Rightarrow P(A) = \frac{10}{16} = \frac{5}{8}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۷ تا ۶۷)

گزینه «۱»

$$P\left(\begin{array}{c} \text{غیر} \\ \text{همزنگ} \end{array}\right) = P\left(\begin{array}{c} \text{سفید} \\ \text{اولی} \end{array}\right). P\left(\begin{array}{c} \text{غیرسفید} \\ \text{دومی} \end{array}\right) + P\left(\begin{array}{c} \text{سیاه} \\ \text{اولی} \end{array}\right). P\left(\begin{array}{c} \text{غیرسیاه} \\ \text{دومی} \end{array}\right) = \frac{5}{15} \times \frac{8}{15} + \frac{10}{15} \times \frac{10}{15} = \frac{140}{225} = \frac{28}{45}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۱ تا ۶۰)

گزینه «۲»

(پورا گاتمی) چون از رنگ موش دوم، مطلع نیستیم، احتمال مورد نظر، معادل احتمال آن است که رنگ موش اول سفید و رنگ موش دوم سیاه باشد. داریم:

موش دوم سیاه موش اول سفید

$$\frac{5}{9} \times \frac{4}{8} = \frac{5}{18}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۶ تا ۶۵)

گزینه «۱»

(مرتضی فیضی علوی) تعداد حالاتی که دقیقاً دو بار عدد سه خارج شده باشد، برابر است با:

$$n(S) = \binom{3}{2} \times \frac{4}{4} = 3 \times 4 = 12$$

حالات مطلوب عبارت اند از $(3, 3, 3)$ و $(3, 3, 9)$ ، یعنی $n(A) = 3$ است.

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{3}{12} = \frac{1}{4}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۷ تا ۶۷)



(مسین مفروض)

«گزینه ۱» -۸۵

مطابق شکل زیر، مقاومت‌ها را نام‌گذاری می‌کنیم. چون مقاومت‌ها متوازی هستند، جریان عبوری از آن‌ها یکسان است و بنابراین خواهیم داشت:

$$R_1 = 100\Omega \quad R_2 = 50\Omega$$



$$P = RI^2 \Rightarrow \frac{P_1}{R_1} = \frac{P_2}{R_2} \Rightarrow \frac{400}{100} = \frac{P_2}{50}$$

$$\Rightarrow P_2 = 200W$$

(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۷ تا ۷۱)

(فرهنگ فرقانی فر)

«گزینه ۳» -۸۶

با کاهش مقاومت R ، مقاومت معادل مدار یعنی R_{eq} کاهش می‌یابد و مطابق

$$\text{رابطه } I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r}, \text{ با کاهش } R_{eq} \text{ و ثابت بودن } \varepsilon \text{ و } r, \text{ جریان اصلی مدار}$$

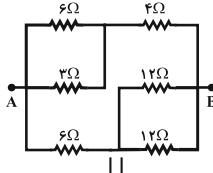
یعنی I افزایش می‌یابد. در نتیجه جریان گذرا از لامپ L_1 افزایش یافته و این لامپ پر نورتر می‌شود. از طرف دیگر با افزایش جریان اصلی مدار، اختلاف پتانسیل دو سر مولد که از رابطه $V = \varepsilon - Ir$ مطابق رابطه $V_1 = IR_1$ افزایش می‌یابد. حال اگر پتانسیل دو سر لامپ L_1 هم مطابق رابطه $V_2 = V_1 + V$ باشد، فرض کنیم، اختلاف پتانسیل دو سر لامپ L_2 را برابر با V_2 فرض کنیم، چون $V_2 = V_1 + V$ است، با کاهش V و افزایش V_1 ، لازم است V_2 کاهش یابد که بنابر رابطه $P_2 = \frac{V_2^2}{R_2}$ به کاهش توان مصرفی لامپ L_2 و کم نور شدن این لامپ می‌انجامد.

(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۱ تا ۷۷)

(مسین مفروض)

«گزینه ۲» -۸۷

مدار داده شده را مرحله به مرحله و به صورت زیر ساده می‌کنیم:



$$R_{1,2} = \frac{6 \times 3}{6+3} = 2\Omega$$

$$R_{5,6} = \frac{12 \times 12}{12+12} = 6\Omega$$

$$R_{1,2,3} = 2+4 = 6\Omega$$

$$R_{4,5,6} = 6+6 = 12\Omega$$

$$R_{eq} = \frac{12 \times 6}{12+6} = 4\Omega$$

(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷)

«گزینه ۲» -۸۱

(امیرمسین مبوزی)

اگر V و ولتاژ P و توان اسمی وسیله‌ای باشند و وسیله را به ولتاژ V' وصل کنیم، توان مصرفی آن P' خواهد شد، به طوری که:

$$\left. \begin{array}{l} P = \frac{V^2}{R} \\ P' = \frac{V'^2}{R} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{P'}{P} = \left(\frac{V'}{V} \right)^2 \Rightarrow P' = \left(\frac{V'}{V} \right)^2 P$$

$$P' = \left(\frac{55}{22} \right)^2 \times 100 = 6 / 25 W$$

$$\frac{P' - P}{P} \times 100 = \frac{6 / 25 - 100}{100} \times 100 = -93 / 75\%$$

(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۷ و ۶۸)

«گزینه ۳» -۸۲

ابتدا از روی نمودار ε و $\frac{r}{r}$ را بدست می‌آوریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} \varepsilon = 20V \\ \frac{\varepsilon}{r} = 40A \end{array} \right. \Rightarrow r = 0.5\Omega, \quad \varepsilon = 20V$$

$\text{اتلافی: } P = I^2 r \Rightarrow 200 = I^2 \times 0 / 5 \Rightarrow I = 20A$

$\text{خرنожی مولد: } P = \varepsilon I - rI^2 = 20 \times 20 - 0 / 5 \times 20^2$

$$\Rightarrow P = 400 - 200 = 200W$$

(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۷ تا ۷۰)

«گزینه ۳» -۸۳

قبل از بستن کلید k ، آمپرسنچ ایده‌آل عدد صفر را نشان می‌دهد، چون در مدار قرار ندارد.

اگر پس از بستن کلید k ، ولتاژ دو سر شاخه‌ای که آمپرسنچ روی آن قرار دارد، یکسان باشد، جریانی از شاخه آمپرسنچ عبور نخواهد کرد.

(۱) مسیر: $V_a - 2I_1 + 5I_2 = V_b$

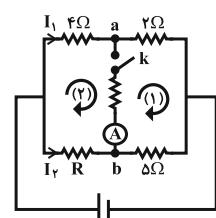
$$\frac{V_a - V_b}{5} = 2I_2 \Rightarrow 2I_2 = 2I_1$$

$$\Rightarrow I_1 = 2 / 5I_2 \quad (*)$$

(۲) مسیر: $V_a + 4I_1 - RI_2 = V_b$

$$\frac{V_a - V_b}{4} = 2I_1 - RI_2 \Rightarrow 2I_1 = RI_2$$

$$\Rightarrow 2 \times 2 / 5I_2 = RI_2 \Rightarrow R = 10\Omega$$



(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۴ تا ۶۶)

«گزینه ۱» -۸۴

با توجه به رابطه $P = \frac{V^2}{R_{eq}}$ ، توان مصرفی را در دو حالت بدست می‌آوریم:

$$R_{eq} = \frac{R}{2} \Rightarrow P = 2 \frac{V^2}{R}$$

$$R_{eq} = 2R \Rightarrow P' = \frac{V^2}{2R}$$

$$\Rightarrow \frac{P'}{P} = \frac{1}{4}$$

(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۷ تا ۷۷)



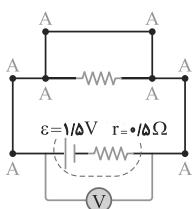
فیزیک - ۲ - گواه

(کتاب آین)

«۳» ۹۱

به طور کلی در سوال‌هایی شامل کلید، با دو سؤال روبه‌رو می‌شویم. یکی قبل از بستن کلید و دیگری بعد از بستن کلید.
از طرفی می‌دانیم که کلید چند نشش متفاوت در مدار ایفا می‌کند که یکی از آنها حذف اجزای مدار یا اصطلاحاً اتصال کوتاه است (مانند این سؤال). با این مقدمه بباید یک بار باز بودن کلید و بار دیگر با بسته بودن کلید، سؤال را حل کنیم.

$$\begin{cases} I = \frac{\epsilon}{R+r} \xrightarrow{\epsilon=1/5V, R=0/5\Omega, r=0/5\Omega} I = 1/5A \\ V = \epsilon - rI \xrightarrow{\epsilon=1/5V, r=0/5\Omega, I=1/5A} V = 1/5 - 0/5 \times 1/5 \\ \Rightarrow V = 0/25V \end{cases}$$



بعد از بستن کلید اختلاف پتانسیل دو سر مولد صفر می‌شود، یعنی:

$$V' = 0$$

$$\Delta V = V' - V = 0 - 0/25V \Rightarrow \Delta V = -0/25V$$

(فیزیک ۲ - بریان الکتریکی و مدارهای بریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۴ تا ۶۵)

(کتاب آین)

«۳» ۹۲

برای پیدا کردن اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو نقطه در مدار، باید جریان عبوری از مدار را بدانیم، به همین دلیل در ابتدا جریان مدار را می‌باییم.
داریم:

$$I = \frac{\sum \epsilon}{R_{eq} + \sum r} \xrightarrow{\text{باتری‌ها به هم متصل است}} R_{eq} = R = r_2 - r_1$$

$$I = \frac{\epsilon_1 + \epsilon_2}{r_2 - r_1 + r_2 + r_1} \xrightarrow{\epsilon_1 = \epsilon_2} I = \frac{\epsilon_2 + \epsilon_2}{2r_2}$$

$$\Rightarrow I = \frac{\epsilon_2}{r_2}$$

از طرفی، از قبل می‌دانیم که اگر جریان $I = \frac{\epsilon}{r}$ مطابق شکل مقابل از یک مولد عبور کند، ولتاژ دو سر آن صفر می‌شود، زیرا.

$$V_{BC} = \epsilon_2 - r_2 I \xrightarrow{I = \frac{\epsilon_2}{r_2}} V_{BC} = \epsilon_2 - r_2 \times \frac{\epsilon_2}{r_2}$$

$$\Rightarrow V_{BC} = 0$$

(فیزیک ۲ - بریان الکتریکی و مدارهای بریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۱ تا ۶۲)

(علیرضا کوهن)

- ۸۸ - گزینه «۴»

مقاومت معادل مدار هنگامی که هر دو کلید باز هستند، برابر با 2Ω و هنگامی که هر دو کلید بسته هستند، برابر با 1Ω است. بنابراین می‌توان نوشت:

$$I = \frac{\epsilon}{R+r} = \frac{\epsilon}{R} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \text{هر دو کلید باز: } V_1 = \frac{\epsilon}{2+2} = \frac{\epsilon}{2} \\ \text{هر دو کلید بسته: } V_2 = \frac{\epsilon}{1+2} = \frac{\epsilon}{3} \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{3}{2} = 1/5$$

(فیزیک ۲ - بریان الکتریکی و مدارهای بریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۶ تا ۶۷ و ۷۷ تا ۷۰)

- ۸۹ - گزینه «۴»

وقتی باتری در مدار باشد، اندازه اختلاف پتانسیل دو سر آن V وقتی از مدار جدا می‌شود، اختلاف پتانسیل دو سر آن برابر نیروی حرکتی باتری یعنی E است.

$$\begin{aligned} E &= \frac{\epsilon}{5}V \Rightarrow \frac{\epsilon}{V} = \frac{\epsilon}{5} \Rightarrow \frac{I(r+R)}{IR} = \frac{\epsilon}{5} \\ &\Rightarrow \frac{r}{R} + 1 = \frac{\epsilon}{5} \Rightarrow \frac{r}{R} = \frac{1}{5} = 0/2 \end{aligned}$$

(فیزیک ۲ - بریان الکتریکی و مدارهای بریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۱ تا ۶۲)

- ۹۰ - گزینه «۱»

با توجه به نحوه قرار گیری مولد، جریانی ساعتگرد در مدار برقرار می‌باشد که به نسبت مقاومت هر شاخه توزیع می‌شود. با توجه به جهت قرار گرفتن دیود D_2 ، جریانی از این شاخه، عبور نمی‌کند، بنابراین $I_2 = 0$ است.

برای به دست آوردن جریان عبوری کل، ابتدا مقاومت معادل مدار را بدست می‌آوریم:

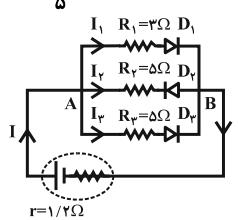
$$R_1 + R_{D_1} = 3 + 1 = 4\Omega$$

$$R_3 + R_{D_3} = 5 + 1 = 6\Omega$$

$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{4} + \frac{1}{6} = \frac{5}{12} \Rightarrow R_{eq} = \frac{12}{5}\Omega$$

بنابراین:

$$I = \frac{12}{\frac{12}{5} + 1/2} = \frac{10}{3}A$$



می‌دانیم که اختلاف ولتاژ نقاط A و B در هر سه شاخه یکسان است.

$$I \times (R_{eq}) = I_1 \times (R_1 + D_1) = I_3 \times (R_3 + D_3)$$

$$\frac{10}{3} \times \frac{12}{5} = I_1 \times (3+1) \Rightarrow I_1 = 2A$$

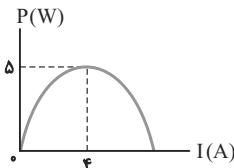
(فیزیک ۲ - بریان الکتریکی و مدارهای بریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۱ تا ۶۲ و ۷۷ تا ۷۰)



(کتاب آن)

۹۶ - گزینه «۳»

می‌دانیم هنگامی که توان خروجی مولد بیشینه است، اختلاف پتانسیل دو سر مولد، نصف نیروی حرکت آن است. با توجه به نمودار داده شده، داریم:



$$P_{\max} = VI \quad \frac{V}{P_{\max}} = \frac{1}{5} \Omega$$

$$5 = \frac{1}{5} \times 4 \Rightarrow V = 25 \text{ V}$$

(فیزیک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۷ تا ۶۸)

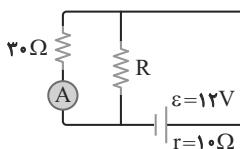
(کتاب آن)

۹۷ - گزینه «۳»

هنگامی که هر دو کلید باز هستند، مدار به صورت مقابل است (مقاومت R در مدار نیست). در این حالت با معلوم بودن جریان I ، نیروی حرکت E را می‌باییم.

$$I = \frac{E}{R_{eq} + r} \quad R_{eq} = 20 + 30 = 50 \Omega, r = 10 \Omega \quad I = 0.2 \text{ A} \quad \rightarrow 0.2 = \frac{E}{50 + 10}$$

$$\Rightarrow E = 12 \text{ V}$$



بعد از بستن کلیدهای k_1 و k_2 مقاومت 20Ω از مدار خارج می‌شود (دو سر آن اتصال کوتاه می‌شود) و مقاومت R به طور موازی با مقاومت 30Ω قرار می‌گیرد. در این صورت ولتاژ دو سر مقاومت 30Ω برابر ولتاژ دو سر مدار است. یعنی داریم:

$$V = RI' \quad \frac{R = 30 \Omega}{I' = 0.2 \text{ A}} \quad V = 30 \times 0.2 = 6 \text{ V}$$

و برای دو سر مدار، داریم:

$$V = \frac{R_{eq} \epsilon}{R_{eq} + r} \quad \frac{V = 6 \text{ V}}{\epsilon = 12 \text{ V}, r = 10 \Omega} \quad 6 = \frac{R_{eq} \times 12}{R_{eq} + 10}$$

$$\Rightarrow R_{eq} = 10 \Omega$$

از طرفی R_{eq} مقاومت معادل دو مقاومت موازی R و 30Ω است. بنابراین داریم:

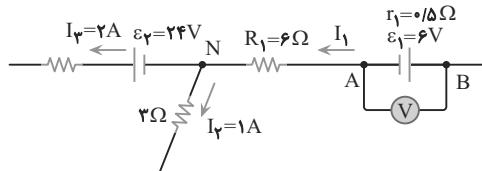
$$R_{eq} = \frac{R \times 30}{R + 30} \quad \frac{R_{eq} = 10 \Omega}{R = 15 \Omega}$$

(فیزیک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۱ تا ۶۶ و ۷۰ تا ۷۷)

(کتاب آن)

۹۳ - گزینه «۴»

در ابتدا با توجه به قاعدة انشعاب، داریم:



$$N: I_1 = I_2 + I_3 \quad \frac{I_2 = 1 \text{ A}}{I_3 = 2 \text{ A}} \quad I_1 = 3 \text{ A}$$

حال برای تعیین عدد ولت‌سنج، داریم:

$$\begin{aligned} & \text{V}_B - r_1 I_1 - \epsilon_1 = \text{V}_A \\ & \Rightarrow \text{V}_B - \text{V}_A = \epsilon_1 + r_1 I_1 \\ & r_1 = 15 \Omega, I_1 = 3 \text{ A} \quad \epsilon_1 = 6 \text{ V} \\ & \text{V} = 6 + 0.15 \times 3 = 7.45 \text{ V} \end{aligned}$$

(فیزیک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۱ تا ۶۶ و ۷۰ تا ۷۷)

(کتاب آن)

۹۴ - گزینه «۴»

برای پاسخ به این سوال باید به نکات زیر توجه کرد:

(۱) از اعدادی که بر روی لامپ نوشته شده (P و V)، می‌توان مقاومت لامپ در حالت روشن را محاسبه کرد.

(۲) مقاومت لامپ در حالت روشن بیشتر از حالت خاموش لامپ است (جون دمای لامپ روشن بیشتر از لامپ خاموش است).

(۳) با اهم‌سنج، مقاومت الکتریکی لامپ در حالت خاموش اندازه‌گیری می‌شود. حال با توجه به یادآوری بالا، به راحتی می‌توان دریافت که چرا اندازه‌گیری مقاومت توسط اهم‌سنج (در حالت لامپ خاموش) متفاوت با مقدار محاسبه شده از مشخصات روی لامپ (در حالت لامپ روشن) است، چون لامپ روشن داغ‌تر از لامپ خاموش است.

(فیزیک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۷ تا ۶۸)

(کتاب آن)

۹۵ - گزینه «۲»

در ابتدا انرژی الکتریکی مصرفی تعداد لامپ‌هایی که قرار است خاموش شوند را محاسبه می‌کنیم.

$$U = n P t \quad \frac{P = 100 \text{ W} = 100 \times 10^{-3} \text{ kW}}{t = 5 \times 30 = 150 \text{ h}, n = 2 \times 10^6}$$

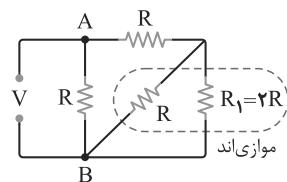
$$U = 2 \times 10^6 \times 100 \times 10^{-3} \times 150 = U = 30 \times 10^6 \text{ kWh}$$

حال برای محاسبه مبلغ برق مصرفی، از یک تناسب ساده استفاده می‌کنیم.

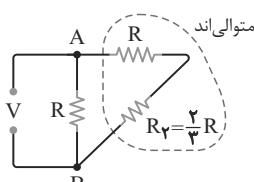
$$\begin{array}{c|c} 1 \text{ kWh} & 100 \text{ Rial} \\ \hline 30 \times 10^6 \text{ kWh} & ? \end{array} \quad ? = 30 \times 10^6 \times 100$$

$$\rightarrow ? = 3 \times 10^9 \text{ Rial} = 3 \text{ میلیارد ریال}$$

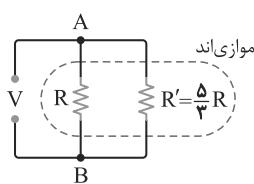
(فیزیک ۳ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۷ و ۶۸)



$$R_T = \frac{R \times R}{R + R} \Rightarrow R_T = \frac{2}{3}R$$



$$R' = R + \frac{2}{3}R = \frac{5}{3}R$$



$$P = \frac{V^2}{R} \quad \text{یکسان است, } V \rightarrow P' = \frac{R}{R'} \quad P' = \frac{R}{\frac{5}{3}R} = \frac{3}{5}R$$

$$P = 20W, R' = \frac{5}{3}R \rightarrow \frac{P'}{20} = \frac{R}{\frac{5}{3}R} \Rightarrow P' = 12W$$

و برای پیدا کردن حداکثر توان مصرفی کل مدار داریم:

$$P_T = P + P' \rightarrow P_T = 20 + 12 \Rightarrow P_T = 32W$$

(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۷ تا ۷۷)

کتاب آبی

۹۸- گزینه «۴»

قبل از حل سؤال باید دو نکته را یادآوری کنیم.

۱) اگر دو مقاومت به صورت متواالی بسته شوند، مقاومت معادل از بزرگ‌ترین مقاومت مجموعه، بزرگ‌تر است. بنابراین اگر یکی از مقاومت‌های متواالی حذف شود، مقاومت معادل مدار کاهش می‌یابد.

۲) اگر دو مقاومت به صورت موازی بسته شوند، مقاومت معادل آنها از کوچک‌ترین مقاومت مجموعه، کوچک‌تر است، بنابراین اگر یکی از مقاومت‌های موازی حذف شود، مقاومت معادل مدار افزایش می‌یابد.

حال گزینه‌ها را بررسی می‌کنیم:

گزینه «۱»، اگر ولتسنج را حذف کنیم، چون ولتسنج به طور موازی به مدار متصل است، مقاومت معادل مدار افزایش یافته، پس جریان کل مدار کاهش می‌یابد.

گزینه‌های «۲» و «۳»، اگر آمپرسنج حذف شود، مقاومت کل مدار کاهش می‌یابد (چون آمپرسنج به طور متواالی در مدار قرار دارد)، پس جریان مدار افزایش می‌یابد و ولتسنج عدد بزرگ‌تری را نشان می‌دهد.

گزینه «۴»، ولتسنج دارای مقاومت الکتریکی زیادی است، بنابراین اگر جای آمپرسنج و ولتسنج عوض شود، مقاومت الکتریکی مدار خیلی زیاد شده و جریان مدار کاهش می‌یابد.

(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۱ تا ۷۷)

کتاب آبی

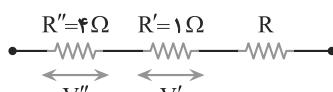
۹۸- گزینه «۴»

مقاومت‌های 6Ω ، 3Ω و 2Ω موازیند، پس ولتاژ دو سر آنها با ولتاژ دو سر مقاومت معادل آنها برابر است. یعنی اگر ولتاژ دو سر آنها را V' بنامیم، $V_6 = V_3 = V_2 = V'$ می‌دانیم که:

حال اگر مقاومت معادل این سه مقاومت موازی را R' بنامیم داریم:

$$\frac{1}{R'} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \rightarrow \frac{R_1 = 6\Omega, R_2 = 3\Omega}{R_3 = 2\Omega}$$

$$\frac{1}{R'} = \frac{1}{6} + \frac{1}{3} + \frac{1}{2} \Rightarrow R' = 1\Omega$$



حال با توجه به متواالی بودن مقاومت‌های R' و R'' ، می‌دانیم که:

$$\frac{V''}{V'} = \frac{R''}{R'} \rightarrow \frac{R'' = 4\Omega}{R' = 1\Omega} \rightarrow \frac{V''}{V'} = 4$$

حال برای مقایسه توان مصرفی مقاومت‌های 6Ω و 4Ω ، داریم:

$$P = \frac{V^2}{R} \rightarrow \frac{P'}{P''} = \left(\frac{V'}{V''}\right)^2 \times \frac{R''}{R'} \rightarrow \frac{R'' = 4\Omega, R' = 6\Omega}{V' = \frac{1}{4}}$$

$$\frac{P'}{P''} = \left(\frac{1}{4}\right)^2 \times \left(\frac{4}{6}\right) \Rightarrow \frac{P'}{P''} = \frac{1}{24}$$

(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۷ تا ۷۷)

کتاب آبی

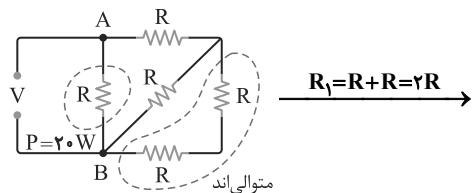
۹۹- گزینه «۴»

با توجه به مشابه بودن همه مقاومت‌ها و نیز ساختار مدار، می‌توان دریافت که مقاومت بین دو نقطه A و B (که در مدار مشخص شده، دارای بیشترین توان مصرفی است (بدون آسیب به بقیه)، زیرا ولتاژ دو سر این مقاومت، همان ولتاژ کل مدار یعنی V است، ولی این ولتاژ برای بقیه مقاومت‌ها کمتر از V

است. (V بین آنها تقسیم شده است) پس طبق رابطه $P = \frac{V^2}{R}$ ، این مقاومت

بیشترین توان مصرفی را دارد.

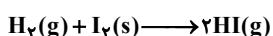
حال بعد از پیدا کردن مقاومتی که دارای بیشترین توان مصرفی است (بدون آسیب به بقیه) بقیه مدار را ساده می‌کنیم:



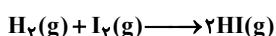
(سید محمد معروفی)

گزینه ۳ - ۱۰۴


$$\Delta H_1 = -62 / 5 kJ$$



$$\Delta H_2 = +53 kJ$$



$$\Delta H = -9 / 5 kJ$$

$$50 / 8 g I_2 \times \frac{1 mol I_2}{254 g I_2} \times \frac{-9500 J}{1 mol I_2} = -1900 J$$

(شیمی ۲، صفحه‌های ۷۵ تا ۷۷)

شیمی ۲
گزینه ۲ - ۱۰۱

بررسی گزینه‌های نادرست:

۱) در یک فرایند گرماده، انرژی از سامانه به محیط منتقل می‌شود.

۳) زغال کک یکی از واکنش‌دهنده‌های استخراج آهن است که تأمین کننده

انرژی لازم برای این واکنش نیز است.

۴) در دمای ثابت، تفاوت چشمگیری میان انرژی گرمایی مواد وجود ندارد.

(سعید محسن‌زاده)

گزینه ۲ - ۱۰۵

عبارت‌های «ب» و «ت» درست‌اند.

بررسی تمام عبارت‌ها:

عبارت «الف»: اگر به جای پروپان گازی از پروپان مایع استفاده شود گرمای

کمتری آزاد می‌شود.

عبارت «ب»:

$$11 g C_3H_8 \times \frac{1 mol C_3H_8}{44 g C_3H_8} \times \frac{2043 kJ}{1 mol C_3H_8} = 510 / 75 kJ$$

عبارت «پ»:

گرمای حاصل از سوختن یک مول اتان، در شرایط یکسان، کمتر از گرمای

حاصل از سوختن یک مول پروپان است.

 عبارت «ت»: از آنجایی که سطح انرژی $H_2O(l)$ بایین‌تر از (g)

است، در این واکنش گرمای بیشتری آزاد می‌شود.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۷۰ تا ۷۲)

(شیمی ۲، صفحه‌های ۵۸ تا ۶۳)

(کامران بیفربنی)

گزینه ۲ - ۱۰۲

در خوردن شیر گرم، فرایند هم‌دما شدن و سوخت و ساز هر دو با آزاد شدن

انرژی همراه هستند.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۵۸ تا ۶۲)

(میلار (هفان))

گزینه ۳ - ۱۰۳

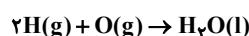
در واکنش‌های گرماده هر چه سطح انرژی فراورده‌ها کمتر و سطح انرژی

واکنش‌دهنده‌ها بیشتر باشد، گرمای آزاد شده بیشتر خواهد بود. اتم‌های جدا

از هم، از مولکول‌های سازنده ناپایدارترند و ماده در حالت فیزیکی مایع از

گاز پایدارتر است؛ بنابراین بیشترین گرمای آزاد شده مربوط به واکنش زیر

است:



(شیمی ۲، صفحه‌های ۶۲ تا ۶۶)



(شیمی ۲، صفحه‌های ۶۸ تا ۷۰)

(مریم اکبری)

«۲» - ۱۰۸

مقایسه آنتالپی پیوند به صورت $I-I < Br-Br < Cl-Cl$ است.

(شیمی ۲، صفحه‌های ۶۵ و ۶۶)

(محمد وزیری)

«۳» - ۱۰۹

عبارت «الف»: درست است.

عبارت «ب»: با توجه به متن صفحه ۷۴ کتاب درسی، درست است.

عبارت «پ»: نادرست. گاز متان به گاز مرداب معروف است.

عبارت «ت»: درست است. (شکل صفحه ۷۵ کتاب درسی)

(شیمی ۲، صفحه‌های ۷۲ تا ۷۵)

(مسن اسماعیل زاده آرگان)

«۳» - ۱۱۰

$$\Delta H = \text{ واحد} \times \frac{16\text{gCH}_4}{1\text{molCH}_4} \times \frac{-100\text{kJ}}{2\text{gCH}_4} = -800\text{kJ}$$

$$\Delta H = \left[\text{مجموع آنتالپی‌های پیوند} - \text{واکنش فراورده‌ها} \right] - \left[\text{مجموع آنتالپی‌های پیوند} - \text{واکنش دهنده‌ها} \right]$$

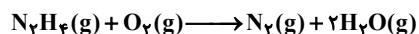
$$-800 = [4(415) + (2 \times 495)] - [(2 \times (C=O)) + 2(2 \times 463)]$$

$$\Rightarrow -800 = -2(C=O) + 798 \Rightarrow (C=O) = 799 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

(شیمی ۲، صفحه‌های ۶۵ تا ۷۲)

(سعید محسن‌زاده)

«۲» - ۱۰۶

با توجه به معادله‌های زیر ΔH واکنش فوق را می‌یابیم:

واکنش اول را معکوس می‌کنیم:



واکنش دوم و سوم را بدون تغییر می‌نویسیم:



$$\Delta H = +92 - 242 - 187 = -337\text{kJ}$$

گرمای حاصل از تولید ۷۵ لیتر N_2 برابر است با:

$$75 \text{ L} N_2 \times \frac{1\text{mol} N_2}{25 \text{ L} N_2} \times \frac{337\text{kJ}}{1\text{mol} N_2} = 101\text{kJ}$$

حال با استفاده از رابطه $Q = mc\Delta\theta$ جرم آب را محاسبه می‌کنیم:

$$1011 \times 10^3 = m \times 4 / 2 \times (100 - 20) \Rightarrow m \approx 3\text{kg}$$

(شیمی ۲، صفحه‌های ۵۸ تا ۶۰ و ۷۲ تا ۷۵)

(محمد محسن مهرزاده مقدم)

«۳» - ۱۰۷

ترکیب‌های A، B، C و D به ترتیب در رازیانه، گشنبیز، بادام و زردچوبه یافت می‌شوند.

فرمول مولکولی ترکیب A به صورت $C_{10}H_{12}O$ اما فرمول مولکولیترکیب B به صورت $C_{10}H_{18}O$ است. پس با هم ایزومر نیستند.



(مسن پاسیار)

۱۱۶- گزینه «۴»

در مصراع دوم گزینه «۴»، متمم بعد از فعل آمده است.

(فارسی ا، دستور، صفحه ۸۵)

(کاظم کاظمی)

۱۱۷- گزینه «۴»

مفهوم مشترک عبارت صورت سؤال و بیت گزینه «۴»، لزوم ترک تعلقات و گذشتن از هستی خود برای رسیدن به حق

تشویج گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: شرط عشق ورزیدن، گذشتن از جان یا آمادگی برای جان‌فشنایی است.
گزینه «۲»: شرط رسیدن به مقصد، افتادگی و فروتنی است.

گزینه «۳»: شرط خودشناسی، ترک خودخواهی است. (فارسی ا، مفهوم، صفحه ۸۳)

(ابراهیم رضایی‌قدم - لاهیجان)

۱۱۸- گزینه «۳»

مفهوم ابیات گزینه‌های «۱، ۲ و ۴»: «پرهیز از حرص و طمع ورزی» اما مفهوم بیت گزینه «۳»: «اخلاق بد معشوق سبب توجه بیشتر عاشق می‌شود».

(فارسی ا، مفهوم، صفحه ۷۰)

(مسن اصغری)

۱۱۹- گزینه «۲»

مفهوم عبارت: خود حسابی و بررسی اعمال خود در دنیا
مفهوم بیت: ارزشمند بودن لحظات وصال

تشویج گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: آرامش یافتن دلها با یاد خداوند
گزینه «۳»: نهراسیدن از مرگ با اعتقاد به جاودانگی روح پس از مرگ
گزینه «۴»: تواضع و فروتنی موجب قرب الهی است.

(فارسی ا، مفهوم، ترکیبی)

(کاظم کاظمی)

۱۲۰- گزینه «۲»

مفهوم مشترک بیت صورت سؤال و ابیات مرتبط: تأکید بر توحید و یکتاپرستی
مفهوم بیت گزینه «۲»: مردم عامی، لذت توحید و اعتقاد به یگانگی خداوند را درک نمی‌کنند.

(فارسی ا، مفهوم، صفحه ۸۳)

فارسی (۱)

۱۱۱- گزینه «۴»

مُقْرِيَان: قرآن خوانان (مُقری: قرآن خوان)

(مرتّفی منشاری - ارجیل)

(فارسی ا، لغت، ترکیبی)

۱۱۲- گزینه «۳»

تشویج گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «بر و سر» و «بر و بحر» / کنایه: «سبک‌مفرزان» کنایه از «افراد بی‌خرد و

بله» / «بر سر شور آوردن کسی» کنایه از «هیجان‌زده‌کردن» / تشخیص: بر سر شور آوردن بحر / ایهام تناسب: شور: ۱- هیجان (معنی اصلی) ۲- مژه شور که با بحر

تناسب دارد.

(فارسی ا، املاء، ترکیبی)

۱۱۳- گزینه «۱»

جناس: «بر و سر» و «بر و بحر» / کنایه: «سبک‌مفرزان» کنایه از «افراد بی‌خرد و بله» / «بر سر شور آوردن کسی» کنایه از «هیجان‌زده‌کردن» / تشخیص: بر سر شور آوردن بحر / ایهام تناسب: شور: ۱- هیجان (معنی اصلی) ۲- مژه شور که با بحر

تناسب دارد.

(فارسی ا، آرایه، ترکیبی)

۱۱۴- گزینه «۳»

کنایه: رونما نگرفتن (کنایه از قبول نکردن هدیه ناچیز)

تشبیه: گوهر دل

تلمیح: ماه کنعان (اشاره به داستان حضرت یوسف (ع))

ایهام تناسب: قلب ۱- (نقابی: معنی قابل پذیرش) ۲- عضوی از بدن که با دل تناسب دارد.

تشویج گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: سر به لحد نهادن کنایه از مردن / تلمیح به بربایی قیامت / تشبیه و ایهام تناسب وجود ندارد.

توجه: نگران هم ایهام دارد نه ایهام تناسب.

گزینه «۲»: مو: ایهام تناسب (۱- اندکی یا ذره‌ای معنی قابل پذیرش) ۲- در معنی موی سر (با زلف، گره و سر تناسب دارد) / در سر زبان انداختن: کنایه / تشبیه و تلمیح وجود ندارد.

گزینه «۴»: غنچه دل: تشبیه / خون در دل کردن: کنایه از رنج و عذاب در این بیت ایهام تناسب و تلمیح وجود ندارد.

(فارسی ا، آرایه، ترکیبی)

۱۱۵- گزینه «۲»

در مصراع دوم حرف وابسته ساز «ار = اگر» جمله وابسته یا پیرو ساخته است.

اگر روزی دستم در آغوش تو نشد (اگر روزی دست در آغوش تو نبودم، ...

جمله وابسته

تشویج گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «لیکن» حرف ربط هم‌پایه‌ساز است و جمله وابسته نمی‌سازد.

گزینه «۳»: «چون» در مصراع دوم به معنی «مثل و مانند» حرف اضافه محسوب می‌شود و جمله وابسته نمی‌سازد.

گزینه «۴»: «تا» حرف اضافه است و کلمه یا گروه اسمی بعد از آن، «متهم» است.

(فارسی ا، دستور، صفحه ۸۱)



(فابر مشیرپناهی - هگلران)

در گزینه «۳» آمده است که «حیوانی وفادار که برای برقراری امنیت به کار گرفته می‌شود: سگ» که صحیح است.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «عضو بیویابی روی صورت انسان و حیوان! زبان»، این توضیح مربوط به «الأنف: بینی» است.

گزینه «۲»: «عضوی پشت بدن حیوانات! گناه»، این توضیح مربوط به «الذنب: دم» است.

گزینه «۴»: «جایی که در آن آب برای مدتی طولانی جمع می‌شود: تنگه»، این توضیح مربوط به «المُسْتَنقَع: مرداب، باتلاق» است. (مفهوم)

(میدی خاتمی - کامیاران)

با توجه به معنی جمله، فعل جمله مجهول است و باید حرکات آن به درستی گذاشته شود.

شكل صحیح آن: «أَسْتُخْدِمُتِ»

ترجمه جمله: «پول‌های کاغذی برای بار اول در چین به کار گرفته شد!»
(فقط هر کات)

(در پیش‌علی ابراهیمی)

در عبارت گزینه «۲» چون جمله به صورت فعلیه آمده است، خبر نداریم؛ زیرا خبر فقط در جمله‌های اسمیه وجود دارد.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «تفیه» خبر است.

گزینه «۳»: «إخلاص» خبر است.

گزینه «۴»: «تعطّف» خبر است.

(انواع بملات)

(فاطمه منصور قانی)

در گزینه «۲» مفعول به کار نرفته است (اردک پرنده‌ای است که در خشکی و دریا زندگی می‌کند).

در سایر گزینه‌ها به ترتیب «الناس، أنفس، شيئاً و التّار» مفعول هستند.

(انواع بملات)

(الله مسیح فواه)

سؤال گزینه‌ای را خواسته که دو فعل مجهول ندارد.
پاسخ صحیح گزینه «۱» است، چون دو فعل دارد که اولی معلوم و دومی مجهول است.

ترجمه: «آیا باور می‌کنید که راضی نگهداشتمن مردم هدفی است که به دست آورده نمی‌شود؟»

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۲»: «تُحْرِى» و «أَجَلَت» مجهول هستند.

گزینه «۳»: «أَنْزَل» و «تَسْمَى» مجهول هستند.

گزینه «۴»: «تُصْنَع» و «صُنْع» مجهول هستند.

(انواع بملات)

عربی، زبان قرآن (۱)

۱۲۱- گزینه «۴»

«ضُرُب (ماضی مجهول)»: زده شد، زده شده است (رد گزینه «۳» / «مثل» (نکره): مثلی، یک مثل / «فَاسْتَعِوا لَهُ (فعل امر)»: لذا (پس) به آن گوش فرا دهید / «إِنْ»: همانا، بی‌گمان / «الَّذِينَ»: کسانی که («آنانی که» در گزینه «۲» ترجمه صحیحی برای آن نیست). / «تَدْعُونَ»: می‌خوانید، فرا می‌خوانید (رد گزینه‌های «۱» و «۳» / «مَنْ دُونَ اللَّهِ»: به جای خداوند / «لَنْ يَخْلُقُوا (مستقبل) مُنْفِي)»: نخواهند آفرید، خلق نخواهند کرد (رد گزینه‌های «۲» و «۳» / «ذَبَابًا (نکره)»: مگسی، یک مگس

(ترجمه)

۱۲۲- گزینه «۴»

«أَعْجَبُ الْحَيَاةِ»: عجیب‌ترین حیواناتی (رد گزینه‌های «۲» و «۳» / «الاتجاهِين»: در دو جهت (رد گزینه «۳» / «تُحَرَّك» (مضارع مجهول): حرکت داده شود (رد گزینه‌های «۱» و «۳» / «عَيْنَا» (مشنی است که در حالت مضاف نون آن حذف می‌شود): چشمانش (رد گزینه «۲»)

(ترجمه)

۱۲۳- گزینه «۲»

«يَسْتَفِيدُونَ»: بهره می‌برند، (رد سایر گزینه‌ها) / «الأَمْرَاضُ»: بیماری‌ها، (رد گزینه‌های «۱» و «۴») / «الصَّنَدَاعُ الشَّدِيدُ»: سردرد شدید (رد گزینه «۳») / «الأَعْشَابُ الطَّبِيبَةُ»: گیاهان دارویی (رد گزینه «۳»)

(ترجمه)

۱۲۴- گزینه «۳»

در گزینه «۳»، «كيف بدأ الخلق» یعنی «چگونه (چطور) آفرینش را آغاز کرده است» که اشتباه ترجمه شده است، دققت کنید که «الخلق» مفعول فعل «بدأ» است و فاعل نیست.

(ترجمه)

۱۲۵- گزینه «۴»

«سخن‌گو»: المتكلّم (رد گزینه «۱») / «زبانش»: لسانه (رد گزینه «۲») / «سخنی»: کلاماً (رد گزینه «۳») / «عادت می‌دهد»: يَعْوَدُ / «شنوندگان»: المستمعین (رد گزینه «۳») / «قانع می‌کند»: يَقْبِعُ



(کتاب زرده)

نامه عمل انسان به گونه‌ای است که خود عمل و حقیقت آن را دربردارد. از این رو، تمام اعمال انسان در قیامت حاضر می‌شوند و انسان عین اعمال خود را می‌بینند.
(دین و زنگی ا، درس ۷، صفحه ۹۰)

(کتاب زرده)

۱۴۲- گزینه «۱»
نوعی از پاداش و کیفی، محصول طبیعی خود عمل است. مثلاً اگر کسی اهل مطالعه و تحقیق باشد، بطور طبیعی به علم و آگاهی دست می‌یابد یا اگر روزانه مقداری ورزش کند به سلامت و تدرستی خود کمک کرده است. این پاداش و کیف محصول طبیعی عمل است و انسان‌ها نمی‌توانند با وضع قوانین، آن را تغییر دهند بلکه باید خود را با آن تطبیق دهند و با آگاهی کامل از آن برنامه زندگی خود را تنظیم و سعادت‌زندگی خویش را تأمین کنند.
(دین و زنگی ا، درس ۷، صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

(کتاب زرده)

۱۴۳- گزینه «۲»
وجه اسوه و الگوهایی که راه را با موفقیت طی کرده و به مقصد رسیده‌اند، بسیار ضروری است؛ زیرا وجود این الگوهای اولاً به ما ثابت می‌کند که این راه موفقیت‌آمیز است؛ ثانیاً می‌توان از تجربه‌های آنان استفاده نمود و مانند آنان عمل کرد و از همه مهم‌تر این که می‌توان با دنباله‌روی از آنان سریع‌تر به هدف رسید.
(دین و زنگی ا، درس ۸، صفحه ۱۰۳)

(کتاب زرده)

۱۴۴- گزینه «۳»
اگر بعد از محاسبه معلوم شود که در انجام عهد خود موفق بوده‌ایم، خوب است خدا را شاکر باشیم؛ زیرا او بهترین پشتیبان ما در انجام پیمان‌هاست.
(دین و زنگی ا، درس ۸، صفحه ۱۰)

(کتاب زرده)

۱۴۵- گزینه «۴»
لهمان حکیم بعد از سفارش‌هایی که به فرزندش می‌کند و راه و رسم زندگی را به او نشان می‌دهد، به وی می‌گویند: «و اصیر علی ما اصاکبِ إنْ لِكَ مِنْ غَزَّ الْأَمْرُ: بر آنچه (در این مسیر) به تو می‌رسد صیر کن که این از عزم و اراده در کراحت است.»
بهتر است عهد و پیمان خود را در زمان‌های معینی، مانند آخر هر هفته، آخر هر ماه یا شب قدر هر سال، تکرار کنیم تا استحکام بیشتر پیدا کند و به فراموشی سپرده نشود.
(دین و زنگی ا، درس ۸، صفحه‌های ۹۹ و ۱۰۰)

(کتاب زرده)

۱۴۶- گزینه «۵»
در پاداش و کیفری که محصول طبیعی خود عمل است انسان‌ها نمی‌توانند با وضع قوانین آن را تغییر دهند بلکه باید خود را آن هماهنگ کنند و با آگاهی کامل از آن برنامه‌ریزی زندگی خود را تنظیم نمایند و سعادت زندگی خویش را تأمین کنند.
(دین و زنگی ا، درس ۷، صفحه ۱۹)

(کتاب زرده)

۱۴۷- گزینه «۶»
بهشتیان خدا را سپاس می‌گویند که حزن و اندوه را از آنان زدده و از رنج و درماندگی دور کرده است.
(دین و زنگی ا، درس ۷، صفحه ۸۵)

(کتاب زرده)

۱۴۸- گزینه «۷»
خداآوند در قرآن کریم می‌فرماید: «به پیمانی که با من بسته‌اید وفا کنید تا من نیز به پیمان شما وفا کنم.» استواری بر هدف و تحمل سختی‌ها برای رسیدن به هدف، از آثار عزم قوی است.
(دین و زنگی ا، درس ۸، صفحه‌های ۹۹ و ۱۰۰)

(کتاب زرده)

۱۴۹- گزینه «۸»
دوخیان با بیان این عبارت که: «بزرگان ما و شیطان، ما را گمراه ساختند.» دیگران را مقصو می‌شمارند و پاسخ شیطان به آن‌ها این است که: «من فقط شما را فراخواندم و شما نیز مرا پذیرفتید مرا ملامت نکنید، خود را ملامت کنید.»
(دین و زنگی ا، درس ۷، صفحه ۸۸)

(کتاب زرده)

۱۵۰- گزینه «۹»
کسی که راه سعادت را شناخته، با خدای خود پیمان می‌بنند که آنچه را خداوند برای رسیدن به این هدف مشخص کرده انجام دهد و خداوند را خشنود سازد (عهد بستن با خدا). ارزیابی کارها در بیان روز مربوط به «محاسبه و ارزیابی» است.
(دین و زنگی ا، درس ۸، صفحه‌های ۹۹ و ۱۰۰)

دین و زندگی (۱)**۱۳۱- گزینه «۱»**

این حدیث شریف امام علی (ع) که: «گذشت ایام، آفاتی در پی دارد و موجب از هم گسختگی تصمیم‌ها و کارها می‌شود.» ناظر بر اهمیت مراقبت و پاسبانی است؛ زیرا در صورت بی‌توجهی به آن تصمیم‌ها و عزم‌ها و اراده‌ها، متزلزل و از هم گسخته می‌شوند.
(دین و زنگی ا، درس ۸، صفحه ۱۰)

۱۳۲- گزینه «۲»

(امین اسدیان پور)
وقتی نیکوکاران به بهشت اخروی می‌رسند درهای بهشت را به روی خود گشوده می‌بینند و بهشت آمده استقبال از آنان است.
(دین و زنگی ا، درس ۷، صفحه ۸۵)

۱۳۳- گزینه «۳»

(سید احسان هنری)
امام علی (ع) در مورد نحوه محاسبه و ارزیابی فرمودند: «چون صحبت تا شب به کار و زندگی پرداخت، در شب به خود برگرد و بگوید: ای نفس امروز روزی بود که بر تو گشست و دیگر باز نمی‌گردد. خدا درباره این روز از تو خواهد پرسید که آن را چگونه گذراندی و در آن چه کردی؟...»
(دین و زنگی ا، درس ۸، صفحه ۱۰)

۱۳۴- گزینه «۱»

(کلیدوازه «ظلماء» در عبارت قرآنی «إِنَّ الَّذِينَ يَأْكُلُونَ أَمْوَالَ الْيَتَامَىٰ ظَلَمُوا») بیانگر آن است که تصرف در اموال ایتمام در صورتی که از روی ظلم و ستم و بگوید: ای نفس امروز همان خوردن آتشی است که عبارت پرداخت و دیگر باز نمی‌گردد. خدا درباره این روز از تو خواهد پرسید که آن را چگونه گذراندی و در آن چه کردی؟...»
(دین و زنگی ا، درس ۸، صفحه ۱۰)

۱۳۵- گزینه «۴»

(مطابق دو حدیث امام علی (ع) که می‌فرماید: «من حاسب نفse ... أصلح الغيوب» و «ثمرة المحاسبة صلاح النفس»، محاسبه و ارزیابی کارهای خود، موجب اصلاح عیبها و نفس انسان می‌شود.
(دین و زنگی ا، درس ۷، صفحه ۹۰)

۱۳۶- گزینه «۵»

(مهمد رضایی بقا)
امام کاظم (ع) می‌فرماید: «خدایا می‌دانم که بهترین توشه مسافر کوی تو عزم و اراده‌ای است که کوی خواسته باشد.» از نشانه‌های عزم قوی، شکایابی و صبر در راه رسیدن به هدف است: «و اصیر علی ما اصاکب...»
(دین و زنگی ا، درس ۸، صفحه ۹۵ و ۹۹)

۱۳۷- گزینه «۳»

(مرتفقی مفسن کبیر)
در آیه ۱۸ سوره نساء می‌خوانیم: «برای کسانی که کارهای زشت انجام دهند و هنگامی که مرگ یکی از آن‌ها فرا رسید می‌گوییم: الان توبه کردم، توبه نیست و این‌ها کسانی هستند که عذاب دردناکی بر ایشان فراهم کردیم.»
(دین و زنگی ا، درس ۸، صفحه ۱۹)

۱۳۸- گزینه «۳»

(مرتفقی مفسن کبیر)
در آیه ۱۰۰ سوره فتح می‌خوانیم: «و هر کس که نسبت به عهدی که با خدا بسته وفا کند به زودی پاداش عظیمی به او خواهد داد.» و در آیه ۷۷ آل عمران می‌خوانیم: «کسانی که پیمان الهی و سوگنهای خود را بهای تا چیزی می‌فروشند آن‌ها بهره‌ای در آخرت نخواهند داشت...»
(دین و زنگی ا، درس ۸، صفحه ۱۰)

۱۳۹- گزینه «۳»

(علی غفلی قانی)
بالاترین نعمت بهشت، وصول به مقام خشنودی خدا می‌باشد که نتیجه دست یابی به بالاترین نعمت بهشت، سرور و شعبه بهشتیان از این رستگاری بزرگ است. بهشت برای بهشتیان سرای سلامتی (دارالسلام) است یعنی هیچ نقصانی، غصه‌ای، ترس و بیماری، مرگ و هلاکت و خلاصه هیچ ناراحتی و رنجی در بهشت نیست.
نکته: زدودن اندوه و دور کردن رنج و درماندگی از بهشتیان، سخن آنان به هنگام سپاس از خداوند می‌باشد.
(دین و زنگی ا، درس ۸، صفحه ۱۰۵)

۱۴۰- گزینه «۳»

(محمد ابراهیم مازنی)
از آن جا که هدف از خلق انسان، رسیدن به مقام قرب خداوند است پس در حقیقت او مسیر و هدف اصلی زندگی ماست. هر قدر عزم قوی‌تر باشد رسیدن به هدف «آسان‌تر» است و کمک گرفتن و دنباله‌روی از الگوهای باعث «سریع‌تر» رسیدن به هدف می‌شود.
(دین و زنگی ا، درس ۸، صفحه ۹۹ و ۱۰۳)



(علی شکوهی)

۱۵۶ - گزینه «۱»

ترجمه جمله: «ارتباط، مهارتی است که مردم می‌توانند [آن را] بیاموزند. آن درست شبیه دوچرخه‌سواری یا تایپ کردن است.

- (۱) عقیده
- (۲) مهارت
- (۳) برنامه
- (۴) علاقه

(واژگان)

زبان انگلیسی (۱)**۱۵۱ - گزینه «۲»**

ترجمه جمله: «درست زمانی که برادرم داشت منزل را ترک می‌کرد تا به خرید برود، تلفن زنگ زد.

نکته مهم درسی

فعل جمله دوم "rang" زمان گذشته است، پس فعل جمله اول نیز باید بر عملی در زمان گذشته اشاره داشته باشد. عبارت زمانی "just as" دلیل خوبی برای استفاده از زمان گذشته استمراری است که از آن برای بیان عملی استفاده می‌کنیم که در حال انجام بوده است.

(گرامر)

۱۵۲ - گزینه «۲»

ترجمه جمله: «کدام جمله از نظر دستوری درست است؟»
«دیوید امروز خوب به نظر می‌رسد.»

نکته مهم درسی

در گزینه «۱»، فعل "taste" ، فعل إسنادی است، یعنی بعد از آن به صفت "bad" نیاز داریم، نه قید "badly". در گزینه «۲»، فعل "look" به معنی "به نظر رسیدن" إسنادی است و بعد از آن باید صفت داشته باشیم. دقت کنید که "well" هم قید است و هم صفت. اگر "well" در مفهوم «حال و احوال خوب» به کار رود، صفت خواهد بود. دلیل تادرستی گزینه‌های «۳» و «۴» نیز رعایت نکردن ترتیب قرارگیری چند صفت پیش از اسم است. در گزینه «۳»، صفت کیفیت "beautiful" باید قبل از صفت سن و سال "new" قرار گیرد. در گزینه «۴»، نیز صفت اندازه "small" باید پیش از صفت رنگ "white" استفاده شود.

(گرامر)

۱۵۳ - گزینه «۲»

ترجمه جمله: «دانشمندان برای سنجش این که بینند که آیا استفاده از داروی جدید برای افراد، بی خطر است، آزمایشی روی موش‌ها انجام دادند.»

- (۱) اختراج، ابداع
- (۲) آزمایش، تجربه
- (۳) مدار
- (۴) مشکل

(واژگان)

۱۵۴ - گزینه «۴»

ترجمه جمله: «هر وقت پدرم مريض می‌شود، می‌گويد که تصميم دارد سیگار را ترک کند؛ اما بعد از مدتی فراموش می‌کند که این کار را انجام دهد.»

- (۱) حفظ کردن، نگهدارتن
- (۲) حمله کردن
- (۳) حل کردن
- (۴) ترک کردن، رها کردن

(واژگان)

۱۵۵ - گزینه «۴»

ترجمه جمله: «نویسنده معتقد بود که ما باید تا آخرین روزی که زنده‌ایم، پیشرفت کنیم و انسان‌های بهتری شویم.»

- (۱) اهدا کردن
- (۲) آفریدن، خلق کردن
- (۳) منتشر کردن
- (۴) پیشرفت کردن

(واژگان)

(علی عاشوری)

۱۵۷ - گزینه «۴»

- (۱) درست، راست
- (۲) عمومی، کلی
- (۳) اخیر
- (۴) متفاوت

(کلوزتست)

(علی عاشوری)

۱۵۸ - گزینه «۳»**نکته مهم درسی**

برای بیان صفات عالی یک‌بخشی از ساختار «the + adj + est» استفاده می‌شود.

(کلوزتست)

(علی عاشوری)

۱۵۹ - گزینه «۱»

- (۱) نامیدن
- (۲) گفتن
- (۳) حمل کردن
- (۴) فکر کردن

(کلوزتست)

(علی عاشوری)

۱۶۰ - گزینه «۲»

- (۱) جاده
- (۲) راه
- (۳) مکان
- (۴) برنامه

(کلوزتست)

این بازه شامل اعداد صحیح ۱ تا ۵ می‌باشد.

(ریاضی ا- معادله‌ها و نامعادله‌ها؛ صفحه‌های ۸۳ تا ۹۳)

(عادل حسینی)

«۴» - گزینه ۴

$$y = 4\alpha - 6 \Rightarrow 4\alpha - 6 = 0 \Rightarrow \alpha = \frac{3}{2}$$

پس یکی از ریشه‌ها $\frac{3}{2}$ است. $x = 1$ محور تقارن سهمی است، بنابراین:

$$\frac{\alpha + \beta}{2} = 1 \Rightarrow \beta = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow y = a \left(x - \frac{1}{2} \right) \left(x - \frac{3}{2} \right)$$

با قرار دادن مختصات رأس سهمی در معادله آن، $a = 8$ بدست می‌آید. بنابراین:

$$\Rightarrow y = 8x^2 - 16x + 6$$

$$\Rightarrow y(\frac{1}{4}) = 2/5$$

(ریاضی ا- معادله‌ها و نامعادله‌ها؛ صفحه‌های ۷۱ تا ۸۲)

(امیر هوشنگ خمسه)

«۲» - گزینه ۲

محل برخورد نمودار با محور y ها برابر c است، پس $c = 2$

از طرفی:

$$x_{\max} = -\frac{b}{2a} \Rightarrow -2 = -\frac{b}{2a} \Rightarrow b = 4a$$

$$(-2, 3) \in \text{سهمی} \Rightarrow 3 = 4a - 4b + c$$

$$\Rightarrow 3 = 4a - 4(4a) + 2 \Rightarrow 1 = -4a \Rightarrow a = -\frac{1}{4}$$

$$\Rightarrow b = 4a = 4\left(-\frac{1}{4}\right) = -1$$

$$\Rightarrow -4a + 4b = -4\left(-\frac{1}{4}\right) + 4(-1) = 1 - 4 = -3$$

(ریاضی ا- معادله‌ها و نامعادله‌ها؛ صفحه‌های ۷۱ تا ۸۲)

«۱» - گزینه ۱

(امیر محمد فرزانه)

«۳» - گزینه ۳

$4a - 2$ طول مستطیل

$$\text{عرض} \times \text{طول} = \text{مساحت} \Rightarrow a(4a - 2) = 2 \Rightarrow 4a^2 - 2a - 2 = 0$$

$$\Delta = (-2)^2 - 4 \times 4 \times (-2) = 36 \Rightarrow a = \frac{2 \pm \sqrt{36}}{8} \Rightarrow \begin{cases} a_1 = 1 \\ a_2 = -\frac{1}{2} \end{cases}$$

از آنجا که مقدار عرض مثبت است، مقدار ۱ قابل قبول است و داریم:

$$1 + (4 \times 1 - 2) = 3$$

(ریاضی ا- معادله‌ها و نامعادله‌ها؛ صفحه‌های ۶۱ تا ۷۷)

(کریم تعبیری)

«۴» - گزینه ۴

شرط آنکه معادله دارای ریشه نباشد، این است که $\Delta < 0$.

$$\Delta = (m - 4)^2 - 4(1)(1) < 0$$

$$\Rightarrow m^2 - 8m + 16 - 4 < 0$$

$$\Rightarrow m^2 - 8m + 12 < 0$$

$$\Rightarrow (m - 2)(m - 6) < 0 \Rightarrow 2 < m < 6$$

(ریاضی ا- معادله‌ها و نامعادله‌ها؛ صفحه‌های ۶۹ تا ۷۷)

(عادل حسینی)

«۳» - گزینه ۳

شرط آنکه تابع درجه دوم $y = ax^2 + bx + c$ مثبت باشد آن است که

$a > 0$ و $\Delta < 0$ باشد.

$$a = 1 > 0$$

$$\Delta = (m - 1)^2 - 4m < 0 \Rightarrow m^2 - 6m + 1 < 0$$

$$\Rightarrow m^2 - 6m + 9 - 8 < 0 \Rightarrow (m - 3)^2 - 8 < 0$$

$$\Rightarrow m \in (3 - 2\sqrt{2}, 3 + 2\sqrt{2})$$



$$2a = 0 \Rightarrow a = 0$$

و همچنین با داشتن مقدار a داریم:

$$(a,b) = (0,b) = (0,1) \Rightarrow b = 1$$

(ریاضی ۱ - تابع: صفحه‌های ۹۴ تا ۱۰۰)

(عادل حسینی)

گزینه «۱» - ۱۶۹

$$y = \frac{x-1}{5} = \frac{1}{5}x - \frac{1}{5}$$

$$\Rightarrow -3 \leq \frac{1}{5}x - 2 \leq 1 \Rightarrow -1 \leq \frac{1}{5}x \leq 3 \Rightarrow -5 \leq x \leq 15$$

(ریاضی ۱ - تابع: صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۰)

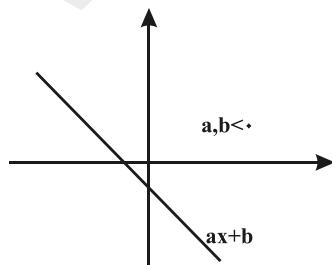
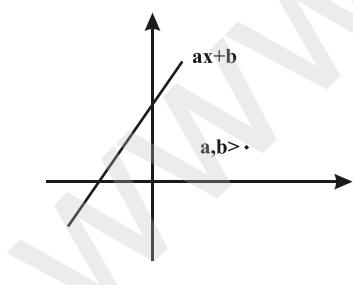
(عادل حسینی)

گزینه «۲» - ۱۷۰

علامت $\frac{m-1}{m}$ و $m(m-1)$ در دامنه مشترک‌شان همواره مثل هم است:

بنابراین برای حل سؤال، کافی است خط $y = ax + b$ را که $ab > 0$ در

نظر بگیریم. حالات زیر امکان دارد:



بنابراین، این خط همواره از ربع‌های دوم و سوم می‌گذرد.

(ریاضی ۱ - معادله‌ها و نامعادله‌ها: صفحه‌های ۸۳ تا ۸۸)

(عادل حسینی)

گزینه «۳» - ۱۶۶

هر کدام از نامعادله‌ها را حل می‌کنیم:

$$\begin{cases} \frac{x-1}{2} \geq 2x - 2 \Rightarrow x - 1 \geq 4x - 4 \Rightarrow 3 \geq 3x \Rightarrow x \in (-\infty, 1] \\ \frac{2x+1}{2} \geq \frac{x-1}{2} \Rightarrow 2x+1 \geq x-1 \Rightarrow x \in [-2, \infty) \end{cases}$$

اشتراک جواب‌ها $\Rightarrow x \in [-2, 1]$

بنابراین x می‌تواند اعداد صحیح $-1, 0, 1$ و 2 را پذیرد، که دو عضو

-1 و 2 کوچک‌تر از صفر هستند.

(ریاضی ۱ - معادله‌ها و نامعادله‌ها: صفحه‌های ۸۳ تا ۸۵)

(کاظم اجلان)

گزینه «۳» - ۱۶۷

$$|2 - |x - 1|| < 2 \Rightarrow -2 < 2 - |x - 1| < 2$$

$$-4 < -|x - 1| < 0 \Rightarrow 0 < |x - 1| < 4$$

از نامعادله $|x - 1| > 0$ نتیجه می‌شود $x \neq 1$ و از نامعادله $|x - 1| < 4$ نتیجه می‌شود $-3 < x - 1 < 3$ ، یعنی $-4 < x < 4$.

بنابراین مجموعه جواب نامعادله $\{x \mid -3 < x < 4\}$ است و در نتیجه $b = 1$ و $a = 1$.

. $a + b = 4$ می‌باشد. پس

(ریاضی ۱ - معادله‌ها و نامعادله‌ها: صفحه‌های ۸۳ تا ۸۵)

(عادل حسینی)

گزینه «۴» - ۱۶۸

$$f(0) = 1 + f(1) = 1 + (f(0))^2 - f(0)$$

$$\Rightarrow (f(0) - 1)^2 = 0 \Rightarrow \begin{cases} f(0) = 1 \\ f(1) = 0 \end{cases}$$

با داشتن $f(0) = 1$ و $f(1) = 0$ تابع زوج مرتبی f را بازنویسی می‌کنیم:

$$f = \{(0, 1), (1, 0), (0, 0), (1, 1)\}$$

برای اینکه f تابع باشد، باید $f(0) = f(1)$ در نتیجه:



(ممدرابراهیم کیززاده)

«۳» - ۱۷۴

دو مثلث ABC و EAF در حالت متناسب بودن دو ضلع و تساوی زاویهبین این دو ضلع متشابه‌اند، زیرا $\widehat{EAF} = \widehat{BAC}$ است و داریم:

$$\frac{AF}{AC} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}, \quad \frac{AE}{AB} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{AE}{AB} = \frac{AF}{AC}$$

در دو مثلث متشابه، نسبت طول‌های دو جزء فرعی متاظر، مساوی نسبت
تشابه است.

$$\frac{AD'}{AD} = \frac{AE}{AB} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{m+3}{6m+4} = \frac{1}{2} \Rightarrow m = \frac{1}{2}$$

(هنرسه ۱ - قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۵ و ۳۶)

(ممسن محمدکریمی)

«۳» - ۱۷۵

مجموع زوایای داخلی n ضلعی محدب برابر $(n-2) \cdot 180^\circ$ است. پس
مجموع زوایای داخلی، مضربی از 180° درجه است. چون کوچکترین
مضرب 180° که از 840° بزرگ‌تر باشد، 900° است، پس مجموع زوایای
داخلی n ضلعی موردنظر، 900° درجه است.

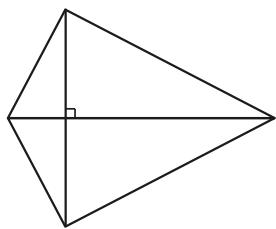
$$180^\circ(n-2) = 900^\circ \Rightarrow n-2 = 5 \Rightarrow n = 7$$

$$\frac{n(n-3)}{2} = \frac{7 \times 4}{2} = 14 \quad \text{تعداد قطرها}$$

(هنرسه ۱ - پندرضلعی‌ها: صفحه ۵۵)

(ممدر فندان)

«۳» - ۱۷۶

گزینه‌های «۱»، «۲» و «۴» قضیه‌های دو شرطی هستند. اما برای عکس قضیه
گزینه «۳»، «اگر در یک چهارضلعی اندازه دو قطر مساوی و عمود بر هم
باشند، آن‌گاه چهارضلعی مربع است». مثال نقض وجود دارد، مانند شکل زیر:

(هنرسه ۱ - پندرضلعی‌ها: صفحه‌های ۵۶ تا ۶۳)

۱ هندسه

«۳» - ۱۷۱

مثلثهای ABC و ADE براساس قضیه اساسی تشابه با یکدیگر
متشابه‌اند. از طرفی نسبت مساحت‌های دو مثلث متشابه با نسبت تشابه k ،
برابر است با k^2 . پس داریم:

$$\frac{S_{ADE}}{S_{ABC}} = \left(\frac{AD}{AB} \right)^2 = k^2$$

مساحت قسمت هاشور خورده را برابر x در نظر می‌گیریم:

$$\Rightarrow \frac{25}{25+x} = \frac{25}{49} \Rightarrow 25+x = 49 \Rightarrow x = 24$$

(هنرسه ۱ - قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۵ تا ۳۷)

(ممدر علن نادرپور)

«۱» - ۱۷۶

فاصله A تا ضلع BC را h و فاصله A تا ضلع MN را h' می‌نامیم. h و h' به
ترتیب طول ارتفاع‌های نظیر رأس A در دو مثلث ABC و AMN هستند.
دو مثلث ABC و AMN متشابه هستند (به حالت تساوی دو زاویه)، پس داریم:

$$\frac{S_{ABC}}{S_{AMN}} = \left(\frac{h}{h'} \right)^2 \Rightarrow 3 = \frac{36}{h'^2} \Rightarrow h'^2 = 12 \Rightarrow h' = 2\sqrt{3}$$

(هنرسه ۱ - قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۵ تا ۳۷)

(فرشاد فرامرزی)

«۲» - ۱۷۲

$$DE \parallel BC \Rightarrow ADE \sim ABC, k = \frac{AD}{AB} = \frac{2}{5}$$

$$\begin{aligned} & \frac{S_{ADE}}{S_{ABC}} = k^2 = \frac{4}{25} \\ & \Rightarrow S_{ADE} = \frac{4}{25} S_{ABC} \quad (1) \end{aligned}$$

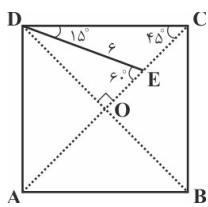
$$\begin{aligned} & \frac{S_{BEC}}{S_{ABE}} = \frac{EC}{AE} \\ & DE \parallel BC \Rightarrow \frac{EC}{AE} = \frac{BD}{AD} = \frac{3}{2} \end{aligned} \Rightarrow \frac{S_{BEC}}{S_{ABE}} = \frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{S_{BEC}}{S_{ABC}} = \frac{3}{5} \Rightarrow S_{BEC} = \frac{3}{5} S_{ABC} \quad (2)$$

از (۱) و (۲) داریم:

$$\frac{S_{ADE}}{S_{BEC}} = \frac{\frac{4}{25} S_{ABC}}{\frac{3}{5} S_{ABC}} = \frac{4}{15}$$

(هنرسه ۱ - قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۵ تا ۳۷)



$$\widehat{AED} = \widehat{CDE} + \widehat{DCE} = 15^\circ + 45^\circ = 60^\circ$$

$$\Delta ODE : \widehat{ODE} = 60^\circ \Rightarrow OD = \frac{\sqrt{3}}{2} DE$$

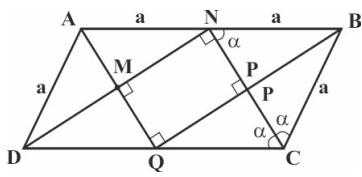
$$\Rightarrow OD = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 6 = 3\sqrt{3} \Rightarrow BD = 6\sqrt{3}$$

با توجه به اینکه طول قطر مربعی به ضلع a برابر است با $a\sqrt{2}$ ، داریم:

$$DB = 6\sqrt{3} \Rightarrow AB = \frac{6\sqrt{3}}{\sqrt{2}} = \frac{6\sqrt{6}}{2} = 3\sqrt{6}$$

(هنرسه ۱ - پندرضلعی‌ها؛ صفحه ۶۴)

(علی خنج آبادی)



«گزینه ۲» - ۱۸.

می‌دانیم از برخورد
نیمسازهای داخلی هر
متوازی‌الاضلاع یک

مستطیل پدید می‌آید. پس $MNPQ$ یک مستطیل است و به جای

قطر MP قطر دیگر یعنی NQ را محاسبه می‌کنیم.

$CN \rightarrow \widehat{NCQ} = \widehat{NCB} = \alpha$

مورب $CN, AB \parallel CD \rightarrow \widehat{CNB} = \alpha \Rightarrow NB = BC = a$

با همین استدلال در مثلث ADN ثابت می‌شود که $AD = AN = a$ پس N وسط AB است.

بنابراین در مثلث قائم‌الزاویه AQB ، QN میانه وارد بر وتر است.

پس:

$$QN = \frac{AB}{2} = \frac{10}{2} = 5$$

(هنرسه ۱ - پندرضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۶۰ و ۶۳)

(محمدابراهیم کیمی زاده)

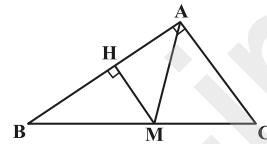
«گزینه ۱» - ۱۷۷

در هر مثلث قائم‌الزاویه، طول میانه وارد بر وتر، نصف طول وتر است.

$$BC = 2AM = 12 \Rightarrow BM = 6$$

اگر مثلث قائم‌الزاویه‌ای زاویه 30° داشته باشد، طول ضلع رویه را به این

زاویه، نصف طول وتر است، پس در مثلث قائم‌الزاویه BMH داریم:



$$\hat{B} = 30^\circ \Rightarrow MH = \frac{1}{2} BM = 3$$

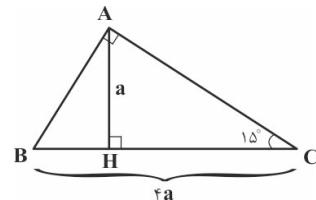
(هنرسه ۱ - پندرضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۶۰ و ۶۳)

(رضا عباسی اصل)

«گزینه ۲» - ۱۷۸

می‌دانیم در مثلث قائم‌الزاویه با یک زاویه 15° ، ارتفاع وارد بر وتر، $\frac{1}{4}$ وتر است، پس

با فرض $BC = 4a$ خواهیم داشت: $AH = a$



حال بنا به روابط طولی در مثلث قائم‌الزاویه داریم:

$$AH \cdot BC = \underbrace{AB \cdot AC}_{4} \Rightarrow a \times 4a = 4$$

$$\Rightarrow a^2 = 1 \Rightarrow a = 1 \Rightarrow BC = 4$$

$$AB^2 + AC^2 = BC^2 \Rightarrow (AB + AC)^2 - 2 \underbrace{AB \cdot AC}_{4} = 16$$

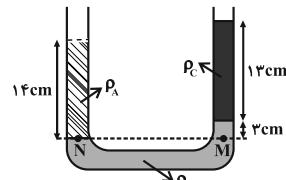
$$\Rightarrow (AB + AC)^2 = 24 \Rightarrow AB + AC = 2\sqrt{6}$$

(هنرسه ۱ - پندرضلعی‌ها؛ صفحه ۶۳)

(رضا عباسی اصل)

«گزینه ۴» - ۱۷۹

قطر DB را رسم می‌کنیم، داریم:



(فیزیک ا- ویرگی های فیزیکی موارد: صفحه های ۷۵ تا ۷۱)

(عبدالرضا امین نسب)

«۲» - ۱۸۵ گزینه

با توجه به نمودار، فشار هوا در شهر اردکان برابر با 80 kPa است. اگر

آزمایش توریچلی را در شهر اردکان، با آب انجام دهیم، داریم:

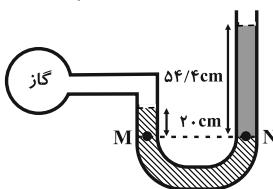
$$\begin{aligned} P_A &= P_B \\ \Rightarrow P_0 &= \rho gh_{\text{آب}} \\ \Rightarrow 80 \times 10^3 &= 10^3 \times 10 \times h_{\text{آب}} \\ \Rightarrow h_{\text{آب}} &= 8\text{ m} \end{aligned}$$

(فیزیک ا- ویرگی های فیزیکی موارد: صفحه های ۷۰ تا ۶۹)

(ممدرعصر مفتاح)

«۴» - ۱۸۶ گزینه

با استفاده از برابری فشار در نقاط همتراز از یک مایع ساکن، داریم:



$P_M = P_N$

$\Rightarrow P_{\text{گاز}} + P_{\text{جیوه}} = P_0 + P_{\text{آب}}$

$\Rightarrow P_{\text{گاز}} - P_{\text{آب}} = P_0 - P_{\text{جیوه}} \Rightarrow P_{\text{آب}} = P_0 - P_{\text{جیوه}}$

چون پاسخ بر حسب سانتی متر جیوه خواسته شده است، کافی است فشار ناشی

از ستون آب را بر حسب سانتی متر جیوه محاسبه کرده و در رابطه فوق قرار

دهیم. داریم:

$\text{جیوه}'_{\text{آب}} = \rho_{\text{آب}} h'$

$\Rightarrow 1 \times 54/4 / 4 = 13 / 6 \times h'_{\text{جیوه}} \Rightarrow h'_{\text{جیوه}} = 4\text{ cm}$

$\Rightarrow P_{\text{آب}} = 4\text{ cmHg}$

بنابراین داریم:

$P_{\text{آب}} = 4 - 20 = -16\text{ cmHg}$

(فیزیک ا- ویرگی های فیزیکی موارد: صفحه های ۷۰ تا ۷۱)

فیزیک ۱

«۲» - ۱۸۱ گزینه

اکسید آلومینیم در ابعاد بزرگتر از نانو، عایق الکتریکی است، اما در ابعاد نانو، مانند رسانای الکتریکی عمل می کند.

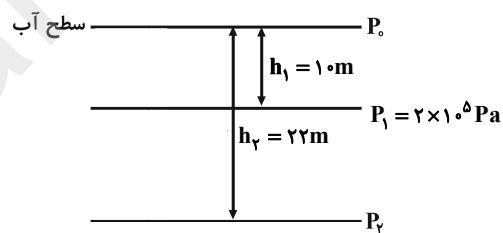
(فیزیک ا- ویرگی های فیزیکی موارد: صفحه های ۶۰ تا ۶۶)

«۲» - ۱۸۲ گزینه

هر چه قطر لوله ممکن کمتر باشد، ارتفاع ستون آب در آن بیشتر است. بنابراین با کوچک شدن سطح مقطع لوله ممکن، آب در داخل لوله بیشتر از ۱۰ سانتی متر بالا می رود.

(فیزیک ا- ویرگی های فیزیکی موارد: صفحه های ۶۹ و ۷۰)

«۲» - ۱۸۳ گزینه

با استفاده از رابطه فشار کل در عمق h از سطح آزاد یک مایع ساکن، داریم:

$P_{\text{کل}} = P_0 + \rho gh$

$\Rightarrow \begin{cases} P_1 = P_0 + \rho gh_1 \\ P_Y = P_0 + \rho gh_Y \end{cases} \Rightarrow P_Y = P_1 + \rho g(h_Y - h_1)$

$\Rightarrow P_Y = 2 \times 10^5 + 1000 \times 10 \times (22 - 10) = 3/2 \times 10^5 \text{ Pa}$

(فیزیک ا- ویرگی های موارد: صفحه های ۷۱ تا ۷۵)

«۴» - ۱۸۴ گزینه

با توجه به برابری فشار در نقاط همتراز از یک مایع ساکن، داریم:

$P_N = P_M \Rightarrow \rho_A g h_A + P_0 = \rho_B g h_B + \rho_C g h_C + P_0$

$\Rightarrow \rho_A h_A = \rho_B h_B + \rho_C h_C$

$\Rightarrow \rho_A \times 14 = 1/2 \times 3 + 0/8 \times 13$

$\Rightarrow \rho_A = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$

**فیزیک ۱ (گواه)**

(کتاب آن)

۱۹۱ - گزینه «۴»

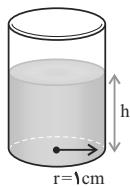
اگر نیروی دگرچسبی بین مولکول‌های یک مایع و سطحی که با آن در تماس است بیشتر از نیروی همچسبی مولکول‌های مایع باشد، مایع بر روی سطح پهن می‌شود و به اصطلاح آن را تر می‌کند.

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی مواد؛ صفحه‌های ۶۶ تا ۶۹)

(کتاب آن)

۱۹۲ - گزینه «۴»

روش اول: مستله فشار حاصل از حجم معینی از آب را در یک ظرف استوانه‌ای می‌خواهد.



در صورت سؤال ρ معلوم است و h به طور صریح داده نشده، اما قطر مقطع (D) و حجم آب (V) معلوم است. بنابراین ابتدا با استفاده از رابطه $V = Ah$ ارتفاع h را می‌یابیم و سپس به کمک رابطه $P = \rho gh$ مستله را حل می‌کنیم.

$$V = Ah \Rightarrow h = \frac{V}{A} = \frac{V}{\pi r^2} = \frac{V}{\pi \left(\frac{D}{2}\right)^2} = \frac{V}{\pi \left(\frac{D}{2}\right)^2} = \frac{V}{\pi \left(\frac{10}{2}\right)^2} = \frac{V}{\pi \times 25} = \frac{V}{25\pi}$$

$$h = \frac{157}{25\pi} = 50 \text{ cm} = 0.5 \text{ m}$$

$$P = \rho gh \xrightarrow{\rho = 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, h = 0.5 \text{ m}}$$

$$P = 10^3 \times 10 \times 0.5 = 5000 \text{ Pa}$$

روش دوم: با داشتن حجم آب و با استفاده از رابطه چگالی، می‌توانیم جرم و با داشتن قطر داخلی، می‌توانیم سطح مقطع را نیز بیابیم و در نهایت با استفاده

$$\text{از رابطه } P = \frac{W}{A} \text{ فشار را به دست آوریم.}$$

$$m = \rho V \xrightarrow{\rho = 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, V = 157 \text{ cm}^3 = 157 \times 10^{-6} \text{ m}^3}$$

$$m = 10^3 \times 157 \times 10^{-6} = 157 \times 10^{-3} \text{ kg}$$

$$P = \frac{W}{A} = \frac{mg}{A} = \frac{mg}{\pi r^2} = \frac{m = 157 \times 10^{-3} \text{ kg}}{\pi \left(\frac{D}{2}\right)^2 = \pi \left(\frac{10}{2}\right)^2 \text{ m}^2}$$

$$P = \frac{157 \times 10^{-3} \times 10}{\pi \times 25} = 5000 \text{ Pa}$$

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی مواد؛ صفحه‌های ۷۰ تا ۷۵)

(امیرحسین مهوزی)

۱۸۷ - گزینه «۱»

با افزایش عمق مایع از سطح آزاد آن، فشار بیشتر می‌شود. از این‌رو به دلیل اختلاف فشار موجود در بالا و پایین جسمی که در شاره قرار دارد، نیروی بالا بر جسم وارد می‌شود که همان نیروی شناوری است.

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی مواد؛ صفحه‌های ۷۸ تا ۸۱)

۱۸۸ - گزینه «۲»

چون جسم توبه هم روی آب و هم روی مایع شناور است، پس چگالی آن از چگالی آب و مایع کمتر است (شرط شناوری). از طرفی، چون در مایع نسبت به آب بیشتر فرو می‌رود، پس چگالی مایع از چگالی آب کمتر است. این شرایط فقط در گزینه «۲» برقرار است.

$$\text{آب } \rho < \text{ مایع } < \text{ جسم}$$

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی مواد؛ صفحه‌های ۷۸ تا ۸۱)

۱۸۹ - گزینه «۲»

شناوری کشته در آب دریا را می‌توان به واسطه نیروی شناوری وارد بر آن (اصل ارشمیدس) توجیه کرد ولی باقی گزینه‌ها را می‌توان به وسیله اصل برنولی توجیه نمود.

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی مواد؛ صفحه‌های ۷۸ تا ۸۱)

(محمد‌اکبری)

۱۹۰ - گزینه «۳»

با توجه به این که در هر ثانية 10^8 kg آب از لوله خروجی خارج می‌شود، آهنگ شارش شاره برابر است با:

$$\Delta m = \frac{\rho \Delta V}{\Delta t} = \frac{\rho L A}{\Delta t} = \rho A v$$

$$\Rightarrow 10^8 = 10^3 \times 10^{-3} \frac{\text{m}^3}{\text{s}} \Rightarrow \text{خروجی} = 10^8 \times 10^{-3} \frac{\text{m}^3}{\text{s}}$$

حال با استفاده از معادله پیوستگی و با توجه به این که حریان آب در لوله در حالت پایا برقرار است، می‌توان نوشت:

$$(Av)^3 = 10^8 \times 10^{-3} \Rightarrow 3 \times (0/3)^2 \times v = \text{خروجی} = (Av) \text{ ورودی}$$

$$\Rightarrow v = 0 / 4 \frac{\text{m}}{\text{s}} \text{ ورودی}$$

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی مواد؛ صفحه‌های ۸۲ تا ۸۵)



چون فشار گاز بر حسب cmHg داده شده و مسئله P را نیز بر حسب cmHg می خواهد، بهتر است فشار حاصل از ستون آب (P_h) را بر حسب cmHg بیابیم بنابراین داریم:

$$\rho_{جیوه} h = \rho_{آب} h_{آب} \Rightarrow \rho_{آب} = \frac{\rho_{جیوه} h}{h_{آب}} = \frac{13/6}{34} \text{ cm} \rightarrow$$

$$13/6 h = 1 \times 34 \Rightarrow h_{جیوه} = 2/5 \text{ cm}$$

حال داریم:

$$P_0 = P_g + P_h = 72 + 2/5 = 74/5 \text{ cmHg}$$

(فیزیک ا- ویرگی های فیزیکی مواد؛ صفحه های ۷۰ تا ۷۶)

«۳» - ۱۹۳

در اینجا مساحت کف ظرف (A)، فاصله از سطح آزاد مایع (h) و چگالی (ρ) معلوم است. برای یافتن F چنین عمل می کنیم:

$$F = PA = \rho ghA$$

$$\rho = 1000 \text{ kg/m}^3, h = 0.3 \text{ m}, A = 100 \text{ cm}^2 = 10^{-2} \text{ m}^2 \rightarrow$$

$$F = 1000 \times 10 \times 0.3 \times 10^{-2} = 24 \text{ N}$$

(فیزیک ا- ویرگی های فیزیکی مواد؛ صفحه های ۷۰ تا ۷۵)

«۴» - ۱۹۴

مطابق شکل رویه رو، آب و نفت در تعادلند و می خواهیم اختلاف فشار بین نقاط (A و A') و (B و B') را مقایسه کنیم. برای این کار ابتدا در هر شاخه، به طور مستقل رابطه بین فشارها را می نویسیم:

$$P_A = P_B + \rho g \Delta h \quad (1) \quad \text{شاخه سمت چپ}$$

$$P_{A'} = P_{B'} + \rho g \Delta h \quad (2) \quad \text{شاخه سمت راست}$$

حال رابطه (2) را از (1) کم می کنیم و خواهیم داشت:

$$P_A - P_{A'} = P_B - P_{B'} + g \Delta h \quad (آب - \rho_{نفت}) \quad (3)$$

$$\Rightarrow \Delta P_1 = \Delta P_2 + g \Delta h \quad (\underbrace{\Delta P_1}_{آب - \rho_{نفت}} \quad \underbrace{g \Delta h}_{منفی}) \quad (3)$$

با توجه به اینکه چگالی نفت کم تراز چگالی آب است، بنابراین آخرین عبارت

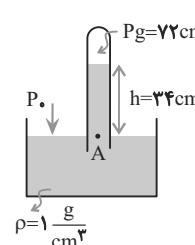
سمت راست رابطه (3) منف است و خواهیم داشت:

$$\Delta P_1 - \Delta P_2 < 0 \Rightarrow \Delta P_1 < \Delta P_2$$

(فیزیک ا- ویرگی های فیزیکی مواد؛ صفحه های ۷۰ تا ۷۵)

«۲» - ۱۹۵

در این مسئله، بارومتری نشان داده شده که فشار گاز محبوس در بالای لوله ۷۲ cmHg است و می خواهیم فشار هوا را بر حسب سانتی متر جیوه بیابیم.



در لوله U شکل داخل مخزن، رابطه (1) (لوله سمت چپی) و در لوله U شکل سمت راست رابطه (2) را خواهیم داشت.

$$P_A = P_B \Rightarrow P = P' + \rho gh \quad (1)$$

$$P_C = P_D \Rightarrow P' = P_0 + \rho' gh' \quad (2)$$

در رابطه (1) به جای P' معادلش را از رابطه (2) جایگزین می کنیم:

$$P = P_0 + \rho' gh' + \rho gh$$

$$\frac{P = 1/3 \times 10^5 \text{ Pa}, P_0 = 10^5 \text{ Pa}, \rho' = 1000 \text{ kg/m}^3}{\rho = 13600 \text{ kg/m}^3, h' = 0.28 \text{ m}}$$

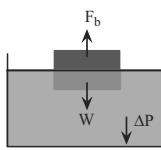
$$1/3 \times 10^5 = 10^5 + 10^3 \times 10 \times 0.28 + 13600 \times 10 \times h$$

$$2/72 \times 10^4 = 13/6 \times 10^4 h \Rightarrow h = \frac{1}{\Delta} \text{ m} = 20 \text{ cm}$$

(فیزیک ا- ویرگی های فیزیکی مواد؛ صفحه های ۷۰ تا ۷۸)

مطابق شکل، فشار نقطه A برابر P و برابر مجموع فشار ستون آب درون لوله و فشار گاز محبوس است. بنابراین داریم:

$$P_0 = P_A = P_g + P_h$$



$$\Delta P = \frac{\Delta F}{A} = \frac{W_{چوب}}{A_{کف}}$$

از طرف دیگر چوب شناور است، پس وزن چوب برابر نیروی شناوری (5 N)

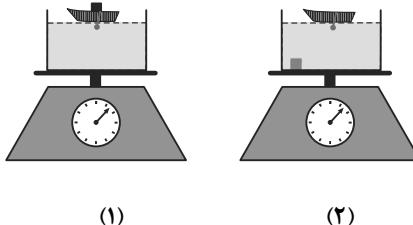
است. بنابراین داریم:

$$\Delta P = \frac{W_{چوب}}{A_{کف}} = \frac{W=5\text{ N}}{A=400\text{ cm}^2=4\times 10^{-2}\text{ m}^2} \Rightarrow \Delta P = \frac{5}{4\times 10^{-2}} = 125\text{ Pa}$$

(فیزیک ا- ویژگی‌های فیزیکی موارد: صفحه‌های ۷۰ تا ۸۱)

- ۱۹۷ - گزینه «۲»

(کتاب آی)



(۱) (۲)

مطابق شکل (۱)، یک قطعه فولادی که روی قایق اسباب‌بازی قرار دارد، بر سطح آب شناور است و مجموعه روی باسکولی قرار دارد. قطعه را از روی قایق بر می‌داریم و داخل ظرف می‌اندازیم (شکل ۲). می‌خواهیم تغییر سطح آب و عدد باسکول پس از انداختن قطعه به داخل آب را مقایسه کنیم.

بررسی تغییر سطح آب: در حالت (۱) که قطعه شناور است، حجمی که آب جابه‌جا می‌شود، آنقدر هست که وزن آن برابر وزن قطعه باشد، اما چون چگالی آب کم‌تر از فولاد است، حجم آب جابه‌جا شده بسیار بیش‌تر از حجم قطعه است (تا هم‌وزن شوند). در حالت دوم که قطعه درون آب قرار دارد، فقط به اندازه حجم خود که اشغال کرده، آب را جابه‌جا می‌کند، بنابراین سطح آب در حالت دوم کمی پایین می‌رود.

بررسی تغییر عدد باسکول: عددی که باسکول نشان می‌دهد، برابر وزن مجموعه‌ای است که بر روی آن قرار دارد (ظرف، آب، قایق و قطعه)، لذا در حالت اول و دوم وزن مجموعه ثابت است، بنابراین عدد باسکول در هر دو حالت برابرند.

دقت کنید که عدد باسکول به نیروهای داخلی مجموعه‌ای که روی آن قرار دارد، بستگی ندارد و صرفاً وزن کل آن‌ها را نشان می‌دهد.

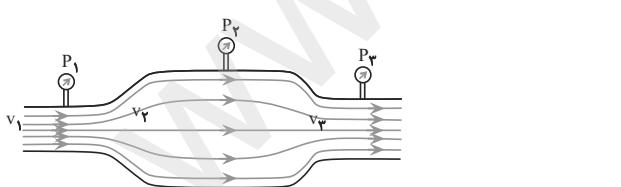
(فیزیک ا- ویژگی‌های فیزیکی موارد: صفحه‌های ۷۱ تا ۸۱)

- ۱۹۸ - گزینه «۳»

(کتاب آی)

- ۲۰۰ - گزینه «۱»

(کتاب آی)



مطابق شکل، می‌خواهیم تندی حرکت شاره و فشار آن را در ناحیه‌های (۱)،

(۲) و (۳) مقایسه کنیم:

در جریان پایای یک شاره، هر چه سطح مقطع کوچک‌تر باشد، تندی شاره بیش‌تر و طبق اصل برنولی فشار شاره کم‌تر خواهد بود. بنابراین:

$$v_2 < v_3 < v_1$$

$$P_2 > P_3 > P_1$$

(فیزیک ا- ویژگی‌های فیزیکی موارد: صفحه‌های ۸۱ تا ۸۶)

در این مسئله می‌خواهیم افزایش فشار بر کف ظرف استوانه‌ای حاوی آب را در اثر شناور ساختن یک قطعه چوب بیابیم.

چون سطح مقطع ظرف یکسان است، بنابراین فشار وارد بر کف ظرف (قبل از شناورسازی چوب) حاصل از وزن آب درون آن است و با شناور ساختن چوب، وزن چوب نیز به نیروی وارد بر کف ظرف اضافه می‌شود، بنابراین تغییر فشار برابر است با:



شیمی ۱

۲۰۱ - گزینه «۱»

هر چهار عبارت درست است.

(ممدرسون محمدزاده مقدم)

۲۰۲ - گزینه «۲»

بررسی گزینه نادرست:

آب باران به دلیل وجود CO_2 حل شده در آن دارای خاصیت اسیدی بوده و آن اندازه از ۷ کمتر است.

(شیمی ا، صفحه های ۶۵ تا ۶۷)

۲۰۳ - گزینه «۳»

نام درست ترکیب ها:

(۱) P_2O_5 : دی فسفر پنتاکسید

(۲) آهن (II) FeCl_2 : کلربید

(۳) Na_2O : سدیم اکسید

(شیمی ا، صفحه های ۶۲ تا ۶۴)

۲۰۴ - گزینه «۳»

بررسی گزینه های نادرست:

(۱) بخش عمده ای از پرتوهای خورشیدی توسط زمین جذب می شود.

(۲) زمین گرمای جذب شده را به صورت تابش فروسرخ از دست می دهد.

(۳) اگر هوا کره وجود نداشت، میانگین دمای کره زمین کاهش می یابد.

(شیمی ا، صفحه ۷۳)

۲۰۵ - گزینه «۳»

واکنش پذیری گاز اوزون از اکسیژن بیشتر است.

(شیمی ا، صفحه ۷۹)

(مینیا شرافتی پور)

۲۰۶ - گزینه «۲»

بررسی همه گزینه ها:

گزینه «۱»: واکنش سوختن برخلاف واکنش اکسایش به سرعت انجام می گیرد.

گزینه «۲»: روی، آخرین فلز واسطه تناوب چهارم جدول دوره ای است و فلزی که سنگ معدن آن بوکسیت نام دارد، همان آلومینیم است. در شرایط یکسان آلومینیم سریعتر از روی با اسید واکنش می دهد.

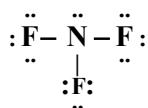
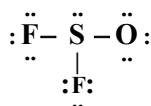
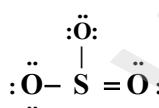
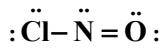
گزینه «۳»: زنگ زدن آهن یک واکنش اکسایش است که در آن، آهن با اکسیژن در هوای مرطوب (دارای H_2O) واکنش داده و زنگ آهن را تشکیل می دهد.

گزینه «۴»: اغلب فلزها در طبیعت به شکل ترکیب یافت می شوند. مانند:
 Fe_3O_4 و Al_2O_3

(شیمی ا، صفحه های ۶۰ تا ۶۳)

۲۰۷ - گزینه «۱»

ساختار لوویس چهار ترکیب به صورت زیر است:



(شیمی ا، صفحه های ۶۵ و ۶۴)

(نماید زین)

- ۲۱۰ گزینه «۴»

عبارت «الف»: در هر یک از ترکیب‌های زیر ۶ جفت الکترون ناپیوندی

وجود دارد، پس مجموع شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی این دو ترکیب

برابر با ۱۲ جفت است.

عبارت «ب»: ترکیب Cl_2O دارای ۲۰ الکترون در لایه ظرفیت (پیوندی وناپیوندی) است و ترکیب N_2O دارای ۱۶ الکترون در لایه ظرفیت (پیوندیو ناپیوندی) است. $(\frac{20}{16} = \frac{2}{2})$ 

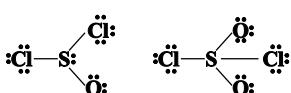
عبارت «پ»: هر دو ترکیب دارای ۸ جفت الکترون در لایه ظرفیت هستند.

عبارت «ت»: اگر از SO_2Cl_2 یک اتم اکسیژن کم کنیم، ترکیب

حاصل می‌شود. نسبت تعداد الکترون‌های ناپیوندی به الکترون‌های پیوندی در

 SO_2Cl_2 برابر با ۳ است. در حالی که این نسبت برای SOCl_2 برابر با

۳ / ۳۳ است.



(شیمی ا، صفحه‌های ۶۴ و ۶۵)

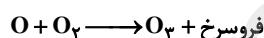
(امید علی برخورداریون)

- ۲۰۸ گزینه «۳»

عبارت «الف» نادرست است. آلوتروپ‌ها لزوماً فرمول شیمیایی یکسانی ندارند. (مانند O_2 و O_3).

عبارت «ب» نادرست است. اصطلاح لایه اوزون به منطقه مشخصی از استراتوسفر می‌گویند که بیشترین مقدار اوزون در آن محدوده است.

عبارت «پ» درست است. در استراتوسفر:



عبارت «ت» درست است. اوزون تروپوسفری از واکنش زیر به دست می‌آید:

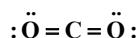


اوزون تروپوسفری آلاینده‌ای سمی و خطرناک به شمار می‌رود. به طوری که وجود آن در هوایی که تنفس می‌کنیم سبب سوزش چشمان و آسیب دیدن ریه‌ها می‌شود.

(شیمی ا، صفحه‌های ۷۷ تا ۸۱)

(ممدر وزیری)

- ۲۰۹ گزینه «۴»



گزینه «۱»: درست

گزینه «۲»: درست است.

گزینه «۳»: درست است: رشتة درونی آنها از جنس فولاد و روکش بیرونی

آنها از جنس آلمینیم می‌باشد.

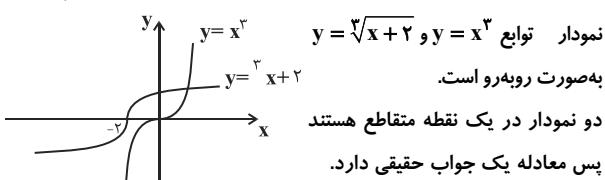
نام سوخت	بنزین	غاز طبیعی	هیدروژن	زغال سنگ
گرمایی افزاد شده (کیلوژول بر گرم)	۴۸	۵۴	۱۲۳	۲۰
فرآورده‌های سوختن	CO, CO ₂ , H ₂ O	H ₂ O	CO, CO ₂ , H ₂ O, SO ₂	CO, CO ₂ , H ₂ O
قیمت (ریال به ازای یک گرم)	۱۴	۵	۲۸۰۰	۴

گزینه «۴»

(شیمی ا، صفحه‌های ۷۷، ۶۴، ۶۳ و ۶۵ تا ۷۷)



(کاظم اجلالی)



(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۴)

گزینه «۱»

نمودار توابع $y = x^3$ و $y = \sqrt[3]{x+2}$ به صورت رویه‌رو است.

دو نمودار در یک نقطه متقاطع هستند

پس معادله یک جواب حقیقی دارد.

(سعید مریرفر اسانی)



(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۴)

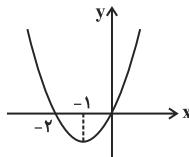
گزینه «۴»

با توجه به نمودار، تابع غیریکنواست.

(عادل حسینی)

گزینه «۱»

نمودار تابع $y = x^3 + 2x$ به صورت زیر رسم می‌کنیم: همان‌طور که مشاهده می‌کنیم، اگر تابع ۱ واحد به سمت راست بیاید، همچنان در بازه $[0, +\infty)$ صعودی است اما بیشتر از ۱ واحد به سمت راست آمدن آن باعث نزولی شدن آن در قسمتی از این بازه می‌شود. بنابراین حداقل مقدار a برابر ۱ است.



(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۶)

(عادل حسینی)

گزینه «۳»

می‌دانیم اگر تابع $y = f(x)$ اکیداً نزولی باشد، تابع $y = -f(x)$ اکیداً صعودی و تابع $y = -f(-x)$ اکیداً نزولی است.

با توجه به این نکته که انتقال‌ها و انبساط‌ها (انقباض‌ها) تغییری در یکنواختی توابع ایجاد نمی‌کنند، برای پیدا کردن بازه مورد نظر در سؤال، کافی است.

تابع متناظر با بازه $[2, 3]$ را در تابع $y = -3f(1-x)$ پیدا کنیم. داریم: $2 \leq 1-x \leq 3 \Rightarrow -3 \leq x-1 \leq -2$

 $\Rightarrow -2 \leq x \leq -1$

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۶)

(بهانه‌پنجم نیکنام)

گزینه «۲»

روش اول:

$$x^5 + 3x = (x+2)(x^4 - 2x^3 + 4x^2 - 8x + 16)$$

$$= 11 - (1 - 2 + 4 - 8 + 16) = 11$$

روش دوم: مجموع ضرایب یک چند جمله‌ای مانند $P(x)$ برابر با (1) می‌باشد.

$$x^5 + 3x = (x+2)P(x)$$

$$x = 1 \Rightarrow 3x = 3 \times P(1) \Rightarrow P(1) = 11$$

(مسابان ۲ - تابع: صفحه ۲۰)

حسابان ۲

گزینه «۲»

(بهانه‌پنجم نیکنام)

$$(1, 1) \rightarrow (2, 5) \Rightarrow \begin{cases} 2a + b = 5 \\ b + a = 1 \end{cases} \Rightarrow a = 3, b = 2$$

$$\Rightarrow g(x) = 2f(3x+2) + 3$$

$$(-1, 2) \in f \Rightarrow \begin{cases} 3x+2 = -1 \Rightarrow x = -1 \\ 2(3x+2) + 3 = 9 \Rightarrow y = 9 \end{cases} \Rightarrow (1, 9) \in g$$

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۴)

گزینه «۳»

(سعید مریرفر اسانی)

$$g = f(x) \xrightarrow{x \rightarrow -x} y = f(-x) \xrightarrow{x \rightarrow x+3} y = f(-(x+3)) = f(-x-3) \xrightarrow{f \rightarrow 3f} 3f(-x-3)$$

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

گزینه «۳»

(سعید مریرفر اسانی)

چون به x یک واحد اضافه شده است ابتدا تابع را یک واحد به طرف چپ می‌بریم، سپس عرض همه نقاط آن را در $\frac{1}{2}$ ضرب می‌کنیم (نمودار جدید در راستای محور y ها به اندازه $\frac{1}{2}$ منقبض می‌گردد)، سپس قرینه آن را نسبت به محور x ها

بدست می‌آوریم و در انتها نیز نمودار حاصل را به اندازه یک واحد در راستای محور y ها بالا می‌بریم، در نتیجه نمودار گزینه «۳» حاصل می‌گردد.

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

گزینه «۲»

(بهانه‌پنجم نیکنام)

$$\text{یک واحد به راست } \xrightarrow{y = x} y = (x-1)^3$$

$$\text{واحد به سمت بالا } \xrightarrow{k} y = (x-1)^3 + k = x^3 - 3x^2 + 3x$$

$$\Rightarrow x^3 - 3x^2 + 3x - 1 + k = x^3 - 3x^2 + 3x$$

$$\Rightarrow -1 + k = 0 \Rightarrow k = 1$$

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

گزینه «۳»

(یاسین سپهر)

کافی است نمودار $f(x) = x^3 - 3x^2 + 3x$ را رسم نماییم.

$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 3x = (x-1)^3 + 1$$

نمودار این تابع به صورت رویه‌رو خواهد بود.

همان‌طور که مشاهده می‌کنیم x و $f(x)$ هم علامت هستند، بنابراین در تمام نقاط \mathbb{R} به جز

$$x = 0 \text{ داریم: } \frac{x}{f(x)} \geq 0 \text{ پس دامنه این تابع } \mathbb{R} - \{0\} \text{ می‌باشد.}$$

توجه: با استفاده از عددگذاری و حذف گزینه هم می‌توان گزینه صحیح را پیدا کرد.

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)



$$\Rightarrow (AA^{-1} + 2AB^{-1})B = AB \Rightarrow (I + 2AB^{-1})B = AB$$

$$\Rightarrow B + 2A \underbrace{B^{-1}B}_I = AB$$

$$\Rightarrow B + 2A = AB$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

(رضا عباس‌اصل)

گزینه «۱» - ۲۲۶

$$A^{-1} = \frac{1}{1 \times 3 - 0 \times (-1)} \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$A^{-1}B = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 6 & 3 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 6 & 3 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 3a & 3 \\ a & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 & 3 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow a = 2$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

(سید امیر شتوره)

گزینه «۲» - ۲۲۷

$$I - \lambda A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} \frac{\lambda}{2} & -\frac{\lambda}{2} \\ -\frac{\lambda}{2} & \frac{\lambda}{2} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 - \frac{\lambda}{2} & \frac{\lambda}{2} \\ \frac{\lambda}{2} & 1 - \frac{\lambda}{2} \end{bmatrix}$$

شرط وارون‌بزیری $|I - \lambda A| \neq 0$ است که $|I - \lambda A| = 1 - \lambda^2 \neq 0 \Rightarrow \lambda \neq 1$, پس داریم:

$$\left(1 - \frac{\lambda}{2}\right)^2 - \frac{\lambda^2}{4} \neq 0 \Rightarrow 1 - \lambda \neq 0 \Rightarrow \lambda \neq 1$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

(کاظم باقرزاده)

گزینه «۳» - ۲۲۸

$$A^{-1} = A \Rightarrow AA^{-1} = A^2 \Rightarrow A^2 = I$$

$$(A + A^{-1})^2 = (A + A)^2 = (2A)^2 = 4A^2 = 4I$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

(علی‌رضا بورمن)

گزینه «۴» - ۲۲۹

دترمینان ماتریس وارون‌بزیر، مخالف صفر است، پس ماتریس‌های مورد نظر عبارت است از:

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

(کیوان دارابی)

گزینه «۲» - ۲۳۰

$$A^2 = \begin{bmatrix} 3 & -7 \\ 1 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & -7 \\ 1 & -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & -7 \\ 1 & -3 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow A^3 = A^2 \times A = \begin{bmatrix} 2 & -7 \\ 1 & -3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & -7 \\ 1 & -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} = -I$$

$$\Rightarrow A^{10} = A^9 \times A = (A^3)^3 A = (-I)^3 \times A = -A$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۷ و ۱۸)

(میلار منصوری)

هندسه ۳

«۲» - ۲۲۱

داریم:

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

بنابراین مجموع درایه‌های واقع بر قطر اصلی A برابر است با:

$$0 + 0 + 1 = 1$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۷ و ۱۸)

«۳» - ۲۲۲

(میلار منصوری)

$$\text{ماتریس اسکالر } A = \begin{bmatrix} a & 0 & 0 \\ 0 & a & 0 \\ 0 & 0 & a \end{bmatrix} \text{ است که مجموع}$$

درایه‌های آن $3a$ است. بنابراین داریم:

$$3a = 1 \Rightarrow a = \frac{1}{3}$$

حاصل ضرب درایه‌های قطر اصلی این ماتریس برابر است با:

$$a^3 = \frac{1}{27}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه ۱۳)

«۴» - ۲۲۳

(جوار هاتم)

$$A^2 = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 3 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 3 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 6 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$A^3 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 6 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 3 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$A^4 = \bar{O} \xrightarrow{\times A} A^4 = \bar{O} \xrightarrow{\times A} A^5 = \bar{O}$$

$$A + A^2 + \underbrace{A^3 + A^4 + A^5}_{\bar{O}} = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 3 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 3 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۷ و ۱۸)

«۵» - ۲۲۴

(کیوان دارابی)

$$A + B = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 \\ 1 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & 3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 & -2 & -1 \\ -1 & 1 & 1 \\ 0 & -1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix} = 3I$$

$$A^2 + AB + 2B = A(A + B) + 3B = A \times 3I + 3B$$

$$= 3A + 3B = 3(A + B) = 3 \times 3I = 9I$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۷ و ۱۸)

«۶» - ۲۲۵

(کیوان دارابی)

عبارت $A^{-1} + 2B^{-1} = I$ را از سمت چپ در ماتریس A و از سمت راست در ماتریس B ضرب می‌کنیم، داریم:

$$A^{-1} + 2B^{-1} = I \Rightarrow A(A^{-1} + 2B^{-1})B = AIB$$



b	۲۶	۲۷
a	۳۱۱	۳۲۲
x	✓	

پس $a_{\min} = 322$ در نتیجه رقم وسط برابر ۲ است.

(ریاضیات گسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۴ تا ۱۶)

(همون نویائی)

«۴» - ۲۳۷

$$\begin{aligned} 11 \\ \lambda a - 5 \equiv 1 - 4a \Rightarrow 12a \equiv 6 &\xrightarrow[\text{(۶,۱۱)=۱}]{\div 6} 2a \equiv 1 \equiv 12 &\xrightarrow[\text{(۱۱,۲)=۱}]{\div 2} \\ a \equiv 6 \Rightarrow \begin{cases} a^2 \equiv 36 \\ 3a \equiv 18 \end{cases} &\Rightarrow a^2 - 3a \equiv 18 \Rightarrow a^2 - 3a + 2 \equiv 20 \equiv 9 \end{aligned}$$

(ریاضیات گسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ تا ۲۲)

(ضا پورحسینی)

«۱» - ۲۳۸

$$2^5 = 32 \equiv 1 \xrightarrow{\text{توان}} 2^{70} \equiv 1 \xrightarrow{\times 2} 2^{71} \equiv 2$$

(ریاضیات گسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ تا ۲۱)

(مقترن منتهی)

«۴» - ۲۳۹

$$\begin{aligned} 5^3 \equiv 125 \equiv 1 &\xrightarrow{\text{به توان}} 5^{210} \equiv 1 \\ &\xrightarrow{\times 5^3} 5^{212} \equiv 25 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow 5^{212} + a \equiv 25 + a \equiv 0 \Rightarrow a_{\min} = 6$$

(ریاضیات گسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ تا ۲۱)

(پژوه هاتمی)

«۳» - ۲۴۰

$$15 \\ 24x \equiv 42y \xrightarrow[\text{(۱۵,۶)=۳}]{\div 6} 4x \equiv 7y \quad \text{گزینه «۴»:} \\ \text{گزینه «۳»:}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 4x \equiv 7y & \xrightarrow[\text{(۴,۲)=۱}]{\div 2} 2x \equiv y \\ 4x \equiv 12y & \xrightarrow[\text{(۴,۴)=۱}]{\div 4} x \equiv 3y \end{cases} \quad \text{گزینه «۲»:} \\ \text{گزینه «۱»:}$$

با انتخاب $y = 4$ و $x = 7$ نیز می‌توان نشان داد که گزینه «۳» نادرست است.

(ریاضیات گسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه ۲۲)

ریاضیات گسته

«۳» - ۲۳۱

(مهرداد ملندی)

مثال نقض برای گزینه (۳): با فرض $p = 2$ و $q = 3$ ، عدد $p+q = 5$ نیز عددی اول است. درستی گزینه‌های دیگر را خودتان بررسی کنید.

(ریاضیات گسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲ و ۳)

«۳» - ۲۳۲

(مسیم تباره)

$$a^2 | a+b \xrightarrow{x(a-b)} \begin{cases} a^2 | a^2 - b^2 \\ a^2 | a^2 \end{cases} \Rightarrow a^2 | b^2 \quad \text{گزینه «۱»:}$$

$$\begin{cases} a^2 | a+b \\ a | a \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a | a+b \\ a | a \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a | b \\ a | a \end{cases} \Rightarrow a | 3b - 2a \quad \text{گزینه «۲»:}$$

$$\begin{cases} a^2 | b^2 \\ a^2 | a^2 \end{cases} \xrightarrow{\text{مجموع}} a^2 | a^2 + b^2 \quad \text{گزینه «۴»:}$$

مثال نقض برای گزینه (۳): $a = 3$ ، $b = 6$

(ریاضیات گسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۹ تا ۱۲)

«۴» - ۲۳۳

(سروش موئینی)

$$\begin{cases} x+3 | 4x-1 \\ x+3 | 4x+12 \end{cases} \Rightarrow x+3 | 13 \Rightarrow x+3 = 13 \Rightarrow x+3 = 1 \Rightarrow x = 1 \quad \text{یا} \quad 1 - 13 = 12$$

بنابراین تنها مقدار طبیعی ممکن برای x ، عدد ۱۰ است و تنها نقطه با مختصات طبیعی روی این منحنی می‌باشد.

(ریاضیات گسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۹ تا ۱۲)

«۲» - ۲۳۴

(سیدوحید زوالفقاری)

مثال نقض: اگر $a = 4$ و $b = 6$ باشد، آنگاه $1 \neq 2 = 4, 6$ (ولی

(ریاضیات گسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۳ تا ۱۷)

«۳» - ۲۳۵

(ضا پورحسینی)

$$a = 23q + 7q \Rightarrow 7q < 23 \Rightarrow q < \frac{23}{7} \Rightarrow q \leq 3$$

$q_{\max} = 3 \Rightarrow a_{\max} = 30(3) = 90 \Rightarrow$

(ریاضیات گسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

«۲» - ۲۳۶

(سروش موئینی)

$$\begin{cases} a = bq + r & \xrightarrow[q=11]{r=25} \begin{cases} a = 11b + 25 \\ 25 < b \end{cases} \\ 0 \leq r < b \end{cases}$$

حالا به b مقدارهای ۲۶ و ۲۷ و ... را می‌دهیم تا a بر ۷ تقسیم پذیر باشد.



$$\Rightarrow (s_{av})_7 = 10 \frac{m}{s}$$

فیزیک ۳

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۲ تا ۱۰)

«۴» - ۲۴۱

(مسین مفروض)

در زمان‌های ۲s و ۶s، شیب خط مماس بر نمودار مکان-زمان که علامت

آن جهت حرکت متحرک را نشان می‌دهد، از مثبت به منفی تغییر می‌کند. با

استفاده از تعریف تندی متوسط و سرعت متوسط، داریم:

$$\Delta t = 6 - 2 = 4s$$

$$l = |-6 - 3| + |6 - (-6)| = 9 + 12 = 21m$$

$$d = 6 - 3 = 3m$$

$$\begin{cases} s_{av} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{21}{4} \frac{m}{s} \\ v_{av} = \frac{d}{\Delta t} = \frac{3}{4} \frac{m}{s} \end{cases} \Rightarrow \frac{s_{av}}{v_{av}} = \frac{21}{3} = 7$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۲ تا ۱۰)

«۳» - ۲۴۲

(غلامرضا مصی)

به کمک رابطه محاسبه تندی متوسط، داریم:

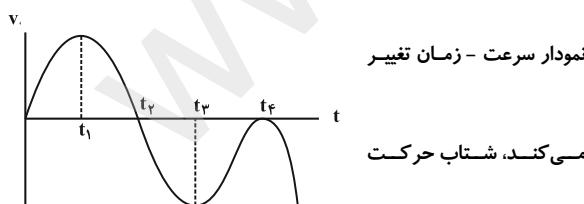
$$\Delta t_1 = \frac{\Delta x_1}{v_1} = \frac{400}{20} = 20s$$

$$v_1 = 2 \cdot \frac{m}{s}$$

$$\underbrace{\Delta x_1}_{\Delta t_1} = 400m \quad \underbrace{\Delta x_7}_{\Delta t_7} = 600m$$

$$\Rightarrow \Delta t_7 = 80 - 20 = 60s$$

$$\Delta x_7 = (s_{av})_7 \Delta t_7 \Rightarrow 600 = (s_{av})_7 \times 60$$



(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۱ تا ۱۳)

(ناصر فوارزمن)

«۴» - ۲۴۶

معادله سرعت - زمان متحرک از روی نمودار به صورت زیر به دست خواهد آمد:

$$v = at + v_0 \xrightarrow{\frac{a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{-v_0}{12}}{12}} v = -\frac{v_0}{12}t + v_0 \quad (1)$$

$$v_{av} = \frac{v + v_0}{2} \xrightarrow{(1)} \frac{v_{av} = \frac{1}{3}v_0}{12} \frac{1}{3}v_0 = \frac{-\frac{v_0}{12}t + v_0 + v_0}{2} \Rightarrow t = 16s$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)

(زهره آقامحمدی)

«۳» - ۲۴۷

با توجه به معادله حرکت داده شده، متحرک با شتاب ثابت روی خط راست

حرکت می‌کند. با مقایسه معادله حرکت متحرک با شکل کلی معادله

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0 \quad \text{حرکت با شتاب ثابت، داریم:}$$

$$\begin{aligned} a &= -2 \frac{m}{s^2} \\ \Rightarrow v_0 &= 4 \frac{m}{s} \\ x_0 &= 0 \end{aligned}$$

پس معادله سرعت - زمان متحرک به صورت زیر است:

$$v = at + v_0 \Rightarrow v = -2t + 4$$

می‌دانیم که در لحظه تغییر جهت، $v = 0$ است و علامت سرعت نیز تغییر

لحظه تغییر جهت: $t = 2s$ می‌کند، پس داریم:

چون سرعت اولیه متحرک برابر با $\frac{m}{s}$ و سرعت آن در لحظه $2s$ برابر با صفر است.

پس نوع حرکت در این بازه کنندشونده بوده و در نتیجه گزینه «۳» نادرست است.

$$x = -t^2 + 4t + 0 = 0 \Rightarrow \begin{cases} t = 0s & \text{ق.ق} \\ t = -1s & \text{غ.ق.ق} \end{cases}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)

(امین بیات بارونی)

«۴» - ۲۴۴

از آنجایی که معادله مکان - زمان حرکت با سرعت ثابت روی خط راست به

صورت $x = vt + x_0$ می‌باشد، لذا نمودار $x - t$ آن، یک نمودار خطی با شیب

غیرصفر و نمودار $t - v$ آن، نمودار ثابت است.

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

(آرش قاسمی)

«۱» - ۲۴۵

با استفاده از معادله سرعت - جابه‌جایی در حرکت با شتاب ثابت، جابه‌جایی در

قسمت اول و سوم حرکت و با استفاده از معادله حرکت با سرعت ثابت در مسیری

مستقیم، جابه‌جایی در قسمت دوم حرکت را به دست می‌آوریم و سپس جابه‌جایی

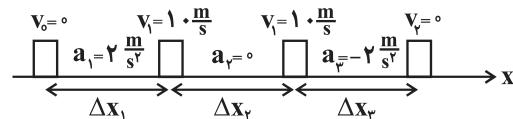
کل را حساب می‌کنیم.

$$v_1' = v_0' + 2a_1 \Delta x_1 \Rightarrow 0 = 0 + 2 \times (2) \times \Delta x_1 \Rightarrow \Delta x_1 = 25m$$

$$\Delta x_2 = v_1 t = 1 \times 3 = 3 \cdot m$$

$$v_2' = v_1' + 2a_2 \Delta x_2 \Rightarrow 0 = 0 + 2 \times (-2) \times \Delta x_2 \Rightarrow \Delta x_2 = 25m$$

$$\Delta x_{\text{کل}} = 25 + 3 + 25 = 53 \cdot m$$



(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)



(محمدعلی راست پیمان)

«۲۵۰ - گزینه ۲»

اگر جهت مثبت را به سمت بالا و محل رها شدن گلوله‌ها را به عنوان مبدأ مکان

در نظر بگیریم، معادله حرکت گلوله‌ها به صورت زیر می‌باشد:

$$y = -\frac{1}{2}gt^2 \Rightarrow \begin{cases} y_1 = -\frac{1}{2}gt^2 \\ y_2 = -\frac{1}{2}g(t-2)^2 \end{cases}$$

بیشترین فاصله دو گلوله در لحظه‌ای رخ می‌دهد که گلوله اول به سطح زمین

می‌رسد، بنابراین داریم:

$$y_2 - y_1 = 78 / 4m$$

$$\Rightarrow -\frac{1}{2}g[(t-2)^2 - t^2] = 78 / 4$$

$$\Rightarrow (t^2 - 4t + 4 - t^2) = -16 \Rightarrow t = 5s$$

يعني مدت زمان حرکت گلوله اول از لحظه رها شدن از ارتفاع h تا لحظهرسیدن به زمین برابر با $5s$ است. بنابراین ارتفاع h برابر است با:

$$y_1 = -\frac{1}{2}gt^2 \Rightarrow -h = -\frac{1}{2} \times 9.8 \times 5^2 \Rightarrow h = 122.5m$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(علی نوری‌پیشیان)

«۲۴۸ - گزینه ۱»

چون خط مماس بر منحنی A در لحظه $t = 0$ افقی شده است، سرعت متحرکدر این لحظه برابر با صفر است و با توجه به این که نمودار متحرک A سهمی

است، نوع حرکت این متحرک شتابدار با شتاب ثابت است و می‌توان نوشت:

$$\begin{cases} x_A = \frac{v_0 + v}{2} \times \Delta t + x_0 \\ x_B = v' \Delta t + x_0 \end{cases}$$

$$\xrightarrow{\frac{v_0=0}{v=v'}} x_B - x_A = (v' - \frac{0+2v'}{2}) \Delta t = (v' - v') \Delta t = 0$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(محمدعلی راست پیمان)

«۲۴۹ - گزینه ۴»

زمان‌هایی که گلوله از بالا و پایین پنجه عبور می‌کند و نیز اختلاف آن‌ها را

می‌باییم، با در نظر گرفتن جهت مثبت به سمت بالا و محل رها کردن گلوله از

بالای ساختمان به عنوان مبدأ مکان، داریم:

$$y = -\frac{1}{2}gt^2$$

$$y_1 = -\frac{1}{2}gt_1^2 \Rightarrow -5 = -\frac{1}{2} \times 10 \times t_1^2 \Rightarrow t_1 = 1s$$

$$y_2 = -\frac{1}{2}gt_2^2 \Rightarrow -6 / 0.5 = -\frac{1}{2} \times 10 \times t_2^2 \Rightarrow t_2 = 1.1s$$

$$\Rightarrow \Delta t = t_2 - t_1 = 1.1 - 1 = 0.1s$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

عبارت «ت» درست است: فرمول عمومی صابون جامد RCOONa

فرمول عمومی زنجیر آلکیل سیر شده $\text{C}_n\text{H}_{2n+1}$ است. در نتیجه فرمول

کلی صابون جامد به صورت $\text{C}_{16}\text{H}_{31}\text{O}_2\text{Na}$ یا $\text{C}_{15}\text{H}_{31}\text{COONa}$ خواهد بود.

$$\frac{\text{جرم کربن}}{\text{جرم صابون}} \times 100 = \text{درصد جرمی کربن}$$

$$= \frac{16 \times 12}{(12 \times 16) + (1 \times 31) + (16 \times 2) + 23} \times 100 \approx 69\%$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۵ تا ۱۲)

(ممدر عظیمیان؛ زواره)

«گزینه ۱» - ۲۵۴

الف) نادرست: بخش ناقطبی آن حلقة بنزنی را نیز شامل می‌شود. (۱۸ اتم

کربن)

ب) درست.

پ) درست: فرمول شیمیایی آن $\text{C}_{18}\text{H}_{29}\text{SO}_4^-\text{Na}^+$ است.

ت) درست: قدرت پاک‌کنندگی پاک‌کنندگاهای غیرصابونی از صابون‌ها بیشتر

است و با یون‌های موجود در آب سخت رسوب نمی‌دهد.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

(امیرعلی برثورداریون)

«گزینه ۴» - ۲۵۵

هیدروفلوریک اسید، یک اسید ضعیف اما هیدرولکلریک اسید، یک اسید قوی به شمار می‌رود.

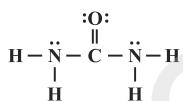
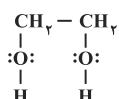
(شیمی ۳، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۹)

شیمی ۳

«گزینه ۳» - ۲۵۱

(سعید محسنی؛ زاره)

ساخтар لوویس اتیلن گلیکول و اوره به صورت زیر است. در هر دو ساختار، هیدروژن متصل به O یا N وجود دارد؛ بنابراین می‌توانند با مولکول‌های آب پیوند هیدروژنی برقرار کنند.



(شیمی ۳، صفحه‌های ۱ تا ۷)

«گزینه ۲» - ۲۵۲

(ممدر محسن ممداد؛ زاده‌مقدم)

مولکول‌های صابون دارای دو بخش آب دوست و آب‌گریز (چربی‌دوست) هستند که می‌توانند هم در آب و هم در چربی‌ها حل شوند و محلول همگن ایجاد کنند.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۶ تا ۸)

«گزینه ۴» - ۲۵۳

عبارت «الف» نادرست است: برای افزایش قدرت پاک‌کنندگی صابون‌ها به آن‌ها نمک‌های فسفات می‌افزایند.

عبارت «ب» نادرست است: صابون دارای دو بخش قطبی و ناقطبی است و در بخش قطبی آن هر دو نوع پیوند یونی و کوالانتسی وجود دارد.

عبارت «پ» نادرست است: پاک‌کنندگاهای خورنده افزون بر برهمنش بین ذره‌ای با آلاینده‌ها واکنش هم می‌دهند.



اطراف هر دو قطب یکسان خواهد بود.

ب) مقایسه غلظت گونه‌ها در محلول الکترولیت HA به صورت زیر خواهد بود. به دلیل یونیده شدن کامل HA , مولکول‌های یونیده نشده در محلول یافت نخواهد شد و مقدار آن‌ها برابر با صفر است.

$$[\text{HA}] = 0$$

$$[\text{H}^+] = [\text{A}^-] \neq 0$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۱۶ تا ۱۹)

(ممدر کوهستانیان)

گزینه «۳» - ۲۵۹

$$\frac{\text{غلظت یون هیدرونیوم}}{\text{غلظت مولی اولیه}} = \frac{100}{100} = \text{درصد یونش}$$

$$\Rightarrow 15 = \frac{0.3 \times 10^{-3}}{[\text{HCOOH}]} \times 100 \Rightarrow [\text{HCOOH}] = \frac{0.3 \times 10^{-3}}{15} \times 100$$

$$\Rightarrow [\text{HCOOH}] = 0.002 \text{ mol.L}^{-1}$$

(شیمی ۳، صفحه ۱۹)

(ممدر محسن ممدادراه مقدم)

گزینه «۱» - ۲۶۰

ابتدا شمار ذره‌های حل شده اسید را محاسبه می‌کنیم:

$$\text{مولکول HNO}_3 = \frac{6/0.2 \times 10^{23}}{47 \text{ g HNO}_3} \times \frac{1 \text{ mol HNO}_3}{1 \text{ mol HNO}_3} = 2.24 \times 10^{21} \text{ mol HNO}_3$$

$$\text{مولکول} = 3/0.1 \times 10^{23}$$

حال با توجه به معادله یونش اسید، به ازاء هر مولکول یونیده شده، دو یون تولید می‌شود:



$$\text{مولکول یونیده شده} = 2/2.24 \times 10^{21} \text{ mol HNO}_3$$

$$\text{مولکول یونیده شده} = 3/6.12 \times 10^{21}$$

درجه یونش برابر است با:

$$\frac{\text{شمار مولکول‌های یونیده شده}}{\text{شمار کل مولکول‌های حل شده}} = \frac{100}{100} = \text{درصد یونش}$$

$$= \frac{3/6.12 \times 10^{21}}{3/0.1 \times 10^{23}} \times 100 = 1/2\%$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

(ممدر محسن ممدادراه مقدم)

گزینه «۴» - ۲۵۶

در شرایط یکسان هرچه شمار یون‌های موجود در محلول بیشتر باشد، رسانایی آن محلول بیشتر است.

گزینه «۱»: شکر در آب یون تولید نمی‌کند، پس این محلول رسانایی ناچیزی دارد.

گزینه «۲»:

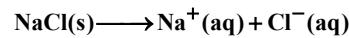
$$\alpha = \frac{[\text{H}^+]}{M} \Rightarrow [\text{H}^+] = [\text{CH}_3\text{COO}^-] = 0.004 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$= 0.004 + 0.004 = 0.008 \text{ mol.L}^{-1}$$

گزینه «۳»: هیدروکلریک اسید، یک اسید قوی بوده و به طور کامل یونیده می‌شود:

$$[\text{HCl}] = 2 \times 0.01 = 0.02 \text{ mol.L}^{-1}$$

گزینه «۴»: سدیم کلرید ترکیب یونی محلول در آب است:



$$= 2 \times 0.05 = 0.1 \text{ mol.L}^{-1}$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۱۶ تا ۱۹)

گزینه «۲» - ۲۵۷

با توجه به رسانایی الکتریکی دو محلول در شرایط یکسان می‌توان نتیجه گرفت که درجه یونش HX از HY بیشتر است.

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: ممکن است اسید HX به طور حد در حد یونیده نشده باشد.

گزینه «۳»: ممکن است هر دو اسید ضعیف باشند ولی درجه یونش HX بزرگتر از HY باشد.

گزینه «۴»: چون یونش دو اسید برابر نیست، پس آنیون‌های ایجاد شده نیز برابر نخواهد بود.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۱۶ تا ۱۹)

گزینه «۲» - ۲۵۸

عبارت‌های «الف»، «ت» و «ث» درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

ب) با قرار دادن هریک از محلول‌ها در مدار الکتریکی، تراکم یون‌ها در