



# دفترچه پاسخ

## عمومی یازدهم

### (ریاضی)

### ۱۳۹۹ ماه ۶

طراحان

ولی برجمی، محمد داوریناهی، هادی پولادی، مجید فاتحی، مرتضی کاظم‌شیرودی، محمد کاظمی نصرآبادی، الهه مسیح‌خواه، خالد مشیریناهی، فاطمه منصور‌خاکی، ولی‌الله نوروزی	عرب (بان قرآن)
تیمور رحمتی، علی شکوهی، ساسان عزیزی‌نژاد، حمید مهدی‌یان‌راد	(بان انگلیسی)

گزینشگران و پراستاران

نام درس	مسئول درس	گزینشگر	گروه ویراستاری	رتبه بتوتر	گروه مستندسازی
عرب (بان قرآن)	مهری نیکزاد	فاطمه منصور‌خاکی	حسام حاج‌مؤمن، محمدراعی مرتضوی	محمد‌حسین اسلامی	لیلا ایزدی
(بان انگلیسی)	سپیده عرب	سپیده عرب	رحمت‌الله استبری محدثه مرآتی	بهزاد احمدپور	سپیده جلالی

گروه فنی و تولید

الهام محمدی	مدیر گروه
معصومه شاعری	مسئول دفترچه
مدیر، فاطمه رسولی‌نسب، مسئول دفترچه؛ فریبا رزوفی	مستندسازی و مطابقت با مصوبات
زهراء تاجیک	صفحه آراء
علیرضا سعدآبادی	نظرات چاپ

### گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

آدرس دفتر مرکزی: خیابان انقلاب - بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن چهار رقمی: ۰۶۴۶۳-۰۲۱

# رئیس‌جمهوری

آزمون ۶ تیر ۹۹

## اختصاصی یازدهم ریاضی



پذیدآورندگان

نام درس	نام طراحان (به ترتیب حروف الفبا)	افق امامی
حسابان	عادل حسینی - طاهر دادستانی - یاسین سپهر - علی سلامت - علی شهرابی - فرنود فارسیجانی - سعید علم پور - حمید علیزاده - کیان کریمی خراسانی - میلاد منصوری - جهانبخش نیکنام - وحید ون آبادی	
هندسه	امیرحسین ابو محیوب - سعید جعفری کافی آباد - علی ساوجی حمیدرضا سجودی - علی فتح آبادی - فرشاد فرامرزی - رضا عباسی اصل - رحمت عین علیان - سیامک کریمی محمد ابراهیم گیتی زاده - نوید مجیدی - میلاد منصوری - داریوش ناظمی	
آمار و احتمال	امیرحسین ابو محیوب - سعید جعفری کافی آباد - عادل حسینی - یاسین سپهر	

گروه علمی

نام درس	حسابان	هنده، آمار و احتمال
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابو محیوب
گروه ویراستاری	مرضیه گودرزی علی ارجمند	عادل حسینی
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابو محیوب

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	محمد اکبری
مسئول دفترچه	عادل حسینی
گروه مستندسازی	مدیر گروه: فاطمه رسولی نسب
حروف نگار و صفحه آرا	حسن خرم جو - ندا اشرفی
ناظر چاپ	سوران نعیمی

### گروه آزمون

### بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۷۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳



(الله مسیح فواه)

## ۹- گزینه «۳»

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: در این گزینه «بزياده حرف واحد» نادرست است.

گزینه «۲»: در این گزینه ثالثی مزید نادرست است.

گزینه «۴»: در این گزینه «للمخاطب، مفعوله (المیاه)» نادرست است.

(تمثیل صرفی و مدل اعرابی)

(الله مسیح فواه)

## ۱۰- گزینه «۲»

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: اسم فاعل من فعل مجرد نادرست است.

گزینه «۳»: معرفه نادرست است.

گزینه «۴»: اسم مفعول نادرست است.

(تمثیل صرفی و مدل اعرابی)

(فاطمه منصوریان)

## ۱۱- گزینه «۴»

در این گزینه، «مرسل» اسم فاعل است و باید به صورت «مرسل» باشد (فرستنده نامه در جایی دور زندگی می‌کنند).

(فقط هر کات)

(ظاهر مشیرپناهن - (ملکان))

## ۱۲- گزینه «۴»

در گزینه «۴» آمده است: «جایی برای پرواز هوایماها = تایر (چهارچوب)» که نادرست است، چرا که توضیح داده شده مربوط به «مطار: فرودگاه» است.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «بیماری‌ای که به سر مرتبط است = سردرد»

گزینه «۲»: «جسمی برای برخی بازی‌های ورزشی = توپ»

گزینه «۳»: «بیماری‌ای که به بینی مرتبط است = سرماخوردگی»

(مفهوم)

(مرتضی کاظمی‌شیرودی)

## ۱۳- گزینه «۲»

توضیح: «أنت» برای تاکید فعل است. ترجمه عبارت چنین است: «ای آدم فقط تو و همسرت وارد بهشت شویدا»

(انواع بملات)

(محمد اورپناهن - بینور)

## ۱۴- گزینه «۴»

سوال خواسته فعل مجهول شخص کنید. فعل مجهول معنی «شد، می‌شود» دارد و مفعول ندارد. در گزینه «۴»، «تقدم» فعل مجهول و به معنای «تقدیم می‌شود» است.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: سلب: سلب کردن

گزینه «۲»: مشاهد: مشاهده می‌کنند/ غرسوا: کاشتند

گزینه «۳»: کان قد اکتسپوا: بدست آورده بودند

(انواع بملات)

(ممدوح کاظمی‌نصرآبادی - کاشان)

## ۱۵- گزینه «۱»

در این گزینه (علی، فی، إلی) حرف جر هستند.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۲»: (علی) حرف جر است.

گزینه «۳»: حرف جری وجود ندارد.

گزینه «۴»: (فی، فی) حرف جر هستند.

(انواع بملات)

## عربی، زبان قرآن ۱

## ۱- گزینه «۱»

(مرتضی کاظمی‌شیرودی)

«قدانا». ما را هدایت کرد (رد گزینه «۳») / «ماکنا لنهتدى». راه نمی‌یافتیم، هدایت نمی‌شیم (رد گزینه «۲») / «لولا أن هدانا الله». اگر خدا ما را هدایت نکرده بود (رد گزینه «۴») (ترجمه)

(ولی برہی - ابیر)

## ۲- گزینه «۲»

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «این سازمان

گزینه «۳»: «آمد

(ترجمه)

(ولی برہی - ابیر)

## ۳- گزینه «۴»

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «دلخیں‌ها (معرفه نباید باشد)

گزینه «۲»: «می‌دیدم

گزینه «۳»: «فیلمی دیدم

(ترجمه)

## ۴- گزینه «۲»

(ولی الله نوروزی)

کلمه «اعصار» مفرد و به معنای «گردباد» و کلمه «الأسماك» جمع مکسر و به معنای «ماهی‌ها» می‌باشد.

(ترجمه)

## ۵- گزینه «۱»

(ظاهر منصوریان)

«در بهار»: فی الربيع / «درختان دارای میوه هستند»: للأشجار ثمرة /

«شاخه‌هایشان»: غصونها، اغصانها / «تروتازه است»: نضرة / «چه زیاست»: ما أجمل

/ «باغها»: الحدائق / «طبیعت»: الطبيعة / (ترجمه)

ترجمه درگ مطلب:

سیاره زمین سومین سیاره منظومة شمسی است از سمت خورشید بعد از عطارد و زهره، و تا به الان تنها سیاره‌ای است که از حیات انسان‌ها شتبه‌یانی می‌کند. پس بر روی آن انواع مختلف موجودات زنده زندگی می‌کنند برای ایجاد شرایط مناسب برای زندگی او. به این دلیل که درجه حرارتی که از خورشید به آن مرسد به دلیل فاصله مناسب متعادل است، همان طور که آب یافت می‌شود که به رشد گیاهان کمک می‌کند و اکسیژن ضروری برای تنفس موجودات زنده و حمایت می‌کند؛ محافظ جوی از سطح زمین در مقابل اشعة مضر خورشید که از خورشید می‌آید و کمک می‌کند به توزیع درجه حرارت بر روی سطح زمین و به آسمان رنگ آبی زیبا در طول روز می‌دهد. مسافت بین طبقه اول محافظ جوی و سطح زمین ۱۵ کیلومتر است تقریباً. بین آخرین طبقه جوی و سطح زمین ۴۰ کیلومتر فاصله است تقریباً.

## ۶- گزینه «۳»

(الله مسیح فواه)

فقط اکسیژن در متن گفته شده است نه گازهای مختلف!

(درگ مطلب)

## ۷- گزینه «۴»

(الله مسیح فواه)

«ستکون» غلط است چون شاید در آینده سیاره‌های دیگر قابلیت زندگی پیدا کنند

(در متن گفته شده است: حتی الان)

(درگ مطلب)

## ۸- گزینه «۴»

(الله مسیح فواه)

دلیلی درباره عدم حیات در سیارات دیگر در متن موجود نیست.

(درگ مطلب)



(ممید مهریان، ارد)

## «گزینه ۲۲»

(۲) کلید

(۱) علامت

(کلوزتست)

(۴) لامپ

(۳) موفقیت

(ممید مهریان، ارد)

## «گزینه ۲۳»

## نکته مهم درسی

برای اشاره به تداوم عملی در زمان گذشته از ساختار گذشته استمراری استفاده می‌کنیم. این زمان از ترکیب «was/were + verb + ing» ساخته می‌شود.

(کلوزتست)

(ممید مهریان، ارد)

## «گزینه ۲۴»

(۲) مقصد

(۱) اختراع

(کلوزتست)

(۴) تعطیلی

(۳) جاذبه

(ممید مهریان، ارد)

## «گزینه ۲۵»

## نکته مهم درسی

حرف اضافه واژه "research" به معنای «تحقیق» "on" می‌باشد. (کلوزتست)

(ممید مهریان، ارد)

## «گزینه ۲۶»

(۲) بیابان

(۱) اداره

(کلوزتست)

(۴) آزمایشگاه

(۳) بهشت

(تیمور، رهمت)

## «گزینه ۲۷»

ترجمه جمله: «در متن، تاریخ همه موارد زیر را می‌توانیم بیابیم، بهغیر از زمانی که

(درک مطلب)

میچل نوشن رمانش را آغاز کرد.»

(تیمور، رهمت)

## «گزینه ۲۸»

ترجمه جمله: «تزدیک ترین کلمه از نظر معنایی به کلمه "vivid" در خط ۱۰، "روشن، واضح" است.»

(درک مطلب)

(تیمور، رهمت)

## «گزینه ۲۹»

ترجمه جمله: «کدامیک از موارد زیر یک عامل مهم در موقوفیت بزرگ رمان میچل بود؟»

(درک مطلب)

«خلاقیت میچل»

(تیمور، رهمت)

## «گزینه ۳۰»

ترجمه جمله: «طبق متن، کدامیک از جملات زیر درست است؟»

بر باد رفته داستان بسیار جالبی است، اگرچه درباره وقایعی است که در گذشته اتفاق افتاده‌اند.»

(درک مطلب)

## زبان انگلیسی ۱

## «گزینه ۲۴»

(ساسان عزیزی نژاد)

ترجمه جمله: «آن رستوران همیشه پر از آدم است، پس (در نتیجه) آن باید

رستوران خلی خوبی باشد.»

## نکته مهم درسی

یکی از کاربردهای فعل وجہی "must" برای استنباط و نتیجه‌گیری می‌باشد.

(کرامر)

## «گزینه ۲۵»

ترجمه جمله: «ورست بلندترین کوه در جهان است. آن بلندتر از هر کوه دیگری است.»

## نکته مهم درسی

بعد از صفات برترین، برای مکان‌های مفرد از حرف اضافه "in" یا "of" استفاده

می‌کنیم. با توجه به بافت جمله داده شده، در جای خالی دوم از صفت برتر استفاده

می‌کنیم. گزینه ۴ «ترکیب غلطی است.»

## «گزینه ۲۶»

ترجمه جمله: «من و مادرم داشتم در خیابان قدم می‌زدیم که ناگهان صدای گام‌ها

را پشت سرمان شنیدیم.»

## نکته مهم درسی

گذشته ساده (were walking)+when+(heard) گذشته استمراری

چون فاعل جمله (My mother and I) جمع است، از فعل کمکی "were"

در گذشته استمراری استفاده می‌کنیم (رد گزینه ۱).»

(ممید مهریان، ارد)

## «گزینه ۲۷»

ترجمه جمله: «آن تخت خواب برای آن پیرزن آنقدر سنگین بود که نمی‌توانست

تکانش دهد. بنابراین، لیزا به او کمک کرد آن را به داخل خانه حمل کند.»

(۱) اهمیت دادن

(واژگان)

(۲) جمع آوری کردن

(۳) مقایسه کردن

(ممید مهریان، ارد)

## «گزینه ۲۸»

ترجمه جمله: «در هفت دسامبر، بازیگر مشهور آمریکایی، هری مورگان، در سن ۹۶

سالگی در شهر لس آنجلس به آرامی در خواب فوت کرد.»

(۱) در آوردن [لباس]، برخواستن هواپیما ۲ باور داشتن به

(واژگان)

(۲) دست کشیدن

## «گزینه ۲۹»

(ممید مهریان، ارد)

## «گزینه ۲۰»

ترجمه جمله: «مراسم قرار است در روسیانی در شمال ایتالیا برگزار شود، بنابراین خیلی

برای کودکان و افرادی که از صندلی چرخدار استفاده می‌کنند مناسب نخواهد بود.»

(۱) قابل حل

(واژگان)

(۲) مناسب

## «گزینه ۲۱»

(۳) میهمان نواز

(۴) قابل تعویض



$$\Rightarrow \sqrt{2} \sin x + 3 \cot x = \sqrt{2} \times \frac{1}{\sqrt{2}} + 3 \times 1 = 1 + 3 = 4$$

(بیان‌بخش یکنام)

گزینه «۳» -۳۴

$$A = \frac{(\sqrt{2})^r + 3^r}{\sqrt{2} + 3} + 3\sqrt{2} = \frac{(\sqrt{2} + 3)(2 - 3\sqrt{2} + 9)}{(\sqrt{2} + 3)} + 3\sqrt{2}$$

$$\Rightarrow A = 11 \Rightarrow (A+1)^{\frac{1}{r}} = 12^{\frac{1}{r}} = \sqrt{12} = 2\sqrt{3}$$

(علی شعبانی)

گزینه «۲» -۳۵

$$r^x + r^{-x} = 10 \Rightarrow r^x + r^{-x} + 2 = 12 \Rightarrow (r^x + r^{-x})^r = 12$$

$$\Rightarrow r^x + r^{-x} = 2\sqrt{3}$$

با استفاده از اتحاد چاق و لاغر داریم:

$$r^x + r^{-x} = (r^x + r^{-x})(r^x - 1 + r^{-x}) = 2\sqrt{3}(10 - 1) = 18\sqrt{3}$$

(بیان‌بخش یکنام)

گزینه «۳» -۳۶

فرض کنیم نمودار  $f$  را به اندازه  $a$  واحد در راستای محور  $x$  ها انتقالبدهیم تا نمودار تابع جدید بر نمودار  $g$  مماس شود، در این صورت معادله

$$f(x+a) = g(x)$$

$$-2(x+a) = r^x + 10x + 3 \Rightarrow r^x + 12x + 3 + 2a = 0$$

$$\xrightarrow{\Delta=0} \Delta = 12^2 - 4(r)(3+2a) = 4(24 - 18a) = 0 \Rightarrow a = 3$$

(سعید علم‌پور)

ریاضی ۱

گزینه «۳» -۳۱

در هر مرحله ۴ مربع هاشور خورده داریم:

$$\begin{cases} (1+2)^2 : \text{در شکل (۱)} \\ (2+2)^2 : \text{در شکل (۲)} \\ (3+2)^2 : \text{در شکل (۳)} \\ \vdots \end{cases}$$

$$\Rightarrow \text{تعداد کل مربع‌ها} = a_n = (n+2)^2 - 4 = n^2 + 4n$$

$$\Rightarrow a_{15} = (15)^2 + 4(15) = 285$$

(پاسین سپهر)

گزینه «۲» -۳۲

$$t_1 = t_r + 32 \Rightarrow t_1 - t_r = t_1 - t_1 r^r = t_1 (1 - r^r) = 32$$

$$t_1 + t_r + t_{rr} = \lambda \Rightarrow t_1 + t_1 r + t_1 r^r = \lambda$$

$$\Rightarrow t_1 (1 + r + r^r) = \lambda$$

$$\Rightarrow \frac{t_1 (1 - r^r)}{t_1 (1 + r + r^r)} = \frac{\lambda}{32} \Rightarrow \frac{(1 - r)(1 + r + r^r)}{(1 + r + r^r)} = \frac{\lambda}{32} = r$$

$$\Rightarrow 1 - r = r \Rightarrow r = -3$$

(ظاهر (ادسان))

گزینه «۳» -۳۳

$$\tan x + \cot x = \tan x + \frac{1}{\tan x} = 2 \Rightarrow \tan x = \cot x = 1$$

$$\xrightarrow{x \in (0, \frac{\pi}{2})} \sin x = \frac{1}{\sqrt{2}}$$



(محمد علیزاده)

گزینه «۱» - ۳۹

$$(0,2), (0,a+b) \in f \xrightarrow[\text{بودن شرط تابع}]{\quad} a+b=2$$

$$(-1,ab), (-1,-3) \in f \xrightarrow[\text{بودن شرط تابع}]{\quad} ab=-3$$

$$\xrightarrow[b=2-a]{\quad} a(2-a) = -3 \Rightarrow a^2 - 2a - 3 = 0 \Rightarrow \begin{cases} a = -1 \\ a = 3 \end{cases}$$

$$\Rightarrow b = 2 - a \begin{cases} \xrightarrow{a=-1} b = 3 \\ \xrightarrow{a=3} b = -1 \end{cases}$$

•  $a = -1, b = 3$

$$\Rightarrow f = \{(-1,-3), (0,2), (-1,3), (-1,-3), (0,2)\}$$

•  $a = 3, b = -1$

$$\Rightarrow f = \{(-1,-3), (0,2), (3,1), (-1,-3), (0,2)\}$$

$$\Rightarrow a - b = 3 - (-1) = 4$$

(عادل مسینی)

گزینه «۱» - ۴۰

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{همانی است } f \Rightarrow f(x) = x \\ \text{ثابت است } g \Rightarrow g(x) = c \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow \frac{rf(2)+g(1)}{rg(\delta)+f(1)} = \frac{r+c}{rc+1} = \frac{1}{r} \Rightarrow c = r$$

(فرنود فارسی‌جانی)

گزینه «۳» - ۳۷

$$\text{نمودار تابع } f(x) \text{ یک سهمی است که مختصات رأس آن } S \left| \begin{array}{c} -\frac{b}{2a} \\ \Delta \\ -\frac{4a}{4a} \end{array} \right. \text{ است.}$$

بیشترین مقدار تابع در رأس سهمی اتفاق می‌افتد. پس عرض رأس سهمی

$$\text{یعنی } \frac{\Delta}{4a} - \text{ باید برابر } 3 \text{ باشد.}$$

$$\Delta = 4 - 4(a)(-a+1) = 4 + 4a^2 - 4a$$

$$\Rightarrow \frac{-\Delta}{4a} = -\frac{4 + 4a^2 - 4a}{4a} = -a + 1 - \frac{1}{a}$$

$$\frac{-\Delta}{4a} = 3 \Rightarrow -a + 1 - \frac{1}{a} = 3 \Rightarrow -a^2 - 1 = 2a \Rightarrow a^2 + 2a + 1 = 0$$

$$\Rightarrow a = -1$$

(کیان کریمی‌فراسازی)

گزینه «۲» - ۳۸

$$x^r - \alpha x^r \leq x - \alpha \Rightarrow x^r(x-\alpha) \leq x - \alpha \Rightarrow x^r(x-\alpha) - (x-\alpha) \leq 0$$

$$\Rightarrow (x^r - 1)(x-\alpha) \leq 0 \Rightarrow (x-1)(x+1)(x-\alpha) \leq 0$$

$$\begin{array}{c|ccccc} x & & -1 & 1 & \alpha & + \\ \hline (x-1)(x+1)(x-\alpha) & - & + & + & - & + \end{array}$$

$$\Rightarrow x \in (-\infty, -1] \cup [1, \alpha] \xrightarrow{x \in \mathbb{N}} x = 1, 2, 3, \alpha$$



$$\triangle ADC : EN \parallel DC \Rightarrow \frac{AE}{AD} = \frac{EN}{DC} \Rightarrow EN = 9$$

$$\triangle ADB : EM \parallel AB \Rightarrow \frac{DE}{AD} = \frac{EM}{AB} \Rightarrow EM = 4$$

$$MN = 9 - 4 = 5$$

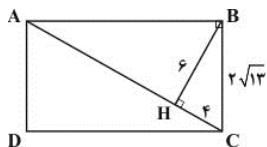
و در نتیجه،

(رضا عباسی اصل)

گزینه ۲ - ۴۴

$$\triangle BHC : HC^2 = (2\sqrt{13})^2 - 6^2 = 16 \Rightarrow HC = 4$$

داریم:



بنابراین روابط طولی در مثلث قائم الزاویه ABC داریم:

$$BH^2 = CH \cdot AH \Rightarrow 36 = 4 \cdot AH \Rightarrow AH = 9$$

$$\Rightarrow AC = 13$$

$$AB^2 = AH \cdot AC \Rightarrow AB^2 = 9 \times 13$$

$$\Rightarrow AB = 3\sqrt{13}$$

محیط مستطیل ABCD از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$2(AB + BC) = 2(3\sqrt{13} + 2\sqrt{13}) = 10\sqrt{13}$$

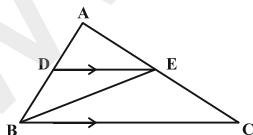
(فرشاد خرامزی)

گزینه ۲ - ۴۵

$$DE \parallel BC \xrightarrow{\text{قضیه اساسی تشابه}} \triangle ADE \sim \triangle ABC, k = \frac{AD}{AB} = \frac{2}{5}$$

$$\Rightarrow \frac{S_{ADE}}{S_{ABC}} = k^2 = \frac{4}{25}$$

$$\Rightarrow S_{ADE} = \frac{4}{25} S_{ABC} \quad (1)$$



$$\left. \begin{array}{l} \frac{S_{BEC}}{S_{ABE}} = \frac{EC}{AE} \\ DE \parallel BC \Rightarrow \frac{EC}{AE} = \frac{BD}{AD} = \frac{4}{2} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{S_{BEC}}{S_{ABE}} = \frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{S_{BEC}}{S_{ABC}} = \frac{3}{5} \Rightarrow S_{BEC} = \frac{3}{5} S_{ABC} \quad (2)$$

از (1) و (2) داریم:

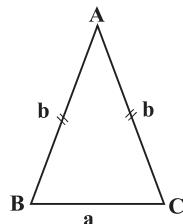
$$\frac{S_{ADE}}{S_{BEC}} = \frac{\frac{4}{25} S_{ABC}}{\frac{3}{5} S_{ABC}} = \frac{4}{15}$$

(رضا عباسی اصل)

۱ هندسه

گزینه ۱ - ۴۱

مطابق شکل اگر طول‌های قاعده و ساق را به ترتیب با a و b نمایش دهیم، آنگاه داریم:



$$a + b + b = 16 \Rightarrow a + 2b = 16$$

از طرفی بنا به قضیه نامساوی مثلث داریم:

$$a < b + b \Rightarrow a < 2b \xrightarrow{+a} a + a < \underbrace{a + 2b}_{16}$$

$$\Rightarrow a < b \xrightarrow{a > 0} 0 < a < b$$

پس مقادیر صحیح ممکن برای a عبارتند از:

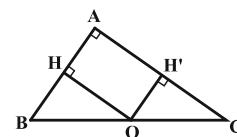
۱ + ۲ + ۳ + ۴ + ۵ + ۶ + ۷ = 28  
و در نتیجه:

(علی ساوی)

گزینه ۱ - ۴۲

توجه کنید که در مثلث قائم الزاویه، نقطه همرسی عمودمنصف‌ها (نقطه‌ای که از سه رأس مثلث به یک فاصله است) وسط وتر است. چهارضلعی

مستطیل است، زیرا سه زاویه قائم دارد. حال داریم:

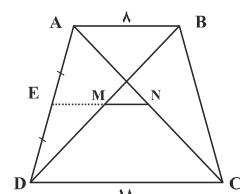


$$S_{OHAH'} = AH \cdot AH' = \frac{1}{2} AB \times \frac{1}{2} AC$$

$$= \frac{1}{4} \left( \frac{1}{2} AB \times AC \right) = \frac{1}{4} S_{ABC}$$

(رضا عباسی اصل)

گزینه ۲ - ۴۳



فرض کنیم M و N وسط قطعه‌های ذوزنقه باشند. امتداد MN ساق‌های

ذوزنقه را در وسط آنها قطع می‌کند و داریم:



$$\triangle AMH : OH' \parallel AH \Rightarrow \frac{OH'}{AH} = \frac{OM}{AM} = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow OH' = \frac{1}{3} AH, \quad MC = \frac{1}{2} BC$$

$$S_{OMC} = \frac{1}{2} MC \cdot OH'$$

$$= \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} BC \times \frac{1}{3} AH \right) = \frac{1}{6} BC \cdot AH = \frac{1}{6} S_{ABC}$$

(دریوش ناظمی)

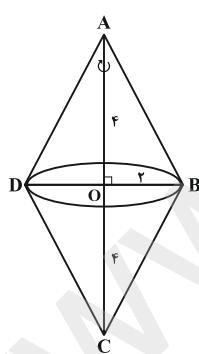
## گزینه «۳» - ۴۹

اگر دو صفحه متقاطع باشند، در صورتی هر دو بر صفحه‌ای عمودند که فصل

مشترکشان بر آن صفحه عمود باشد.

(سعید بختیاری کافی آبار)

## گزینه «۴» - ۵۰



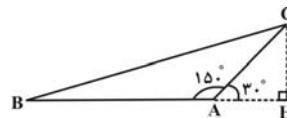
مطابق شکل، از آنجا که در لوزی قطرها یکدیگر را نصف می‌کنند، از دوران قطر

بزرگ لوزی دو مخروط که شعاع قاعدة هر کدام برابر  $r = 2$  و ارتفاع هر کدامبرابر  $4$  است، تشکیل می‌شود. در نتیجه حجم شکل حاصل برابر است با:

$$V = 2 \left( \frac{1}{3} \pi r^2 h \right) = 2 \left( \frac{1}{3} \pi (2)^2 \times (4) \right) = \frac{16}{3} \pi$$

(نویر مهیری)

## گزینه «۱» - ۴۶

فرض کنیم  $AB = 12$  و  $AC = 6$  باشد.  $CH$  ضلع رو به رو به زاویه  $30^\circ$  در

مثلث قائم‌الزاویه است، پس داریم:

$$CH = \frac{1}{2} AC = 3$$

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot CH = \frac{1}{2} \times 12 \times 3 = 18$$

(رحمت عین علیان)

## گزینه «۲» - ۴۷

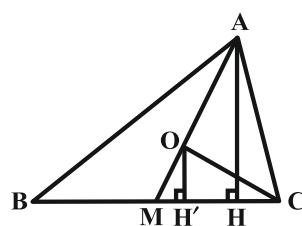
مجموع فواصل هر نقطه دلخواه درون مثلث متساوی‌الاضلاع (به ضلع  $a$ ) از سهضلع آن، با ارتفاع مثلث یعنی  $\frac{\sqrt{3}}{2} a$  برابر است. پس طبق فرض داریم:

$$\frac{\sqrt{3}}{2} a = 6 \Rightarrow a = 4\sqrt{3}$$

$$S = \frac{\sqrt{3}}{4} a^2 = \frac{\sqrt{3}}{4} \times (4\sqrt{3})^2 = 12\sqrt{3}$$

(محمد ابراهیم کیم زاده)

## گزینه «۴» - ۴۸

 نقطه همرسی میانه های مثلث  $ABC$ ، هر میانه را به نسبت  $1$  به  $2$  تقسیم می‌کند، یعنی  $\frac{OM}{AM} = \frac{1}{3}$ . اگر  $AH$  ارتفاع مثلث  $ABC$  و  $OH'$  ارتفاع مثلث  $OMC$  باشد:ارتفاع مثلث  $OMC$  باشد:



(محمد اورپناهی - بینور)

**۵۷- گزینه «۲»**

بر اساس متن از دلایل تأثیر منفی بر تپش‌های قلب:  
 گزینه «۱»: کم تحرکی و عدم فعالیت بدنی  
 گزینه «۲»: سیگار کشیدن و بکار بردن نیکوتین  
 گزینه «۳»: زیادی کلسترول به شکل طبیعی  
 گزینه «۴»: بالا رفتن فشار خون

(درک مطلب)

(محمد اورپناهی - بینور)

**۵۸- گزینه «۳»**

ترجمه گزینه «۳»: «انسان در این دنیا با بیماری‌های مختلف محاصره شده است!»  
 که طبق متن درست است.

**ترشیح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: «وجود کلسترول هیچ فایده‌ای در بدن ندارد!» که طبق متن نادرست است.  
 گزینه «۲»: «قلب کارهای روزانه‌اش را به سیله تپش‌های قلب انجام می‌دهد!» که طبق متن نادرست است.  
 گزینه «۴»: «بیماری‌های قلب به کشورهای جهان سوم اختصاص دارد!» که طبق متن نادرست است.

(درک مطلب)

(محمد اورپناهی - بینور)

**۵۹- گزینه «۴»****ترشیح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: باب افعال: باب افعال  
 گزینه «۲»: فعل محدود: فعل معلوم  
 گزینه «۳»: باب افعال: باب افعال/مجھول: معلوم (تفصیل صرفی و مدل اعرابی)

(محمد اورپناهی - بینور)

**۶۰- گزینه «۳»****ترشیح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: مفرد عادی: مفرد عدو/امبتدا: مضاف الیه  
 گزینه «۲»: اسم فاعل نیست/صفت: مضاف الیه  
 گزینه «۴»: اسم مبالغه نیست/جارو مجرور: مضاف الیه  
 (تفصیل صرفی و مدل اعرابی)

(ولی برهی - ابهر)

**۶۱- گزینه «۲»**

(فقط مركات)

«صلح» نادرست است و باید به صورت «مصلح» باشد.

(ولی برهی - ابهر)

**۶۲- گزینه «۲»**

(مفهوم)

(الحياة = عیش)

(متضمن کاظم شیروی)

**۶۳- گزینه «۳»**

در گزینه «۱»: آهدی: فعل شرط، هو خیرهم؛ جواب شرط جملة اسمیه در گزینه «۲»: تفکرتم: فعل شرط، سوف تشاهدون؛ جواب شرط جملة فعلیه در گزینه «۴»: کنت: فعل شرط، سأفعل: جواب شرط.  
 (انواع بملات)

(الیه مسیح فواه)

**۶۴- گزینه «۲»**

متعلم در گزینه «۲» مبتدا بوده و برای آن جملة وصفیه آمده است.  
 (انواع بملات)

(مرتضی کاظم شیروی)

**۶۵- گزینه «۲»**

فعل ناقص «کان» در صورتی ماضی است که در ترجمه بتوان از واژه «بود» استفاده کرد.  
 نکته: جواب شرط را می‌توان مضارع ترجمه کرد. در گزینه «۱»: اگر بیشتر تلاش کنی از برترین داشت آموزان می‌شود. نکته «۲»: هرگاه در جمله «آن+کان» باید به صورت «است» ترجمه می‌شود. در گزینه «۳»: بی گمان خداوند به هر چیزی دانا است/ نکته «۴»: مفهوم جمله اگر به خدا باز گردد، چون برای همیشه است لذا نمی‌توان آن را محدود به گذشته دانست. در گزینه «۴»: خداوند به آن چه انجام می‌دهید بینا است. اما در گزینه «۵» کان بی‌أمل به معنای ماضی است مرتبه ایست (از رو می‌کرد).  
 (انواع بملات)

**عربی، زبان قرآن****۵۱- گزینه «۳»**

(محمد علی کاظمی نصر آبادی - کاشان)  
 «وَالَّذِينَ وَكَسَانِي كه (رد گزینه «۲»)/ «يَجْتَبِونَ»: دوری می‌کنند (رد گزینه‌های «۴» و «۵») «كَيْاَرُ الْإِثْمَ وَالْفَوَاحِشُ» گناهان بزرگ و کارهای زشت (رد گزینه «۲»/ «۳»/ «۴»/ «۵») «إِذَا مَا: هنگامی که / «غَضِبُوا» خشمگین شوند (رد گزینه‌های «۱» و «۲» و «۳») / «هُمْ يَغْفِرُونَ»: می‌بخشایند

(ترجمه)

**۵۲- گزینه «۲»****نکته مهم درسی**

۱- کان + فعل مضارع = ماضی استمراری  
 ۲- هولاء + اسم ال دار = هولاء معنی این می دهد  
**ترشیح گزینه‌های دیگر**  
 گزینه «۱»: «اینها مریضانی هستند» رد گزینه «۱»  
 گزینه «۳»: «این، خواستند» رد گزینه «۳»  
 گزینه «۴»: «ایران مریض های بودند» رد گزینه «۴»

(ترجمه)

**۵۳- گزینه «۲»**

(مدتضمن کاظم شیروی)  
 «هناک شجرة»: درختی وجود دارد، هست (رد گزینه «۱») «تلتَّخَ حَوْلَ الْجِزْعِ وَ غَصُونَهَا»: اطراف تنه و شاخه هایش در دره می‌پیچد «تَخْلُقُ تَدْرِيْجِيَّا»: به تدریج خفه می شود (رد گزینه‌های ۱ و ۴) الشجرة: این (و یا آن) درخت (رد گزینه «۳») (ترجمه)

(مهدی خانی - کامیاران)

**۵۴- گزینه «۴»****ترشیح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: ترجمه درست: «پیراهن قرمزی را از معازه همکارم با هفتاد هزار تومان گرفتم.»  
 گزینه «۲»: ترجمه درست: «باید صدای ایمان را از صدای کسی که با او صحبت می کنیم بالا نبریم.»  
 گزینه «۳»: ترجمه درست: «قبر اراده کرد به کسی که به او ناسرا گفته بود، دشمن دهد!»

(ترجمه)

(هادی پولادی - تبریز)

**۵۵- گزینه «۴»**

ایرادات سایر گزینه‌ها: در گزینه «۱»: یُنَاطِفَ، کم، مدرسه / در گزینه «۲»: مدارس / در گزینه «۳»: اصبح

(ترجمه)

**ترجمه متن**

قلب کارهای روزانه‌اش را به سیله عضلاتش انجام می‌دهد. انسان در این دنیا با دشمنان مختلف همچون بیماری‌ها محاصره شده است. بیماری‌های قلب بیشتر می‌شود. سایر بیماری‌ها در تمام کشورها منتشر می‌شود. دشمن اول برای قلب همان زیادی کاسترول است که خطیزی را برابر انسان در بعضی مواقع باعث می‌شود. دشمن دوم برای قلب انسان همان بالا فقط تپش خون است. دشمن سوم همان سیگار کشیدن است که بر تپش‌های قلب تاثیر می‌گذارد و اما دشمن آخر همان نداشتن فعالیت بدنی و کم تحرکی که عضله‌های قلب را ضعیف می‌کند. بدان که ورزش عضله‌های قلب را نیز ممند می‌کند.

(محمد اورپناهی - بینور)

**۵۶- گزینه «۴»**

ترجمه گزینه «۴»: «زیادی کلسترول همیشه خطیزی را برای انسان باعث می‌شود!» که طبق متن نادرست است.

**ترشیح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: بیماری‌های قلب به کشورهای جهان اختصاص می‌باشد.  
 گزینه «۲»: کلسترول ماده‌ای است که بدن از آن بی‌نیاز نیست!  
 گزینه «۳»: فعالیت بدنی از دلایل سلامت قلب است!

(درک مطلب)



(تیمور، رهنم)

## «۲- گزینه» ۷۳

ترجمه جمله: «کدامیک از گزینه‌های زیر بهترین عنوان برای این متن است؟»  
«ایجاد (گسترش) آزمون‌های چند گزینه‌ای»

(درک مطلب)

(تیمور، رهنم)

## «۳- گزینه» ۷۴

ترجمه جمله: «کلمه زیر خطدار "their" در پاراگراف ۱ به managers اشاره دارد.»

(درک مطلب)

(تیمور، رهنم)

## «۱- گزینه» ۷۵

ترجمه جمله: «زدیک‌ترین کلمه از نظر معنایی به کلمه زیر خطدار "pursue" در پاراگراف ۲ "follow" (دنبال کردن) است.»

(درک مطلب)

(تیمور، رهنم)

## «۴- گزینه» ۷۶

ترجمه جمله: «منظور نویسنده متن از ذکر "the Greeks and Chinese" (يونانیان و چینی‌ها) چیست؟»

برای این که نشان بدهد انتخاب افراد براساس توانایی ذهنی آن‌ها ایده جدیدی نیست.

(درک مطلب)

(تیمور، رهنم)

## «۳- گزینه» ۷۷

ترجمه جمله: «کدامیک از گزینه‌های زیر بهترین عنوان برای متن است؟»

(درک مطلب) «تکنیک‌هایی برای کنترل ذهن دیگران»

(تیمور، رهنم)

## «۲- گزینه» ۷۸

ترجمه جمله: «زدیک‌ترین کلمه از نظر معنایی به کلمه زیر خطدار "certain" در پاراگراف ۲، "particular" (خاص) است.»

(درک مطلب)

(تیمور، رهنم)

## «۲- گزینه» ۷۹

ترجمه جمله: «کلمه زیر خطدار "them" در پاراگراف ۳ به افراد اشاره دارد.»

(درک مطلب)

(تیمور، رهنم)

## «۴- گزینه» ۸۰

ترجمه جمله: «طبق متن، کدامیک از جملات زیر درست نیست؟»  
«هیپنوتیزم و شستشوی مغزی تنها تکنیک‌های کنترل ذهن دیگران هستند.»

(درک مطلب)

(علی شکوهی)

## «۲- گزینه» ۶۶

ترجمه جمله: «کل بحث بیهوده بود. آنقدر از جدال بی‌پایانشان کیسل شدم که مدت‌ها پیش از اتمام آن جلسه، سالن را ترک کردم.»

- (۱) کسل کننده
- (۲) کسل کردن
- (۳) به طور کسل کننده
- (۴) کسل

نکته مهم درسی

«get» فعل ربطی است، بنابراین بعد از آن باید از صفت استفاده کنیم. گزینه‌های «۲» و «۳» به ترتیب فعل و قید هستند و نمی‌توانند درست باشند. گزینه «۱» صفت فاعلی است و با توجه به مفهوم جمله به صفت مفعولی نیاز داریم. (گرامر)

## «۲- گزینه» ۶۷

ترجمه جمله: «او هرگز ترقی نخواهد کرد، اگر نیاموزد که نسبت به مشتریان مؤدب‌تر باشد.»

نکته مهم درسی

چون بعد از "if" از فعل زمان حال ساده استفاده شده، با شرطی نوع اول سروکار خواهیم داشت؛ بنابراین در جای خالی باید از آینده ساده استفاده کنیم (رد گزینه‌های «۳» و «۴»). دلیل نادرستی گزینه «۱» استفاده از قید تکراری "will" قبل از فعل کمکی "will" است. همان‌طور که می‌دانید جایگاه قیدهای تکرار بعد از فعل کمکی و قبل از فعل اصلی است.

## «۳- گزینه» ۶۸

- |                     |                  |
|---------------------|------------------|
| (ممیر مهریان، اراد) | (۱) مجموعه       |
| (کلوزتست)           | (۲) مهارت        |
|                     | (۳) میزان، مقدار |
|                     | (۴) تجربه        |

## «۲- گزینه» ۶۹

- |                     |             |
|---------------------|-------------|
| (ممیر مهریان، اراد) | (۱) بیماری  |
| (کلوزتست)           | (۲) سلامتی  |
|                     | (۳) خوشحالی |
|                     | (۴) تجارت   |

## «۴- گزینه» ۷۰

نکته مهم درسی  
باتوجه به معنای جمله، تنها می‌توان از "something" استفاده کرد. (کلوزتست)

- |                     |            |
|---------------------|------------|
| (ممیر مهریان، اراد) | (۱) بیماری |
| (کلوزتست)           | (۲) اعتیاد |
|                     | (۳) ضربان  |
|                     | (۴) فشار   |

## «۳- گزینه» ۷۲

نکته مهم درسی  
در جمله شرطی نوع اول در بند باش شرط، پس از فعل وجہی "will" شکل ساده فعل می‌آید.

(ممیر مهریان، اراد)

(کلوزتست)



(ویدیو آنلاین)

## گزینه «۳» - ۸۴

با استفاده از تغییر متغیر  $t = x^2 + 2x + 1$  داریم:

$$y = \left[ \frac{t+3}{t+1} \right] = \left[ 1 + \frac{2}{t+1} \right]$$

حال داریم:

$$t \geq 0 \Rightarrow t+1 \geq 1 \Rightarrow 0 < \frac{1}{t+1} \leq 1 \Rightarrow 0 < \frac{2}{t+1} \leq 2$$

$$\Rightarrow 1 < 1 + \frac{2}{t+1} \leq 3 \Rightarrow \left[ 1 + \frac{2}{t+1} \right] = 1 \text{ یا } 2 \text{ یا } 3$$

مجموع اعضای برد برابر ۶ است.

(علی سلامت)

## گزینه «۴» - ۸۵

ابتدا برای محاسبه  $g(f^{-1}(x)) = g(4x-1)$  در تساوی  $(\gamma)$  به جای  $x$ 

عدد ۲ را قرار می‌دهیم:

$$f^{-1}(x) = g(4x-1) \xrightarrow{x=2} f^{-1}(2) = g(4)$$

در تساوی  $\circ$  به جای  $f(\gamma)$   $f(f^{-1}(2)) = f(g(\gamma)) = 0$  را قرار می‌دهیم و

طبق آن را به صورت زیر ساده می‌کنیم:

$$h(f(g(\gamma))) = h(f(f^{-1}(2))) \Rightarrow h(2) = 0$$

حال از آنجایی که  $y = h(x)$  تابعی یک‌به‌یک است، برای یافتن صفرهای $y = h(3x^2 + 5x + 4)$  کافی است به صورت زیر عمل کنیم:

$$3x^2 + 5x + 4 = 2 \Rightarrow 3x^2 + 5x + 2 = 0 \xrightarrow{\Delta > 0} \alpha\beta = \frac{c}{a} = \frac{2}{3}$$

(یاسین سپهر)

## گزینه «۱» - ۸۶

$$\log_r a + \log_r (a-1) + \log_r 4 = 3 \Rightarrow \log_r (a(a-1) \times 4) = 3$$

$$\Rightarrow r a(a-1) = r^3 \Rightarrow a(a-1) = 2$$

$$\Rightarrow a^2 - a - 2 = 0 \Rightarrow \begin{cases} a_1 = 2 \\ a_2 = -1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \log_a 4 = \log_r 4 = \log_r r^3 = 3 \log_r 2 = 3$$

(یاسین سپهر)

## حسابان ۱

## گزینه «۱» - ۸۱

$$a_5 = 23 \Rightarrow a_1 + 4d = 23$$

$$a_{11} = 47 \Rightarrow a_1 + 10d = 47$$

$$\Rightarrow 6d = 24 \Rightarrow d = 4, a_1 + 16 = 23 \Rightarrow a_1 = 7$$

$$S_{13} = \frac{13}{2} (2 \times 7 + 4(13-1)) = \frac{13}{2} (14 + 48) = 403$$

(بیانیه شیخ نجفی)

## گزینه «۳» - ۸۲

$$\sqrt{4x+1} = 5 - 2\sqrt{3-x}$$

$$\xrightarrow{\text{توان ۲}} 4x+1 = 25 + 4(3-x) - 20\sqrt{3-x}$$

$$\Rightarrow 20\sqrt{3-x} = -8x + 36 \xrightarrow{+4} 5\sqrt{3-x} = -2x + 9$$

$$\xrightarrow{\text{توان ۲}} 25(3-x) = 4x^2 - 36x + 81 \Rightarrow 4x^2 - 11x + 6 = 0$$

معادله بالا ۲ جواب حقیقی دارد که مجموع آنها برابر است با  $\frac{11}{4}$ .

(علی شیرازی)

## گزینه «۴» - ۸۳

نقطه A را به صورت  $(\alpha, \sqrt{\alpha})$  در نظر می‌گیریم.فاصله  $\sqrt{2}$  از خط  $x+y-2=0$  را حساب می‌کنیم و برابر با

قرار می‌دهیم:

$$\frac{|\alpha + \sqrt{\alpha} - 2|}{\sqrt{1^2 + 1^2}} = \sqrt{2} \Rightarrow |\alpha + \sqrt{\alpha} - 2| = 4$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \alpha + \sqrt{\alpha} - 2 = 4 \Rightarrow \alpha + \sqrt{\alpha} - 6 = 0 \\ \alpha + \sqrt{\alpha} - 2 = -4 \Rightarrow \alpha + \sqrt{\alpha} = -2 \end{cases}$$

معادله اول را با تجزیه کردن عبارت سمت چپ تساوی حل می‌کنیم.

$$\alpha + \sqrt{\alpha} - 6 = 0 \Rightarrow (\sqrt{\alpha} - 2)(\sqrt{\alpha} + 2) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sqrt{\alpha} = 2 \Rightarrow \alpha = 4 \Rightarrow A(4, 2) \\ \sqrt{\alpha} = -3 \end{cases}$$

حالا فاصله A(4, 2) را تا مبدأ مختصات حساب می‌کنیم:

$$OA = \sqrt{x_A^2 + y_A^2} = \sqrt{4^2 + 2^2} = 2\sqrt{5}$$



(میلاد منصوری)

گزینه ۳ - ۸۹

$$\text{چون } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^r + ax + b}{x^r + x - 2} = 3 \text{ است، و از آنجا که وقتی } x \rightarrow 1 \text{ مخرج این}$$

کسر صفر می شود، پس حتماً صورت آن نیز باید صفر باشد:

$$1 + a + b = 0 \Rightarrow a + b = -1$$

بنابراین،  $x^r + ax + b$  دارای عاملی به صورت  $(x-1)(x+m)$  است.

داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(x+m)}{(x+2)(x-1)} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x+m}{x+2} = \frac{1+m}{3} = 3 \Rightarrow m = 8$$

یعنی  $a = 7$  و  $x^r + ax + b = (x-1)(x+8) = x^r + 7x - 8$ 

$$\therefore b = -8$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 7} \frac{x^r - 7x}{-8x + 56} = \lim_{x \rightarrow 7} \frac{x(x-7)}{-8(x-7)} = \lim_{x \rightarrow 7} \frac{x}{-8} = -\frac{7}{8}$$

(سعید عالم)

گزینه ۳ - ۹۰

$$\lim_{x \rightarrow \infty^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow \infty^-} [x^r - 1] = [(-1)^-] = -1$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow \infty^+} \frac{1 - \cos rx}{ax^r} = \lim_{x \rightarrow \infty^+} \frac{rx \sin x}{ax^r}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty^+} \frac{r}{a} \left( \frac{\sin x}{x} \right)^r = \left( \frac{r}{a} \right) (1) = \frac{r}{a}$$

$$\xrightarrow{\text{برابری حد های چپ و راست}} \frac{r}{a} = -1 \Rightarrow a = -1$$

$$\xrightarrow{\text{پیوستگی}} 3a + b = -2 \xrightarrow{a = -1} b = 1$$

$$\Rightarrow a + b = 0$$

(سراجی سری تشرییب)

گزینه ۳ - ۸۷

$$\begin{cases} \sin 16^\circ = \sin(180^\circ - 20^\circ) = \sin 20^\circ \\ \cos 20^\circ = \cos(180^\circ + 20^\circ) = -\cos 20^\circ \\ \cos 110^\circ = \cos(90^\circ + 20^\circ) = -\sin 20^\circ \\ \sin 70^\circ = \cos(90^\circ - 20^\circ) = \cos 20^\circ \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{\sin 16^\circ - \cos 20^\circ}{\cos 110^\circ + \sin 70^\circ} = \frac{\sin 20^\circ + \cos 20^\circ}{-\sin 20^\circ + \cos 20^\circ}$$

با تقسیم صورت و مخرج کسر بالا بر  $\cos 20^\circ$  داریم:

$$\frac{\tan 20^\circ + 1}{-\tan 20^\circ + 1} = \frac{1/36}{0/64} = \frac{17}{8}$$

(علی سلامت)

گزینه ۲ - ۸۸

ابتدا دو کسر موجود در عبارت A را هم مخرج کرده و سپس به کمک

$$\text{رابطه } \sin x \cdot \cos x = \frac{1}{2} \sin 2x \text{ مخرج را ساده می کنیم:}$$

$$A = \frac{\sin 22/5^\circ + \cos 22/5^\circ}{\sin 22/5^\circ \cdot \cos 22/5^\circ} = \frac{\sin 22/5^\circ + \cos 22/5^\circ}{\frac{1}{2} \sin 45^\circ}$$

در مرحله بعد قرار می دهیم  $B = \sin 22/5^\circ + \cos 22/5^\circ$  و سپس طرفین

این تساوی را به توان ۲ می رسانیم:

$$B^r = (\sin 22/5^\circ + \cos 22/5^\circ)^r$$

$$= \sin^r 22/5^\circ + \cos^r 22/5^\circ + 2 \sin 22/5^\circ \cdot \cos 22/5^\circ = 1 + \sin 45^\circ$$

$$B^r = 1 + \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{2 + \sqrt{2}}{2} \Rightarrow B = \frac{\sqrt{2 + \sqrt{2}}}{\sqrt{2}}$$

اکنون با بدست آمدن B، مقدار A را محاسبه می کنیم:

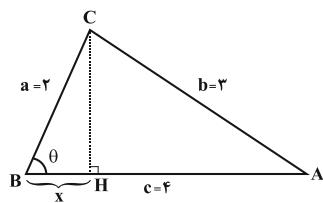
$$A = \frac{\sqrt{2 + \sqrt{2}}}{\frac{\sqrt{2}}{\frac{1}{2} \times \frac{1}{\sqrt{2}}}} = 2\sqrt{2 + \sqrt{2}}$$





(سیاک کریم)

گزینه «۲» - ۹۹



$$b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos \theta$$

$$\Rightarrow 9 = 4 + 16 - 16 \cos \theta \Rightarrow 11 = 16 \cos \theta \Rightarrow \cos \theta = \frac{11}{16}$$

اندازه تصوری قائم ضلع  $BC$  بر ضلع  $AB$  است، بنابراین در مثلث

قائم الزاویه  $BCH$  داریم:

$$\cos \theta = \frac{x}{BC} = \frac{x}{2} \Rightarrow \frac{x}{2} = \frac{11}{16} \Rightarrow x = \frac{11}{8}$$

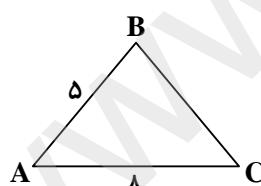
(محمد رضا سپوری)

گزینه «۱» - ۱۰۰

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} AB \times AC \times \sin \hat{A}$$

$$10\sqrt{3} = \frac{1}{2} \times 5 \times 8 \times \sin \hat{A} \Rightarrow 10\sqrt{3} = 20 \sin \hat{A}$$

$$\Rightarrow \sin \hat{A} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \hat{A} = 60^\circ$$



از طرفی طبق قضیه کسینوس‌ها داریم:

$$BC^2 = AB^2 + AC^2 - 2AB \times AC \times \cos \hat{A}$$

$$BC^2 = 25 + 64 - 2(5)(8) \times \cos 60^\circ$$

$$\Rightarrow BC^2 = 89 - 40 = 49 \Rightarrow BC = 7$$

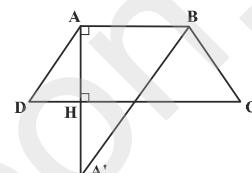
محیط مثلث  $= 5 + 8 + 7 = 20$

پس مساحت سطح محصور بین چهارضلعی‌های  $A'B'C'D'$  و  $A''B''C''D''$  برابر مساحت  $ABCD$  است.

(امیرحسین ابومحبوب)

گزینه «۲» - ۹۷

برای پیدا کردن کمترین مقدار  $MA + MB$  به گونه‌ای که  $M$  روی قاعده  $CD$  باشد، کافی است بازتاب نقطه  $A$  را نسبت به خط  $CD$  یافته و آن را  $A'$  بنامیم و سپس مقدار  $A'B$  را به دست آوریم (این مقدار دقیقاً برابر با کمترین مقدار  $MA + MB$  است).



با توجه به مفروضات سوال داریم:

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} AH(AB + CD) \Rightarrow 39 = \frac{1}{2} AH(5 + 8) \Rightarrow AH = 6$$

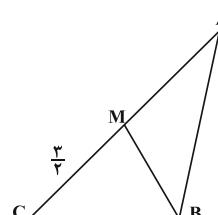
$$\Rightarrow AA' = 12$$

$$A'B : A'B^2 = AA'^2 + AB^2 = 144 + 25 = 169 \Rightarrow A'B = 13$$

(میلاد منصوری)

گزینه «۱» - ۹۸

$$a + b + c = 15 \xrightarrow{b=5} a + c = 10$$



طبق قضیه نیمسازهای زوایای داخلی داریم:

$$\frac{CM}{MA} = \frac{BC}{AB} \Rightarrow \frac{\frac{3}{5}}{\frac{2}{5}} = \frac{a}{c} \Rightarrow \frac{a}{c} = \frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{a}{a+c} = \frac{\frac{3}{5}}{\frac{3}{5} + \frac{2}{5}} \xrightarrow{a+c=10} \begin{cases} a = 3 \\ c = 2 \end{cases}$$

پس طول کوچکترین ضلع مثلث، برابر ۳ است.



$$P(A' \cap B') = 1 - P(A \cup B)$$

$$= 1 - \left( \frac{45}{90} + \frac{30}{90} - \frac{15}{90} \right) = \frac{30}{90} = \frac{1}{3}$$

(یاسین سپهر)

گزینه «۱» - ۱.۵

اگر مهره سفید را با  $A$  و مهره غیرسفید را با  $B$  نمایش دهیم، آنگاه فضای

نمونه «کاهش یافته» به صورت زیر خواهد بود.

$$S = \{AAAB, AABA, ABAA, BAAA\}$$

پیشامد سفید بودن مهره‌های اول و سوم در این فضای نمونه دو عضو دارد.

$$\frac{2}{4} = \frac{1}{2} \text{ می‌باشد.}$$

(عادل مسینی)

گزینه «۱» - ۱.۶

$$P\left(\begin{array}{c} \text{غیر} \\ \text{همزنگ} \end{array}\right) = P\left(\begin{array}{c} \text{اولی} \\ \text{سفید} \end{array}\right).P\left(\begin{array}{c} \text{دومی} \\ \text{سیاه} \end{array}\right) + P\left(\begin{array}{c} \text{اولی} \\ \text{غیرسیاه} \end{array}\right).P\left(\begin{array}{c} \text{دومی} \\ \text{غیرسیاه} \end{array}\right)$$

$$= \frac{5}{15} \times \frac{8}{15} + \frac{10}{15} \times \frac{10}{15} = \frac{140}{225} = \frac{28}{45}$$

(عادل مسینی)

گزینه «۳» - ۱.۷

$$\begin{cases} P(A) = P(B) = x \\ P(A \cap B) = P(A).P(B) = x^2 \end{cases}$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$\Rightarrow 2x - x^2 = 0 / 64 \Rightarrow \begin{cases} x = 1/6 \\ x = 0/4 \end{cases} \text{ غ.ق.ق.}$$

$$\Rightarrow P(A) = P(B) = 0/4, P(A \cap B) = 0/16$$

$$P(A - B) = P(A) - P(A \cap B) = 0/4 - 0/16 = 0/24$$

## آمار و احتمال

گزینه «۳» - ۱.۱

(سعید بختیاری کاخن آباد)

p	q	$\sim q$	$p \wedge q$	$p \vee \sim q$	$(p \wedge q) \Rightarrow (p \vee \sim q)$
د	د	ن	د	د	د
د	ن	د	ن	د	د
ن	د	ن	ن	ن	د
ن	ن	د	ن	د	د

(رضا پورمسینی)

گزینه «۴» - ۱.۲

$$4 = x - 3 \Rightarrow x = 7$$

$$x = y - 1 \Rightarrow 7 = y - 1 \Rightarrow y = 8$$

$$\{y - 1, z + 2\} = \{7, 9\} \xrightarrow{y-1=7} z + 2 = 9 \Rightarrow z = 1$$

$$\Rightarrow x + y + z = 7 + 8 + 1 = 16$$

(سعید بختیاری کاخن آباد)

گزینه «۱» - ۱.۳

$$[(B - A)' - A]' = [(B \cap A')' \cap A']'$$

$$= [(B' \cup A) \cap A']'$$

$$= [(B' \cap A') \cup \underbrace{(A \cap A')}_{\Phi}]' = (B' \cap A')' = A \cup B$$

(امیرحسین ابومنوب)

گزینه «۲» - ۱.۴

$$S : \text{اعداد ۳ رقمی} \Rightarrow n(S) = 900$$

$$A : \text{اعداد زوج ۳ رقمی} \Rightarrow n(A) = \left[ \frac{999}{2} \right] - \left[ \frac{99}{2} \right] = 450$$

$$B : ۳ \text{ اعداد ۳ رقمی مضرب ۳} \Rightarrow n(B) = \left[ \frac{999}{3} \right] - \left[ \frac{99}{3} \right] = 300$$

$$A \cap B : ۶ \text{ اعداد ۳ رقمی مضرب ۶} \Rightarrow n(A \cap B) = \left[ \frac{999}{6} \right] - \left[ \frac{99}{6} \right] = 150$$



(امیرحسین ابوموسی)

## گزینه «۲» - ۱۱.

اختلاف بین شماره‌های اولین و چهارمین دانش آموز انتخاب شده، سه برابر

تعداد اعضای گروه‌ها (طول طبقات) است. بنابراین داریم:

$$\text{تعداد گروه‌ها} = \frac{۴۲ - ۶}{۳} = ۱۲$$

$$\text{تعداد گروه‌ها} = \frac{۱۸۰}{۱۲} = ۱۵$$

(عادل مسین)

## گزینه «۳» - ۱۰۸.

اگر داده‌های اصلی را با  $y_i$  نمایش دهیم، رابطه  $y_i$  با  $x_i$  (داده‌های جدول)

$$\text{به صورت } x_i = \frac{y_i - ۹۵}{۱۰۰} \text{ می‌باشد.}$$

$$y_i = 100x_i + 95$$

$$\Rightarrow \bar{y} = 100\bar{x} + 95$$

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^6 w_i x_i}{\sum_{i=1}^6 w_i}$$

$$= \frac{۲ \times (-۳) + ۴ \times (-۲) + ۵ \times (-۱) + ۶ \times ۰ + ۲ \times ۱ + ۱ \times ۲}{۲ + ۴ + ۵ + ۶ + ۲ + ۱} = -\frac{۳}{۴}$$

$$\bar{y} = 100 \left( -\frac{۳}{۴} \right) + 95 = ۷۰$$

(سعید مجذوبی کاغذ آبار)

## گزینه «۴» - ۱۰۹.

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n} = \frac{۳۰}{۶} = ۵$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}} = \sqrt{\frac{۱+۱+۱+۱+۱+۱}{۶}} = \sqrt{۱}$$

$$\Rightarrow CV = \frac{\sigma}{\bar{x}} = \frac{\sqrt{۱}}{۵} = ۰ / ۲\lambda$$