

دفترچه پاسخ

آزمون ۶ تیر ۱۳۹۹

دوازدهم ریاضی (عمومی و اختصاصی)

 [instagram.com/ kanoonir\\_12r](https://www.instagram.com/kanoonir_12r)



# دفترچه پاسخ

## عمومی دوازدهم

### (ریاضی)

### ۱۳۹۹ ماه ۶

**طراحان**

رضا ایزدی، ولی برجی، محمد داورپناهی، هادی پولادی، مجید فاتحی، مرتضی کاظمی‌شیرودی، محمد کاظمی نصرآبادی، الهه مسیح‌خواه، خالد مشیرپناهی، فاطمه منصورخاکی، ولی‌الله نوروزی	عربی (بان قرآن)
تیمور رحمتی، میرحسین زاهدی، علی شکوهی، سasan عزیزی‌نژاد، حمید مهدیان‌راد	(بان انگلیسی)

**گزینشگران و براستاران**

نام درس	مسئول درس	گزینشگر	گروه ویراستاری	رتبه برتر	گروه مستندسازی
عربی (بان قرآن)	مهری نیکزاد	فاطمه منصورخاکی	حسام حاج‌مؤمن، محمدعلی مرتضوی	محمد‌حسین اسلامی	لیلا ایزدی
(بان انگلیسی)	سپیده عرب	سپیده عرب	رحمت‌الله استبری محدثه مرآتی	بهزاد احمدپور	سپیده جلالی

**گروه فنی و تولید**

الهام محمدی	مدیر گروه
مصطفی شاعری	مسئول دفترچه
مدیر، فاطمه رسولی‌نسب، مسئول دفترچه؛ فریبا رزوفی	مستندسازی و مطابقت با مصوبات
زهراء تاجیک	صفحه آراء
علیرضا سعدآبادی	نظرات چاپ

**گروه آزمون**

**بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی (وقف عام)**

آدرس دفتر مرکزی: خیابان انقلاب- بین صبا و فلسطین- پلاک ۹۲۳ - تلفن چهار رقمی: ۰۶۴۶۳-۰۲۱

# رئیس‌جمهوری

آزمون ۶ تیر ۹۹

## اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)



پذیدآورندگان

نام درس	نام
حسابات	عادل حسینی - امیرhosنگ خمسه - طاهر دادستانی - یاسین سپهر - میلاد سجادی لاریجانی - علی سلامت جبیب شفیعی - علی شهرابی - فرنود فارسیجانی - سعید علم پور - حمید علیزاده - مهدی غفاری - کیان کریمی خراسانی - میلاد منصوری - جهانبخش نیکنام - وحید ون آبادی
هندرسه	امیرحسین ابومحبوب - سعید جعفری کافی آباد - عادل حسینی - محمد خندان - مسعود درویشی - علی ساوجی حمدیرضا سجودی - علی فتح آبادی - فرشاد فرامرزی - رضا عباسی اصل - رحمت عین علیان - سیامک کریمی محمدابراهیم گیتیزاده - نوید مجیدی - میلاد منصوری - داریوش ناظمی
آمار و احتمال و ریاضیات گسته	امیرحسین ابومحبوب - سعید جعفری کافی آباد - عادل حسینی - مسعود درویشی - یاسین سپهر - علیرضا شریف خطیبی

گروه علمی

نام درس	حسابات	نام
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب
گروه ویراستاری	مرضیه گودرزی علی ارجمند	عادل حسینی
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	محمد اکبری
مسئول دفترچه	عادل حسینی
گروه مستندسازی	مدیر گروه: فاطمه رسولی نسب مسئول دفترچه: آتنه اسفندیاری
حروفنگار و صفحه‌آرا	حسن خرم‌جو - ندا اشرفی
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

### بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۷۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳



(الله مسیح فواه)

## ۹- گزینه «۳»

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: در این گزینه «بزياده حرف واحد» نادرست است.

گزینه «۲»: در این گزینه ثالثی مزید نادرست است.

گزینه «۴»: در این گزینه «للمخاطب، مفعوله (المیاه)» نادرست است.

(تمثیل صرفی و مدل اعرابی)

(الله مسیح فواه)

## ۱۰- گزینه «۲»

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: اسم فاعل من فعل مجرد نادرست است.

گزینه «۳»: معرفه نادرست است.

گزینه «۴»: اسم مفعول نادرست است.

(تمثیل صرفی و مدل اعرابی)

(فاطمه منصوریان)

## ۱۱- گزینه «۴»

در این گزینه، «مرسل» اسم فاعل است و باید به صورت «مرسل» باشد (فرستنده نامه در جایی دور زندگی می‌کنند).

(فقط هر کات)

(ظاهر مشیرپناهن - (ملکان))

## ۱۲- گزینه «۴»

در گزینه «۴» آمده است: «جایی برای پرواز هوایماها = تایر (چهارچوب)» که نادرست است، چرا که توضیح داده شده مربوط به «مطار: فرودگاه» است.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «بیماری‌ای که به سر مرتبط است = سردرد»

گزینه «۲»: «جسمی برای برخی بازی‌های ورزشی = توپ»

گزینه «۳»: «بیماری‌ای که به بینی مرتبط است = سرماخوردگی»

(مفهوم)

(مرتضی کاظمی‌شیرودی)

## ۱۳- گزینه «۲»

توضیح: «أنت» برای تاکید فعل است. ترجمه عبارت چنین است: «ای آدم فقط تو و همسرت وارد بهشت شویدا»

(انواع بملات)

(محمد اورپناهن - بینور)

## ۱۴- گزینه «۴»

سوال خواسته فعل مجهول شخص کنید. فعل مجهول معنی «شد، می‌شود» دارد و مفعول ندارد. در گزینه «۴»، «تقدم» فعل مجهول و به معنای «تقدیم می‌شود» است.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: سلب: سلب کردن

گزینه «۲»: مشاهد: مشاهده می‌کنند/ غرسوا: کاشتند

گزینه «۳»: کان قد اکتسپوا: بدست آورده بودند

(انواع بملات)

(ممدوح کاظمی‌نصرآبادی - کاشان)

## ۱۵- گزینه «۱»

در این گزینه (علی، فی، إلی) حرف جر هستند.

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۲»: (علی) حرف جر است.

گزینه «۳»: حرف جری وجود ندارد.

گزینه «۴»: (فی، فی) حرف جر هستند.

(انواع بملات)

## عربی، زبان قرآن ۱

## ۱- گزینه «۱»

(مرتضی کاظمی‌شیرودی)

«قدانا». ما را هدایت کرد (رد گزینه «۳») / «ماگنا لنهتدى». راه نمی‌یافته، هدایت نمی‌شیم (رد گزینه «۲») / «لولا أن هدانا الله». اگر خدا ما را هدایت نکرده بود (رد گزینه «۴») (ترجمه)

(ولی برہی - ابهر)

## ۲- گزینه «۲»

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «این سازمان

گزینه «۳»: «آمد

(ترجمه)

(ولی برہی - ابهر)

## ۳- گزینه «۴»

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «دلخیں‌ها (معرفه نباید باشد)

گزینه «۲»: «می‌دیدم

گزینه «۳»: «فیلمی دیدم

(ترجمه)

## ۴- گزینه «۲»

(ولی الله نوروزی)

کلمه «اعصار» مفرد و به معنای «گردباد» و کلمه «الأسماك» جمع مکسر و به معنای «ماهی‌ها» می‌باشد.

(ترجمه)

## ۵- گزینه «۱»

(فاطمه منصوریان)

«در بهار»: فی الربيع / درختان دارای میوه هستند: للأشجار ثمرة / «شاخه‌هایشان»: غصونها، اغصانها / تروتازه است: نظره / چه زیاست: ما أجمل / «باغها»: الحدائق / طبیعت: الطبيعة / (ترجمه)

ترجمه درگ مطلب:

سیاره زمین سومین سیاره منظومة شمسی است از سمت خورشید بعد از عطارد و زهره، و تا به الان تنها سیاره‌ای است که از حیات انسان‌ها شتبه‌یانی می‌کند. پس بر روی آن انواع مختلف موجودات زنده زندگی می‌کنند برای ایجاد شرایط مناسب برای زندگی او. به این دلیل که درجه حرارتی که از خورشید به آن مرسد به دلیل فاصله مناسب متعادل است، همان‌طور که آب یافت می‌شود که به رشد گیاهان کمک می‌کند و اکسیژن ضروری برای تنفس موجودات زنده و حمایت می‌کند؛ محافظ جوی از سطح زمین در مقابل اشعة مضر خورشید که از خورشید می‌آید و کمک می‌کند به توزیع درجه حرارت بر روی سطح زمین و به آسمان رنگ آبی زیبا در طول روز می‌دهد. مسافت بین طبقه اول محافظ جوی و سطح زمین ۱۵ کیلومتر است تقریباً. بین آخرین طبقه جوی و سطح زمین ۴۰ کیلومتر فاصله است تقریباً.

## ۶- گزینه «۳»

(الله مسیح فواه)

فقط اکسیژن در متن گفته شده است نه گازهای مختلف!

(درگ مطلب)

## ۷- گزینه «۴»

(ستکون) غلط است چون شاید در آینده سیاره‌های دیگر قابلیت زندگی پیدا کنند (در متن گفته شده است: حتی الان)

(درگ مطلب)

## ۸- گزینه «۴»

(الله مسیح فواه) دلیلی درباره عدم حیات در سیارات دیگر در متن موجود نیست. (درگ مطلب)



(ممید مهریان، رار)

## «گزینه ۲۲»

(۲) کلید

(۱) علامت

(کلوزتست)

(۴) لامپ

(۳) موفقیت

(ممید مهریان، رار)

## «گزینه ۲۳»

## نکته مهم درسی

برای اشاره به تداوم عملی در زمان گذشته از ساختار گذشته استمراری استفاده می‌کنیم. این زمان از ترکیب «was/were + verb + ing» ساخته می‌شود.

(کلوزتست)

(ممید مهریان، رار)

## «گزینه ۲۴»

(۲) مقصد

(۱) اختراع

(کلوزتست)

(۴) تعطیلی

(۳) جاذبه

(ممید مهریان، رار)

## «گزینه ۲۵»

## نکته مهم درسی

حرف اضافه واژه "research" به معنای «تحقیق» "on" می‌باشد. (کلوزتست)

(ممید مهریان، رار)

## «گزینه ۲۶»

(۲) بیابان

(۱) اداره

(کلوزتست)

(۴) آزمایشگاه

(۳) بهشت

(تیمور، رهمت)

## «گزینه ۲۷»

ترجمه جمله: «در متن، تاریخ همه موارد زیر را می‌توانیم بیابیم، بهغیر از زمانی که میچل نوشتمن رمانش را آغاز کرد.» (درک مطلب)

(تیمور، رهمت)

## «گزینه ۲۸»

ترجمه جمله: «تزدیکترین کلمه از نظر معنایی به کلمه "vivid" در خط ۱۰، "روشن، واضح" است.» (درک مطلب)

(تیمور، رهمت)

## «گزینه ۲۹»

ترجمه جمله: «کدامیک از موارد زیر یک عامل مهم در موقوفیت بزرگ رمان میچل بود؟» (درک مطلب)

(تیمور، رهمت)

## «گزینه ۳۰»

ترجمه جمله: «طبق متن، کدامیک از جملات زیر درست است؟ بر باد رفته داستان بسیار جالبی است، اگرچه درباره وقایعی است که در گذشته اتفاق افتاده‌اند.» (درک مطلب)

## زبان انگلیسی ۱

## «گزینه ۲۴»

(ساسان عزیزی نژاد)

ترجمه جمله: «آن رستوران همیشه پر از آدم است، پس (در نتیجه) آن باید

رستوران خلی خوبی باشد.»

## نکته مهم درسی

یکی از کاربردهای فعل وجہی "must" برای استنباط و نتیجه‌گیری می‌باشد. (کرامر)

## «گزینه ۲۵»

(ساسان عزیزی نژاد)

ترجمه جمله: «ورست بلندترین کوه در جهان است. آن بلندتر از هر کوه دیگری است.»

## نکته مهم درسی

بعد از صفات برترین، برای مکان‌های مفرد از حرف اضافه "in" یا "of" استفاده می‌کنیم. با توجه به بافت جمله داده شده، در جای خالی دوم از صفت برتر استفاده می‌کنیم. گزینه ۴ «ترکیب غلطی است.» (کرامر)

## «گزینه ۲۶»

(ساسان عزیزی نژاد)

ترجمه جمله: «من و مادرم داشتم در خیابان قدم می‌زدیم که ناگهان صدای گام‌ها را پشت سرمان شنیدیم.»

## نکته مهم درسی

گذشته ساده (were walking)+when+(heard) گذشته استمراری چون فاعل جمله (My mother and I) جمع است، از فعل کمکی "were" در گذشته استمراری استفاده می‌کنیم (رد گزینه ۱). (کرامر)

## «گزینه ۲۷»

(ممید مهریان، رار)

ترجمه جمله: «آن تخت‌خواب برای آن پیرزن آنقدر سنگین بود که نمی‌توانست تکانش دهد. بنابراین، لیزا به او کمک کرد آن را به داخل خانه حمل کند.»

- (۱) اهمیت دادن  
(۴) مقایسه کردن  
(واژگان)

## «گزینه ۲۸»

(ممید مهریان، رار)

ترجمه جمله: «در هفت دسامبر، بازیگر مشهور آمریکایی، هری مورگان، در سن ۹۶ سالگی در شهر لس آنجلس به‌آرامی در خواب فوت کرد.» (۱) در آوردن [لباس]، برخواستن هواپیما (۲) باور داشتن به (۳) فوت کردن  
(واژگان)

## «گزینه ۲۹»

(ممید مهریان، رار)

ترجمه جمله: «مراسم قرار است در روسیایی در شمال ایتالیا برگزار شود، بنابراین خیلی برای کودکان و افرادی که از صندلی چرخدار استفاده می‌کنند مناسب نخواهد بود.»

- (۱) قابل حل  
(۴) مناسب  
(واژگان)

## «گزینه ۳۰»

(ممید مهریان، رار)

ترجمه جمله: «میهمان نواز



$$\Rightarrow \sqrt{2} \sin x + 3 \cot x = \sqrt{2} \times \frac{1}{\sqrt{2}} + 3 \times 1 = 1 + 3 = 4$$

(بیانیه‌شکن یکنام)

گزینه «۳» - ۳۴

$$A = \frac{(\sqrt{2})^2 + 3^2}{\sqrt{2} + 3} + 3\sqrt{2} = \frac{(\sqrt{2} + 3)(2 - 3\sqrt{2} + 9)}{(\sqrt{2} + 3)} + 3\sqrt{2}$$

$$\Rightarrow A = 11 \Rightarrow (A+1)^{\frac{1}{2}} = 12^{\frac{1}{2}} = \sqrt{12} = 2\sqrt{3}$$

(علی شعبانی)

گزینه «۲» - ۳۵

$$r^x + r^{-x} = 10 \Rightarrow r^x + r^{-x} + 2 = 12 \Rightarrow (r^x + r^{-x})^2 = 12$$

$$\Rightarrow r^x + r^{-x} = 2\sqrt{3}$$

با استفاده از اتحاد چاق و لاغر داریم:

$$r^x + r^{-x} = (r^x + r^{-x})(r^x - 1 + r^{-x}) = 2\sqrt{3}(10 - 1) = 18\sqrt{3}$$

(بیانیه‌شکن یکنام)

گزینه «۳» - ۳۶

فرض کنیم نمودار  $f$  را به اندازه  $a$  واحد در راستای محور  $x$  ها انتقالبدهیم تا نمودار تابع جدید بر نمودار  $g$  مماس شود، در این صورت معادله

$$f(x+a) = g(x)$$

$$-2(x+a) = 4x^2 + 10x + 3 \Rightarrow 4x^2 + 12x + 3 + 2a = 0$$

$$\xrightarrow{\Delta=0} \Delta = 12^2 - 4(4)(3+2a) = 4(24 - 8a) = 0 \Rightarrow a = 3$$

(سعید علم‌پور)

ریاضی ۱

گزینه «۳» - ۳۱

در هر مرحله ۴ مربع هاشور خورده داریم:

$$\begin{cases} (1+2)^2 : \text{در شکل (۱)} \\ (2+2)^2 : \text{در شکل (۲)} \\ (3+2)^2 : \text{در شکل (۳)} \\ \vdots \end{cases}$$

$$\Rightarrow \text{تعداد کل مربع‌های سفید در شکل } n = a_n = (n+2)^2 - 4 = n^2 + 4n$$

$$\Rightarrow a_{15} = (15)^2 + 4(15) = 285$$

(پاسین سپهر)

گزینه «۲» - ۳۲

$$t_1 = t_r + 32 \Rightarrow t_1 - t_r = t_1 - t_1 r^r = t_1 (1 - r^r) = 32$$

$$t_1 + t_r + t_r = \lambda \Rightarrow t_1 + t_1 r + t_1 r^r = \lambda$$

$$\Rightarrow t_1 (1 + r + r^r) = \lambda$$

$$\Rightarrow \frac{t_1 (1 - r^r)}{t_1 (1 + r + r^r)} = \frac{\lambda}{32} \Rightarrow \frac{(1 - r)(1 + r + r^r)}{(1 + r + r^r)} = \frac{\lambda}{32} = r$$

$$\Rightarrow 1 - r = r \Rightarrow r = -\frac{1}{2}$$

(ظاهر (ادسان))

گزینه «۳» - ۳۳

$$\tan x + \cot x = \tan x + \frac{1}{\tan x} = 2 \Rightarrow \tan x = \cot x = 1$$

$$\xrightarrow{x \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)} \sin x = \frac{1}{\sqrt{2}}$$



(محمد علیزاده)

گزینه «۱» - ۳۹

$$(0,2), (0,a+b) \in f \xrightarrow[\text{بودن شرط تابع}]{\quad} a+b=2$$

$$(-1,ab), (-1,-3) \in f \xrightarrow[\text{بودن شرط تابع}]{\quad} ab=-3$$

$$\xrightarrow[b=2-a]{\quad} a(2-a) = -3 \Rightarrow a^2 - 2a - 3 = 0 \Rightarrow \begin{cases} a = -1 \\ a = 3 \end{cases}$$

$$\Rightarrow b = 2 - a \begin{cases} \xrightarrow{a=-1} b = 3 \\ \xrightarrow{a=3} b = -1 \end{cases}$$

•  $a = -1, b = 3$

$$\Rightarrow f = \{(-1,-3), (0,2), (-1,3), (-1,-3), (0,2)\}$$

•  $a = 3, b = -1$

$$\Rightarrow f = \{(-1,-3), (0,2), (3,1), (-1,-3), (0,2)\}$$

$$\Rightarrow a - b = 3 - (-1) = 4$$

(عادل مسینی)

گزینه «۱» - ۴۰

$$\begin{cases} \text{همانی است } f \Rightarrow f(x) = x \\ \text{ثابت است } g \Rightarrow g(x) = c \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{rf(2)+g(1)}{rg(\delta)+f(1)} = \frac{r+c}{rc+1} = \frac{1}{r} \Rightarrow c = r$$

(فرنود فارسی‌جانی)

گزینه «۳» - ۳۷

$$\text{نمودار تابع } f(x) \text{ یک سهمی است که مختصات رأس آن } S \left| \begin{array}{c} -\frac{b}{2a} \\ \Delta \\ -\frac{\Delta}{4a} \end{array} \right.$$

بیشترین مقدار تابع در رأس سهمی اتفاق می‌افتد. پس عرض رأس سهمی

$$\text{یعنی } \frac{\Delta}{4a} - \text{ باید برابر } 3 \text{ باشد.}$$

$$\Delta = 4 - 4(a)(-a+1) = 4 + 4a^2 - 4a$$

$$\Rightarrow \frac{-\Delta}{4a} = -\frac{4 + 4a^2 - 4a}{4a} = -a + 1 - \frac{1}{a}$$

$$\frac{-\Delta}{4a} = 3 \Rightarrow -a + 1 - \frac{1}{a} = 3 \Rightarrow -a^2 - 1 = 2a \Rightarrow a^2 + 2a + 1 = 0$$

$$\Rightarrow a = -1$$

(کیان کریمی‌فراسازی)

گزینه «۲» - ۳۸

$$x^r - \alpha x^r \leq x - \alpha \Rightarrow x^r(x - \alpha) \leq x - \alpha \Rightarrow x^r(x - \alpha) - (x - \alpha) \leq 0$$

$$\Rightarrow (x^r - 1)(x - \alpha) \leq 0 \Rightarrow (x - 1)(x + 1)(x - \alpha) \leq 0$$

$$\begin{array}{c|ccccc} x & & -1 & 1 & \alpha & + \\ \hline (x-1)(x+1)(x-\alpha) & - & + & + & - & + \end{array}$$

$$\Rightarrow x \in (-\infty, -1] \cup [1, \alpha] \xrightarrow{x \in \mathbb{N}} x = 1, 2, 3, \alpha$$



$$\triangle ADC : EN \parallel DC \Rightarrow \frac{AE}{AD} = \frac{EN}{DC} \Rightarrow EN = 9$$

$$\triangle ADB : EM \parallel AB \Rightarrow \frac{DE}{AD} = \frac{EM}{AB} \Rightarrow EM = 4$$

$$MN = 9 - 4 = 5$$

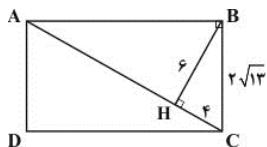
و در نتیجه،

(رضا عباسی اصل)

گزینه ۲ - ۴۴

$$\triangle BHC : HC^2 = (2\sqrt{13})^2 - 6^2 = 16 \Rightarrow HC = 4$$

داریم:



بنابراین روابط طولی در مثلث قائم الزاویه ABC داریم:

$$BH^2 = CH \cdot AH \Rightarrow 36 = 4 \cdot AH \Rightarrow AH = 9$$

$$\Rightarrow AC = 13$$

$$AB^2 = AH \cdot AC \Rightarrow AB^2 = 9 \times 13$$

$$\Rightarrow AB = 3\sqrt{13}$$

محیط مستطیل ABCD از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$2(AB + BC) = 2(3\sqrt{13} + 2\sqrt{13}) = 10\sqrt{13}$$

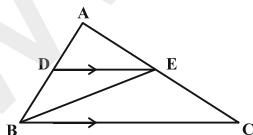
(فرشاد خرامزی)

گزینه ۲ - ۴۵

$$DE \parallel BC \xrightarrow{\text{قضیه اساسی تشابه}} \triangle ADE \sim \triangle ABC, k = \frac{AD}{AB} = \frac{2}{5}$$

$$\Rightarrow \frac{S_{ADE}}{S_{ABC}} = k^2 = \frac{4}{25}$$

$$\Rightarrow S_{ADE} = \frac{4}{25} S_{ABC} \quad (1)$$



$$\left. \begin{array}{l} \frac{S_{BEC}}{S_{ABE}} = \frac{EC}{AE} \\ DE \parallel BC \Rightarrow \frac{EC}{AE} = \frac{BD}{AD} = \frac{4}{2} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{S_{BEC}}{S_{ABE}} = \frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{S_{BEC}}{S_{ABC}} = \frac{3}{5} \Rightarrow S_{BEC} = \frac{3}{5} S_{ABC} \quad (2)$$

از (1) و (2) داریم:

$$\frac{S_{ADE}}{S_{BEC}} = \frac{\frac{4}{25} S_{ABC}}{\frac{3}{5} S_{ABC}} = \frac{4}{15}$$

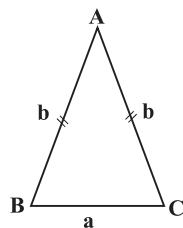
(رضا عباسی اصل)

۱ هندسه

گزینه ۱ - ۴۱

مطابق شکل اگر طول‌های قاعده و ساق را به ترتیب با a و b نمایش دهیم،

آنگاه داریم:



$$a + b + b = 16 \Rightarrow a + 2b = 16$$

از طرفی بنا به قضیه نامساوی مثلث داریم:

$$a < b + b \Rightarrow a < 2b \xrightarrow{+a} a + a < \underbrace{a + 2b}_{16}$$

$$\Rightarrow a < b \xrightarrow{a > 0} 0 < a < b$$

پس مقادیر صحیح ممکن برای a عبارتند از:

$$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 = 28$$

و در نتیجه:

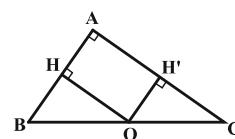
(علی ساوی)

گزینه ۱ - ۴۲

توجه کنید که در مثلث قائم الزاویه، نقطه همرسی عمودمنصف‌ها (نقطه‌ای که

از سه رأس مثلث به یک فاصله است) وسط وتر است. چهارضلعی

مستطیل است، زیرا سه زاویه قائمه دارد. حال داریم:

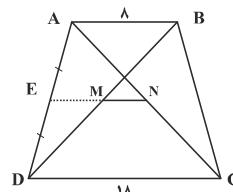


$$S_{OHAH'} = AH \cdot AH' = \frac{1}{2} AB \times \frac{1}{2} AC$$

$$= \frac{1}{4} \left( \frac{1}{2} AB \times AC \right) = \frac{1}{4} S_{ABC}$$

(رضا عباسی اصل)

گزینه ۲ - ۴۳



فرض کنیم M و N وسط قطعه‌های ذوزنقه باشند. امتداد MN ساق‌های

ذوزنقه را در وسط آنها قطع می‌کند و داریم:



$$\triangle AMH : OH' \parallel AH \Rightarrow \frac{OH'}{AH} = \frac{OM}{AM} = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow OH' = \frac{1}{3} AH, \quad MC = \frac{1}{2} BC$$

$$S_{OMC} = \frac{1}{2} MC \cdot OH'$$

$$= \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} BC \times \frac{1}{3} AH \right) = \frac{1}{6} BC \cdot AH = \frac{1}{6} S_{ABC}$$

(دریوش ناظمی)

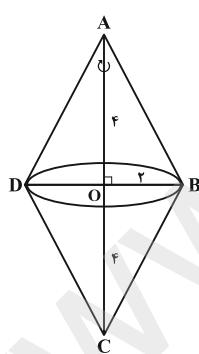
## گزینه «۳» - ۴۹

اگر دو صفحه متقاطع باشند، در صورتی هر دو بر صفحه‌ای عمودند که فصل

مشترکشان بر آن صفحه عمود باشد.

(سعید بختیاری کافی آبار)

## گزینه «۴» - ۵۰



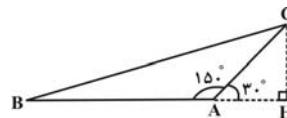
مطابق شکل، از آنجا که در لوزی قطرها یکدیگر را نصف می‌کنند، از دوران قطر

بزرگ لوزی دو مخروط که شعاع قاعدة هر کدام برابر  $r = 2$  و ارتفاع هر کدامبرابر  $4$  است، تشکیل می‌شود. در نتیجه حجم شکل حاصل برابر است با:

$$V = 2 \left( \frac{1}{3} \pi r^2 h \right) = 2 \left( \frac{1}{3} \pi (2)^2 \times (4) \right) = \frac{16}{3} \pi$$

(نویر مهیری)

## گزینه «۱» - ۴۶

فرض کنیم  $AB = 12$  و  $AC = 6$  باشد.  $CH$  ضلع رو به رو به زاویه  $30^\circ$  در

مثلث قائم‌الزاویه است، پس داریم:

$$CH = \frac{1}{2} AC = 3$$

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot CH = \frac{1}{2} \times 12 \times 3 = 18$$

(رحمت عین علیان)

## گزینه «۲» - ۴۷

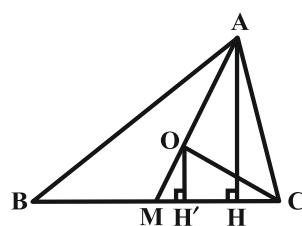
مجموع فواصل هر نقطه دلخواه درون مثلث متساوی‌الاضلاع (به ضلع  $a$ ) از سهضلع آن، با ارتفاع مثلث یعنی  $\frac{\sqrt{3}}{2} a$  برابر است. پس طبق فرض داریم:

$$\frac{\sqrt{3}}{2} a = 6 \Rightarrow a = 4\sqrt{3}$$

$$S = \frac{\sqrt{3}}{4} a^2 = \frac{\sqrt{3}}{4} \times (4\sqrt{3})^2 = 12\sqrt{3}$$

(محمد ابراهیم کیم زاده)

## گزینه «۴» - ۴۸

 نقطه همرسی میانه های مثلث  $ABC$ ، هر میانه را به نسبت  $1$  به  $2$  تقسیم می‌کند، یعنی  $\frac{OM}{AM} = \frac{1}{3}$ . اگر  $AH$  ارتفاع مثلث  $ABC$  و  $OH'$  ارتفاع مثلث  $OMC$  باشد:ارتفاع مثلث  $OMC$  باشد:



(محمد اورپناهی - بینور)

**۵۷- گزینه «۲»**

بر اساس متن از دلایل تأثیر منفی بر تپش‌های قلب:  
 گزینه «۱»: کم تحرکی و عدم فعالیت بدنی  
 گزینه «۲»: سیگار کشیدن و بکار بردن نیکوتین  
 گزینه «۳»: زیادی کلسترول به شکل طبیعی  
 گزینه «۴»: بالا رفتن فشار خون

(درک مطلب)

(محمد اورپناهی - بینور)

**۵۸- گزینه «۳»**

ترجمه گزینه «۳»: «انسان در این دنیا با بیماری‌های مختلف محاصره شده است!»  
 که طبق متن درست است.

**ترشیح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: «وجود کلسترول هیچ فایده‌ای در بدن ندارد!» که طبق متن نادرست است.  
 گزینه «۲»: «قلب کارهای روزانه‌اش را به سیله تپش‌های قلب انجام می‌دهد!» که طبق متن نادرست است.  
 گزینه «۴»: «بیماری‌های قلب به کشورهای جهان سوم اختصاص دارد!» که طبق متن نادرست است.

(درک مطلب)

(محمد اورپناهی - بینور)

**۵۹- گزینه «۴»****ترشیح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: باب افعال: باب افعال  
 گزینه «۲»: فعل محدود: فعل معلوم  
 گزینه «۳»: باب افعال: باب افعال/مجھول: معلوم (تفصیل صرفی و مدل اعرابی)

(محمد اورپناهی - بینور)

**۶۰- گزینه «۳»****ترشیح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: مفرد عادی: مفرد عدو/امبتدا: مضاف الیه  
 گزینه «۲»: اسم فاعل نیست/صفت: مضاف الیه  
 گزینه «۴»: اسم مبالغه نیست/جارو مجرور: مضاف الیه  
 (تفصیل صرفی و مدل اعرابی)

(ولی برهی - ابهر)

**۶۱- گزینه «۲»**

(فقط مركات)

«صلح» نادرست است و باید به صورت «مصلح» باشد.

(ولی برهی - ابهر)

**۶۲- گزینه «۲»**

(مفهوم)

(الحياة = عیش)

(متضمن کاظم شیروی)

**۶۳- گزینه «۳»**

در گزینه «۱»: آهدی: فعل شرط، هو خیرهم؛ جواب شرط جملة اسمیه در گزینه «۲»: تفکرتم: فعل شرط، سوف تشاهدون؛ جواب شرط جملة فعلیه در گزینه «۴»: کنت: فعل شرط، سأفعل: جواب شرط.  
 (انواع بملات)

(الیه مسیح فواه)

**۶۴- گزینه «۲»**

(متعلم در گزینه «۲») مبتدا بوده و برای آن جمله وصفیه آمده است.

(انواع بملات)

(مرتضی کاظم شیروی)

**۶۵- گزینه «۲»**

فعل ناقص «کان» در صورتی ماضی است که در ترجمه بتوان از واژه «بود» استفاده کرد.  
 نکته: جواب شرط را می‌توان مضارع ترجمه کرد. در گزینه «۱»: اگر بیشتر تلاش کنی از برترین داشت آموzan می‌شود. نکته «۲»: هرگاه در جمله «آن+کان» باید به صورت «است» ترجمه می‌شود. در گزینه «۳»: بی گمان خداوند به هر چیزی دانا است/ نکته «۴»: مفهوم جمله اگر به خدا باز گردد، چون برای همیشه است لذا نمی‌توان آن را محدود به گذشته دانست. در گزینه «۴»: خداوند به آن چه انجام می‌دهید بینا است. اما در گزینه «۵» کان بی‌أمل به معنای ماضی استمراری است (از رو می‌کرد).  
 (انواع بملات)

**عربی، زبان قرآن****۵۱- گزینه «۳»**

(محمد علی کاظمی نصر آبادی - کاشان)  
 «وَالَّذِينَ وَكَسَانِي كه (رد گزینه «۲»)/ «يَجْتَبِونَ»: دوری می‌کنند (رد گزینه‌های «۴» و «۵») «كَبَارُ الْإِثْمِ وَالْفَوَاحِشِ» گناهان بزرگ و کارهای زشت (رد گزینه «۲»/ «۳»/ «۴»/ «۵») «مَا: هنگامی که / غضبوا» خشمگین شوند (رد گزینه‌های «۱» و «۲» و «۳») / هم یغرون: می‌بخشایند

(ترجمه)

**۵۲- گزینه «۲»****نکته مهم درسی**

۱- کان + فعل مضارع = ماضی استمراری  
 ۲- هولاء + اسم ال دار = هولاء معنی این می دهد

**ترشیح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: «اینها مریضانی هستند» رد گزینه «۱»  
 گزینه «۳»: «این، خواستند» رد گزینه «۳»  
 گزینه «۴»: «ایران مریض های بودند» رد گزینه «۴»

(ترجمه)

**۵۳- گزینه «۲»**

(مدتضمن کاظم شیروی)

«هناک شجرة»: درختی وجود دارد، هست (رد گزینه «۱») «تلتَّ خَوْلُ الْجِزْعِ وَ غَصْنَهَا»: اطراف تنه و شاخه هایش در دره می‌پیچد «تَخْنَقُ تَدْرِيْجِيًّا»: به تدریج خفه می شود (رد گزینه‌های ۱ و ۴) الشجرة: این (و یا آن) درخت (رد گزینه «۳»)

(ترجمه)

**۵۴- گزینه «۴»****ترشیح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: ترجمه درست: «پیراهن قرمزی را از معازه همکارم با هفتاد هزار تومان گرفتم.»  
 گزینه «۲»: ترجمه درست: «باید صدای ایمان را از صدای کسی که با او صحبت می کنیم بالا نبریم.»  
 گزینه «۳»: ترجمه درست: «قبر اراده کرد به کسی که به او ناسرا گفته بود، دشمن دهد!»

(ترجمه)

**۵۵- گزینه «۴»**

(هادی پولادی - تبریز)  
 ایرادات سایر گزینه‌ها: در گزینه «۱»: یُنَاطِفَ، کم، مدرسه / در گزینه «۲»: مدارس / در گزینه «۳»: اصبح

(ترجمه)

**ترجمه متن**

قلب کارهای روزانه‌اش را به سیله عضلاتش انجام می‌دهد. انسان در این دنیا با دشمنان مختلف همچون بیماری‌ها محاصره شده است. بیماری‌های قلب بیشتر از سایر ایجادهای می‌شود.  
 دشمن اول برای قلب همان زیادی کاستروول است که خطیزی را برابر انسان در بعضی مواقع باعث می‌شود. دشمن دوم برای قلب انسان همان بالا فقط تپش خون است. دشمن سوم همان سیگار کشیدن است که بر تپش‌های قلب تاثیر می‌گذارد و اما دشمن آخر همان نداشتن فعالیت بدنی و کم تحرکی که عضله‌های قلب را ضعیف می‌کند. بدان که ورزش عضله‌های قلب را نیز ممند می‌کند.

(محمد اورپناهی - بینور)

**۵۶- گزینه «۴»**

ترجمه گزینه «۴»: «زیادی کلسترول همیشه خطیزی را برای انسان باعث می‌شود!»  
 که طبق متن نادرست است.

**ترشیح گزینه‌های دیگر**

گزینه «۱»: بیماری‌های قلب به کشورهای جهان اختصاص می‌باشد.  
 گزینه «۲»: کلسترول ماده‌ای است که بدن از آن بنياز نیست!  
 گزینه «۳»: فعالیت بدنی از دلایل سلامت قلب است!

(درک مطلب)



(تیمور، رهنم)

## «گزینه ۲»

ترجمه جمله: «کدامیک از گزینه‌های زیر بهترین عنوان برای این متن است؟»  
«ایجاد (گسترش) آزمون‌های چند گزینه‌ای»

(درک مطلب)

(تیمور، رهنم)

## «گزینه ۳»

ترجمه جمله: «کلمه زیر خطدار "their" در پاراگراف ۱ به managers اشاره دارد.»

(درک مطلب)

(تیمور، رهنم)

## «گزینه ۱»

ترجمه جمله: «زدیک‌ترین کلمه از نظر معنایی به کلمه زیر خطدار "pursue" در پاراگراف ۲ "follow" (دنبال کردن) است.»

(درک مطلب)

(تیمور، رهنم)

## «گزینه ۴»

ترجمه جمله: «منظور نویسنده متن از ذکر "the Greeks and Chinese" (يونانیان و چینی‌ها) چیست؟»

برای این که نشان بدهد انتخاب افراد براساس توانایی ذهنی آن‌ها ایده جدیدی نیست.

(درک مطلب)

(تیمور، رهنم)

## «گزینه ۳»

ترجمه جمله: «کدامیک از گزینه‌های زیر بهترین عنوان برای متن است؟»

(تکنیک‌هایی برای کنترل ذهن دیگران)

(تیمور، رهنم)

## «گزینه ۲»

ترجمه جمله: «زدیک‌ترین کلمه از نظر معنایی به کلمه زیر خطدار "certain" در پاراگراف ۲، "particular" (خاص) است.»

(درک مطلب)

(تیمور، رهنم)

## «گزینه ۳»

ترجمه جمله: «کلمه زیر خطدار "them" در پاراگراف ۳ به افراد اشاره دارد.»

(درک مطلب)

(تیمور، رهنم)

## «گزینه ۴»

ترجمه جمله: «طبق متن، کدامیک از جملات زیر درست نیست؟»  
«هیپنوتیزم و شستشوی مغزی تنها تکنیک‌های کنترل ذهن دیگران هستند.»

(درک مطلب)

(علی شکوهی)

## «زبان انگلیسی ۲»

## «گزینه ۴»

ترجمه جمله: «کل بحث بیهوده بود. آنقدر از جدال بی‌پایانشان کیسل شدم که

مدتها پیش از اتمام آن جلسه، سالن را ترک کردم.»

(۱) کسل کننده

(۲) کسل کردن

(۳) به طور کسل کننده

(۴) کسل

نکته مهم درسی

«get» فعل ربطی است، بنابراین بعد از آن باید از صفت استفاده کنیم. گزینه‌های «۲» و «۳» به ترتیب فعل و قید هستند و نمی‌توانند درست باشند. گزینه «۱» صفت فاعلی است و با توجه به مفهوم جمله به صفت مفعولی نیاز داریم. (گرامر)

## «گزینه ۲»

ترجمه جمله: «او هرگز ترقی نخواهد کرد، اگر نیاموزد که نسبت به مشتریان مؤدب‌تر باشد.»

نکته مهم درسی

چون بعد از "if" از فعل زمان حال ساده استفاده شده، با شرطی نوع اول سروکار خواهیم داشت؛ بنابراین در جای خالی باید از آینده ساده استفاده کنیم (رد گزینه‌های «۳» و «۴»). دلیل نادرستی گزینه «۱» استفاده از قید تکراری "will" قبل از فعل کمکی "will" است. همان‌طور که می‌دانید جایگاه قیدهای تکرار بعد از فعل کمکی و قبل از فعل اصلی است.

## «گزینه ۳»

(ممیر مهریان، اراد)

(۱) مجموعه

(کلوزتست)

(۴) تجربه

(۳) میزان، مقدار

## «گزینه ۲»

(ممیر مهریان، اراد)

(۱) بیماری

(کلوزتست)

(۴) تجارت

(۳) خوشحالی

## «گزینه ۴»

(ممیر مهریان، اراد)

نکته مهم درسی

باتوجه به معنای جمله، تنها می‌توان از "something" استفاده کرد. (کلوزتست)

## «گزینه ۱»

(ممیر مهریان، اراد)

(۱) بیماری

(کلوزتست)

(۴) فشار

(۳) ضربان

## «گزینه ۳»

(ممیر مهریان، اراد)

نکته مهم درسی

در جمله شرطی نوع اول در بند باسخ شرط، پس از فعل وجہی "will" شکل ساده فعل می‌آید.

(کلوزتست)



(ویدیو آنلاین)

## گزینه «۳» - ۸۴

با استفاده از تغییر متغیر  $t = x^2 + 2x + 1$  داریم:

$$y = \left[ \frac{t+3}{t+1} \right] = \left[ 1 + \frac{2}{t+1} \right]$$

حال داریم:

$$t \geq 0 \Rightarrow t+1 \geq 1 \Rightarrow 0 < \frac{1}{t+1} \leq 1 \Rightarrow 0 < \frac{2}{t+1} \leq 2$$

$$\Rightarrow 1 < 1 + \frac{2}{t+1} \leq 3 \Rightarrow \left[ 1 + \frac{2}{t+1} \right] = 1 \text{ یا } 2 \text{ یا } 3$$

مجموع اعضای برد برابر ۶ است.

(علی سلامت)

## گزینه «۴» - ۸۵

ابتدا برای محاسبه  $g(f^{-1}(x)) = g(4x-1)$  در تساوی  $(\gamma)$  به جای  $x$ 

عدد ۲ را قرار می‌دهیم:

$$f^{-1}(x) = g(4x-1) \xrightarrow{x=2} f^{-1}(2) = g(4)$$

در تساوی  $\circ$  به جای  $f(\gamma)$   $f(f^{-1}(2))$  را قرار می‌دهیم و

طبق آن را به صورت زیر ساده می‌کنیم:

$$h(f(g(\gamma))) = h(f(f^{-1}(2))) \Rightarrow h(2) = \circ$$

حال از آنجایی که  $y = h(x)$  تابعی یک‌به‌یک است، برای یافتن صفرهای $y = h(3x^2 + 5x + 4)$  کافی است به صورت زیر عمل کنیم:

$$3x^2 + 5x + 4 = \circ \Rightarrow 3x^2 + 5x + 2 = 0 \xrightarrow{\Delta > 0} \alpha\beta = \frac{c}{a} = \frac{2}{3}$$

(یاسین سپهر)

## گزینه «۱» - ۸۶

$$\log_r a + \log_r (a-1) + \log_r 4 = \circ \Rightarrow \log_r (a(a-1) \times 4) = \circ$$

$$\Rightarrow r a(a-1) = r^r \Rightarrow a(a-1) = r$$

$$\Rightarrow a^r - a - r = \circ \Rightarrow \begin{cases} a_1 = r \\ a_r = -1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \log_a r = \log_r r = \log_r r^r = r \log_r r = r$$

(یاسین سپهر)

## حسابان ۱

## گزینه «۱» - ۸۱

$$a_5 = 23 \Rightarrow a_1 + 4d = 23$$

$$a_{11} = 47 \Rightarrow a_1 + 10d = 47$$

$$\Rightarrow 6d = 24 \Rightarrow d = 4, a_1 + 16 = 23 \Rightarrow a_1 = 7$$

$$S_{13} = \frac{13}{2} (2 \times 7 + 4(13-1)) = \frac{13}{2} (14 + 48) = 403$$

(یوسف نیشانیان)

## گزینه «۳» - ۸۲

$$\sqrt{4x+1} = 5 - 2\sqrt{3-x}$$

$$\xrightarrow{\text{توان}} 4x+1 = 25 + 4(3-x) - 20\sqrt{3-x}$$

$$\Rightarrow 20\sqrt{3-x} = -8x + 36 \xrightarrow{+4} 5\sqrt{3-x} = -2x + 9$$

$$\xrightarrow{\text{توان}} 25(3-x) = 4x^2 - 36x + 81 \Rightarrow 4x^2 - 11x + 6 = \circ$$

معادله بالا ۲ جواب حقیقی دارد که مجموع آنها برابر است با  $\frac{11}{4}$ .

(علی شیرازی)

## گزینه «۴» - ۸۳

نقطه A را به صورت  $(\alpha, \sqrt{\alpha})$  در نظر می‌گیریم.فاصله  $\sqrt{2}$  از خط  $x+y-\circ = \circ$  را حساب می‌کنیم و برابر با

قرار می‌دهیم:

$$\frac{|\alpha + \sqrt{\alpha} - \circ|}{\sqrt{1^2 + 1^2}} = \sqrt{2} \Rightarrow |\alpha + \sqrt{\alpha} - \circ| = 4$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \alpha + \sqrt{\alpha} - \circ = 4 \Rightarrow \alpha + \sqrt{\alpha} - 6 = \circ \\ \alpha + \sqrt{\alpha} - \circ = -4 \Rightarrow \alpha + \sqrt{\alpha} = -2 \end{cases}$$

معادله اول را با تجزیه کردن عبارت سمت چپ تساوی حل می‌کنیم.

$$\alpha + \sqrt{\alpha} - 6 = \circ \Rightarrow (\sqrt{\alpha} - 2)(\sqrt{\alpha} + 2) = \circ$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sqrt{\alpha} = 2 \Rightarrow \alpha = 4 \Rightarrow A(4, 2) \\ \sqrt{\alpha} = -2 \end{cases}$$

حالا فاصله A(4, 2) را تا مبدأ مختصات حساب می‌کنیم:

$$OA = \sqrt{x_A^2 + y_A^2} = \sqrt{4^2 + 2^2} = 2\sqrt{5}$$



(میلاد منصوری)

گزینه «۳» - ۸۹

چون  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^r + ax + b}{x^r + x - 2} = 3$  است، و از آنجا که وقتی  $x \rightarrow 1$  مخرج این

کسر صفر می‌شود، پس حتماً صورت آن نیز باید صفر باشد:

$$1 + a + b = 0 \Rightarrow a + b = -1$$

بنابراین،  $x^r + ax + b$  دارای عاملی به صورت  $(x-1)(x+m)$  است.

داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(x+m)}{(x+2)(x-1)} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x+m}{x+2} = \frac{1+m}{3} = 3 \Rightarrow m = 8$$

$a = 7$  است. پس  $x^r + ax + b = (x-1)(x+8) = x^r + 7x - 8$  یعنی

$$. b = -8$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 7} \frac{x^r - 7x}{-8x + 56} = \lim_{x \rightarrow 7} \frac{x(x-7)}{-8(x-7)} = \lim_{x \rightarrow 7} \frac{x}{-8} = -\frac{7}{8}$$

(سعید عالمی)

گزینه «۳» - ۹۰

$$\lim_{x \rightarrow \infty^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow \infty^-} [x^r - 1] = [(-1)^-] = -1$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow \infty^+} \frac{1 - \cos rx}{ax^r} = \lim_{x \rightarrow \infty^+} \frac{rx \sin x}{ax^r}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty^+} \frac{r}{a} \left( \frac{\sin x}{x} \right)^r = \left( \frac{r}{a} \right) (1) = \frac{r}{a}$$

$$\xrightarrow{\text{برابری حد های چپ و راست}} \frac{r}{a} = -1 \Rightarrow a = -1$$

$$\xrightarrow{\text{پیوستگی}} 3a + b = -2 \xrightarrow{a = -1} b = 1$$

$$\Rightarrow a + b = 0$$

(سراجی سری تمریبی)

گزینه «۳» - ۸۷

$$\begin{cases} \sin 16^\circ = \sin(180^\circ - 20^\circ) = \sin 20^\circ \\ \cos 20^\circ = \cos(180^\circ + 20^\circ) = -\cos 20^\circ \\ \cos 110^\circ = \cos(90^\circ + 20^\circ) = -\sin 20^\circ \\ \sin 70^\circ = \cos(90^\circ - 20^\circ) = \cos 20^\circ \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{\sin 16^\circ - \cos 20^\circ}{\cos 110^\circ + \sin 70^\circ} = \frac{\sin 20^\circ + \cos 20^\circ}{-\sin 20^\circ + \cos 20^\circ}$$

با تقسیم صورت و مخرج کسر بالا بر  $\cos 20^\circ$  داریم:

$$\frac{\tan 20^\circ + 1}{-\tan 20^\circ + 1} = \frac{1/36}{0/64} = \frac{17}{8}$$

(علی سلامت)

گزینه «۲» - ۸۸

ابتدا دو کسر موجود در عبارت A را هم مخرج کرده و سپس به کمک

رابطه  $\sin x \cdot \cos x = \frac{1}{2} \sin 2x$  مخرج را ساده می‌کنیم:

$$A = \frac{\sin 22/5^\circ + \cos 22/5^\circ}{\sin 22/5^\circ \cdot \cos 22/5^\circ} = \frac{\sin 22/5^\circ + \cos 22/5^\circ}{\frac{1}{2} \sin 45^\circ}$$

در مرحله بعد قرار می‌دهیم  $B = \sin 22/5^\circ + \cos 22/5^\circ$  و سپس طرفین

این تساوی را به توان ۲ می‌رسانیم:

$$B^r = (\sin 22/5^\circ + \cos 22/5^\circ)^r$$

$$= \sin^r 22/5^\circ + \cos^r 22/5^\circ + 2 \sin 22/5^\circ \cdot \cos 22/5^\circ = 1 + \sin 45^\circ$$

$$B^r = 1 + \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{2 + \sqrt{2}}{2} \Rightarrow B = \frac{\sqrt{2 + \sqrt{2}}}{\sqrt{2}}$$

اکنون با بدست آمدن B، مقدار A را محاسبه می‌کنیم:

$$A = \frac{\sqrt{2 + \sqrt{2}}}{\frac{\sqrt{2}}{\frac{1}{2} \times \frac{1}{\sqrt{2}}}} = 2\sqrt{2 + \sqrt{2}}$$



(رضا عباسی اصل)

## گزینه «۴» - ۹۴

اگر  $a$  طول یک ضلع چندضلعی منتظم محیطی و  $b$  طول یک ضلع چندضلعی منتظم محاطی دایره باشد، بنا به تمرین ۷ صفحه ۳۰ کتاب درسی داریم:

$$\begin{aligned} a &= \frac{\pi r \tan \frac{180^\circ}{n}}{n} \Rightarrow \frac{180^\circ}{n} = \frac{\cos \frac{180^\circ}{n}}{\sin \frac{180^\circ}{n}} \Rightarrow 2 = \frac{1}{\cos \frac{180^\circ}{n}} \\ b &= \frac{\pi r \sin \frac{180^\circ}{n}}{n} \Rightarrow \frac{180^\circ}{n} = \frac{\sin \frac{180^\circ}{n}}{\cos \frac{180^\circ}{n}} \Rightarrow \cos \frac{180^\circ}{n} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{180^\circ}{n} = 60^\circ \Rightarrow n = 3 \end{aligned}$$

پس چندضلعی های مفروض، مثلث متساوی الاضلاع هستند و داریم:

$$2P = 18 \Rightarrow P = 9: a = \frac{18}{3} = 6 \Rightarrow S = \frac{\sqrt{3}}{4} \times 6^2 = 9\sqrt{3}$$

$$r = \frac{S}{P} = \frac{9\sqrt{3}}{9} = \sqrt{3} \quad \text{شعاع دایره محاطی}$$

(امیرحسین ابومیهوب)

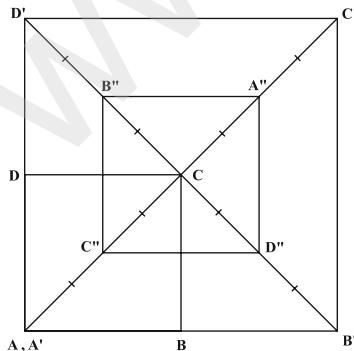
## گزینه «۳» - ۹۵

با زتاب، تبدیلی طولیا است، پس اندازه زاویه را حفظ می کند. از طرفی تمام نقاط روی محور بازتاب، تحت بازتاب، ثابت می مانند، پس بازتاب دارای بی شمار نقطه ثابت است. ولی بازتاب لزوماً شب خط را ثابت نگه نمی دارد.

(رضا عباسی اصل)

## گزینه «۳» - ۹۶

با توجه به مفروضات مسئله، شکل زیر را خواهیم داشت، که در آن داریم:



$$S_{A'B'C'D'} = 2 \times S_{ABCD} = 2S_{ABCD}$$

$$S_{A''B''C''D''} = (-\frac{1}{2}) \times S_{A'B'C'D'} = \frac{1}{4} \times 4S_{ABCD} = S_{ABCD}$$

## هندسه ۲

## گزینه «۴» - ۹۱

$$AB = BC \Rightarrow \widehat{AB} = \widehat{BC}$$

$$115^\circ = \frac{\widehat{BC} + \widehat{AD}}{2} \Rightarrow \widehat{BC} + \widehat{AD} = 230^\circ \xrightarrow{\widehat{BC} = \widehat{AD}}$$

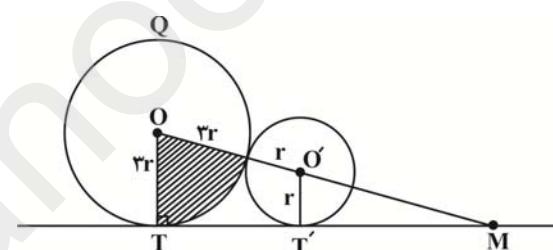
$$\Rightarrow \widehat{AB} + \widehat{AD} = 230^\circ \Rightarrow \widehat{BAD} = 230^\circ$$

$$\widehat{BCD} = \frac{\widehat{BAD}}{2} = \frac{230^\circ}{2} = 115^\circ$$

(علی فتح آبادی)

## گزینه «۳» - ۹۲

مساحت قطاع سایه خورده به اندازه زاویه  $O$  بستگی دارد. از طرفی دو زاویه  $M$  و  $O$  متمم یکدیگر می باشند، پس کافی است اندازه  $M$  را به دست آوریم.



$$\Delta MOT : OT \parallel O'T' \rightarrow \frac{MO'}{MO} = \frac{O'T'}{OT} \rightarrow \frac{MO'}{MO' + rr} = \frac{1}{3}$$

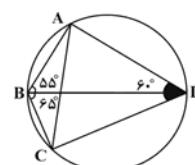
$$\rightarrow 3MO' = MO' + rr \rightarrow MO' = rr$$

$$\sin \hat{M} = \frac{OT}{MO} = \frac{rr}{2r} = \frac{1}{2} \rightarrow \hat{M} = 30^\circ \rightarrow \hat{O} = 60^\circ$$

بنابراین مساحت قطاع سایه خورده  $\frac{1}{360^\circ} \times 60^\circ = \frac{1}{6}$  مساحت دایره بزرگتر می باشد.

(رضا عباسی اصل)

## گزینه «۴» - ۹۳



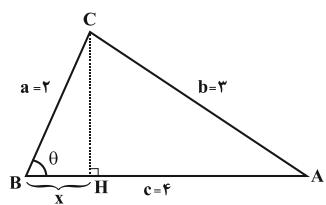
با توجه به اینکه  $\widehat{ABC} + \widehat{ADC} = 180^\circ$ ، پس چهارضلعی  $ABCD$  محاطی است. دایره محیطی آن را رسم می کیم. داریم:

$$\begin{aligned} \widehat{CAD} &= \widehat{CBD} = \frac{\widehat{CD}}{2} \\ \Rightarrow \widehat{CAD} &= 65^\circ \end{aligned}$$



(سیاک کریم)

گزینه «۲» - ۹۹



$$b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos \theta$$

$$\Rightarrow 9 = 4 + 16 - 16 \cos \theta \Rightarrow 11 = 16 \cos \theta \Rightarrow \cos \theta = \frac{11}{16}$$

اندازه تصوری قائم ضلع BC بر ضلع AB است، بنابراین در مثلث

قائم الزاویه BCH داریم:

$$\cos \theta = \frac{x}{BC} = \frac{x}{2} \Rightarrow \frac{x}{2} = \frac{11}{16} \Rightarrow x = \frac{11}{8}$$

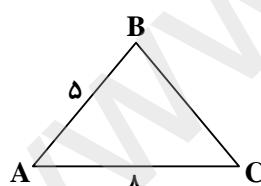
(محمد رضا سپوری)

گزینه «۱» - ۱۰۰

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} AB \times AC \times \sin \hat{A}$$

$$10\sqrt{3} = \frac{1}{2} \times 5 \times 8 \times \sin \hat{A} \Rightarrow 10\sqrt{3} = 20 \sin \hat{A}$$

$$\Rightarrow \sin \hat{A} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \hat{A} = 60^\circ$$



از طرفی طبق قضیه کسینوس‌ها داریم:

$$BC^2 = AB^2 + AC^2 - 2AB \times AC \times \cos \hat{A}$$

$$BC^2 = 25 + 64 - 2(5)(8) \times \cos 60^\circ$$

$$\Rightarrow BC^2 = 89 - 40 = 49 \Rightarrow BC = 7$$

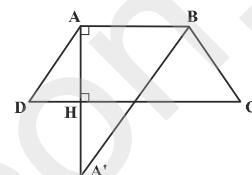
محیط مثلث

پس مساحت سطح محصور بین چهارضلعی‌های A'B'C'D' و A''B''C''D'' برابر مساحت ABCD است.

(امیرحسین ابومحبوب)

گزینه «۲» - ۹۷

برای پیدا کردن کمترین مقدار MA + MB به گونه‌ای که M روی قاعده CD باشد، کافی است بازتاب نقطه A را نسبت به خط CD یافته و آن را A' بنامیم و سپس مقدار A'B' را به دست آوریم (این مقدار دقیقاً برابر با کمترین مقدار MA + MB است).



با توجه به مفروضات سوال داریم:

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} AH(AB + CD) \Rightarrow 39 = \frac{1}{2} AH(5 + 8) \Rightarrow AH = 6$$

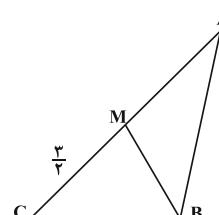
$$\Rightarrow AA' = 12$$

$$\frac{A'AB}{A'B'} : A'B' = AA'^2 + AB^2 = 144 + 25 = 169 \Rightarrow A'B = 13$$

(میلاد منصوری)

گزینه «۱» - ۹۸

$$a + b + c = 15 \xrightarrow{b=a} a + c = 10$$



طبق قضیه نیمسازهای زوایای داخلی داریم:

$$\frac{CM}{MA} = \frac{BC}{AB} \Rightarrow \frac{2}{1} = \frac{a}{c} \Rightarrow \frac{a}{c} = \frac{2}{1}$$

$$\Rightarrow \frac{a}{a+c} = \frac{2}{10} \xrightarrow{a+c=10} \begin{cases} a=2 \\ c=8 \end{cases}$$

پس طول کوچکترین ضلع مثلث، برابر ۳ است.



$$P(A' \cap B') = 1 - P(A \cup B)$$

$$= 1 - \left( \frac{45}{90} + \frac{30}{90} - \frac{15}{90} \right) = \frac{30}{90} = \frac{1}{3}$$

(یاسین سپهر)

گزینه «۱» - ۱.۵

اگر مهره سفید را با  $A$  و مهره غیرسفید را با  $B$  نمایش دهیم، آنگاه فضای

نمونه «کاهش یافته» به صورت زیر خواهد بود.

$$S = \{AAAB, AABA, ABAA, BAAA\}$$

پیشامد سفید بودن مهره‌های اول و سوم در این فضای نمونه دو عضو دارد.

$$\frac{2}{4} = \frac{1}{2} \text{ می‌باشد.}$$

(عادل مسینی)

گزینه «۱» - ۱.۶

$$P\left(\begin{array}{c} \text{غیر} \\ \text{همزنگ} \end{array}\right) = P\left(\begin{array}{c} \text{اولی} \\ \text{سفید} \end{array}\right).P\left(\begin{array}{c} \text{دومی} \\ \text{سیاه} \end{array}\right) + P\left(\begin{array}{c} \text{اولی} \\ \text{غیرسیاه} \end{array}\right).P\left(\begin{array}{c} \text{دومی} \\ \text{غیرسیاه} \end{array}\right)$$

$$= \frac{5}{15} \times \frac{8}{15} + \frac{10}{15} \times \frac{10}{15} = \frac{140}{225} = \frac{28}{45}$$

(عادل مسینی)

گزینه «۳» - ۱.۷

$$\begin{cases} P(A) = P(B) = x \\ P(A \cap B) = P(A).P(B) = x^2 \end{cases}$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$\Rightarrow 2x - x^2 = 0 / 64 \Rightarrow \begin{cases} x = 1/6 \\ x = 0/4 \end{cases} \text{ غ.ق.ق.}$$

$$\Rightarrow P(A) = P(B) = 0/4, P(A \cap B) = 0/16$$

$$P(A - B) = P(A) - P(A \cap B) = 0/4 - 0/16 = 0/24$$

## آمار و احتمال

گزینه «۳» - ۱.۱

(سعید بختیاری کاخن آباد)

p	q	$\sim q$	$p \wedge q$	$p \vee \sim q$	$(p \wedge q) \Rightarrow (p \vee \sim q)$
د	د	ن	د	د	د
د	ن	د	ن	د	د
ن	د	ن	ن	ن	د
ن	ن	د	ن	د	د

گزینه «۴» - ۱.۲

(رضا پورمسینی)

$$4 = x - 3 \Rightarrow x = 7$$

$$x = y - 1 \Rightarrow 7 = y - 1 \Rightarrow y = 8$$

$$\{y - 1, z + 2\} = \{7, 9\} \xrightarrow{y-1=7} z + 2 = 9 \Rightarrow z = 1$$

$$\Rightarrow x + y + z = 7 + 8 + 1 = 16$$

گزینه «۱» - ۱.۳

(سعید بختیاری کاخن آباد)

$$[(B - A)' - A]' = [(B \cap A')' \cap A']'$$

$$= [(B' \cup A) \cap A']'$$

$$= [(B' \cap A') \cup \underbrace{(A \cap A')}_{\Phi}]' = (B' \cap A')' = A \cup B$$

گزینه «۲» - ۱.۴

(امیرحسین ابومنوب)

$$S : \text{اعداد ۳ رقمی} \Rightarrow n(S) = 900$$

$$A : \text{اعداد زوج ۳ رقمی} \Rightarrow n(A) = \left[ \frac{999}{2} \right] - \left[ \frac{99}{2} \right] = 450$$

$$B : ۳ \text{ اعداد ۳ رقمی مضرب ۳} \Rightarrow n(B) = \left[ \frac{999}{3} \right] - \left[ \frac{99}{3} \right] = 300$$

$$A \cap B : ۶ \text{ اعداد ۳ رقمی مضرب ۶} \Rightarrow n(A \cap B) = \left[ \frac{999}{6} \right] - \left[ \frac{99}{6} \right] = 150$$



(امیرحسین ابوالمحبوب)

## گزینه «۲» - ۱۱.

اختلاف بین شماره‌های اولین و چهارمین دانش آموز انتخاب شده، سه برابر

تعداد اعضای گروه‌ها (طول طبقات) است. بنابراین داریم:

$$\text{تعداد اعضای هر گروه} = \frac{۴۲ - ۶}{۳} = ۱۲$$

$$\text{تعداد گروه‌ها} = \frac{۱۸۰}{۱۲} = ۱۵$$

(عادل حسینی)

## گزینه «۳» - ۱۰۸.

اگر داده‌های اصلی را با  $y_i$  نمایش دهیم، رابطه  $y_i$  با  $x_i$  (داده‌های جدول)

$$\text{به صورت } x_i = \frac{y_i - ۹۵}{۱۰۰} \text{ می‌باشد.}$$

$$y_i = 100x_i + 95$$

$$\Rightarrow \bar{y} = 100\bar{x} + 95$$

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^6 w_i x_i}{\sum_{i=1}^6 w_i}$$

$$= \frac{۲ \times (-۳) + ۴ \times (-۲) + ۵ \times (-۱) + ۶ \times ۰ + ۲ \times ۱ + ۱ \times ۲}{۲ + ۴ + ۵ + ۶ + ۲ + ۱} = -\frac{۳}{۴}$$

$$\bar{y} = 100 \left( -\frac{۳}{۴} \right) + 95 = ۷۰$$

(سعید مجذوبی کاغذ آبار)

## گزینه «۴» - ۱۰۹.

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n} = \frac{۳۰}{۶} = ۵$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}} = \sqrt{\frac{۱+۱+۱+۱+۱+۱}{۶}} = \sqrt{۱}$$

$$\Rightarrow CV = \frac{\sigma}{\bar{x}} = \frac{\sqrt{۱}}{۵} = ۰ / ۲۸$$



(میدیر خاتمی - کامیاران)

## ۱۱۸- گزینه «۳»

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «فریقکم» نادرست است.

گزینه «۲»: «شَجَعْ» نادرست است.

گزینه «۴»: ضمیر «هم» نادرست است.

(ترجمه)

(هادی پولادی - تبریز)

## ۱۱۹- گزینه «۴»

این آیه به نوعی استفهم انکاری بوده و می‌خواهد بگوید انسان بدون هدف نیست و غرضی در آفرینشش بوده است.

در همه گزینه‌ها به جز گزینه «۴»، به نوعی به هدف دار بودن خلقت انسان اشاره شده و مسیر حرکتش به سوی عالم بالا بیان گردیده است ولی در گزینه «۴»، بر هیچ و بیهوده بودن انسان و کارهایش اشاره می‌کند.

(مفهوم)

ترجمه متن درگ مطلب:

هنگامی که ایوب(ع) از پروردگارش به خاطر مصیبت گلایه و شکایت کرد، خداوند به او وحی کرد که با پایش زمین را بزند، پس دستور پروردگارش را استجابت کرد. پس از زمین چشمۀ آبی خارج شد پس ایوب(ع) خود را با آن شست پس همه بیماری‌های خارجی که در بدنش بود از بین رفت و از این آب نوشید پس همه بیماری‌های داخلی که در شکم بود از بین رفت، این تنها راه درمانی بود که خداوند به او هدیه داد پس سالم و تندرست برگشت همچنان که قبلًا بود، حتی بهتر هم شد، خداوند از طرف خودش ملخ طلایی به ایشان داد، پس آسایش گرفت در حالی که این طلایی که خداوند همه‌اش را به او داده بود را جمع کرد و همه برکت از جانب خداوند بود، پس همه اموال و بیشتر از آن به سوی ایوب(ع) برگشت، و جوانی‌اش و سلامتی‌اش به سویش برگشت، و خداوند به او فرزندان زیادی را داد.

(رضا بیزدی - کرکان)

## ۱۲۰- گزینه «۲»

تشریح همه گزینه‌ها

گزینه «۱»: «به ایوب(ع) سلامتی و جوانی‌اش بزنگشت!»، سلامتی و جوانی‌اش برگشت.

گزینه «۲»: «خداوند به ایوب(ع) فرزندان زیادی را بخشید!» بر اساس متن این گزینه صحیح می‌باشد.

گزینه «۳»: «فقط همه بیماری‌های داخلی ایوب(ع) از بین رفت!»، همه بیماری‌های داخلی و خارجی‌اش از بین رفت.

گزینه «۴»: «ایوب(ع) با پایش به چشمۀ آب زد!»، ایوب(ع) با پایش به زمین زد.

(درگ مطلب)

(رضا بیزدی - کرکان)

## ۱۲۱- گزینه «۳»

گزینه غلط را مشخص کن:

گزینه «۱»: «ایوب(ع) خانواده و اهل شهرش را به عبادت خدا دعوت می‌کرد!»

گزینه «۲»: «ایوب(ع) به شدت مریض شد در حالی که او صبور بود!»

گزینه «۳»: «توشیدن آب دلیل همه بیماری‌های خارجی بود!»

گزینه «۴»: «قصه ایوب(ع) همه‌اش مصیبت، آزمایش، سپس موفقیت بودا!»

(درگ مطلب)

## عربی، زبان قرآن ۳

## ۱۱۱- گزینه «۱»

(هادی پولادی - تبریز)

لاتکنو: نباشد (رد گزینه «۴») / کآلذین: مانند کسانی (رد گزینه «۲») / یقولون: می‌گویند (رد گزینه «۲») / شیئا: چیزی (رد گزینه «۳») / لایقدرون علی الدفاع: نمی‌توانند دفاع کنند (رد گزینه‌های «۳» و «۴») / عنه: از آن (رد گزینه «۲») (ترجمه)

## ۱۱۲- گزینه «۲»

(هادی پولادی - تبریز)

لا شیء: هچ چیزی ... نیست (رد گزینه‌های «۱» و «۳») / لیسعادنا: تا ما ریاری کند (رد گزینه‌های «۳» و «۴») / مشاکلنا الصعبة: مشکلات سختمان (رد گزینه‌های «۱» و «۴») (ترجمه)

## ۱۱۳- گزینه «۳»

(هادی پولادی - تبریز)

قطرات الماء المتاليّة: قطرات بی در پی آب (رد گزینه «۲») / فمهای: دهانش (رد گزینه «۲») / اطلاق: رهاکردن (رد گزینه‌های «۱» و «۴») / بتصید: تا صید کند (رد گزینه «۴») / الحشرات: حشرات (رد گزینه «۱») / حیة: زنده (حال است) (رد گزینه‌های «۲» و «۴») (ترجمه)

## ۱۱۴- گزینه «۳»

(الله مسیح فواد)

«ظرف زبان» در گزینه «۱» و «چون ظرفی» در گزینه «۲» غلط است.  
«الثقافة» در گزینه «۱» نکره و در گزینه «۲» جمع ترجمه شده است.  
«ستقدم» در گزینه «۲» مستقبل ترجمه نشده است.  
در گزینه «۴» «أمة» معرفه ترجمه شده و «أكثرا» به صورت اسم تفضیل ترجمه نشده است.

(ترجمه)

## ۱۱۵- گزینه «۳»

(مرتضی کاظم‌شیرودی)

لم يحصل: دست نیافت (رد گزینه «۱») / جائزه: جایزه‌ای (رد گزینه «۲») / کنتُ: افکر: (ماضی استمراری است چون کان + مضارع آمده است) فکر می‌کردم (رد گزینه «۴») (ترجمه)

(ترجمه)

## ۱۱۶- گزینه «۴»

(میدیر خاتمی - کامیاران)

تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: «به یاد می‌آوردم» نادرست است.

گزینه «۲»: «نامه نگاری می‌کند» نادرست است.

گزینه «۳»: «خودداری کرده است» نادرست است.

(ترجمه)

## ۱۱۷- گزینه «۴»

(میدیر خاتمی - کامیاران)

لم مخفف «لماذا» و به معنی «چرا» است.

ترجمه درست جمله: «چرا بازیکنان اسم هایشان را بر روی تابلوی زیبای موزه می‌نویسند».

نکات مهم درسی

لم + فعل مضارع: ترجمه به صورت: ماضی ساده منفی یا ماضی نقلی منفی

لم مخفف کلمه پرسشی «لماذا»

(ترجمه)



(ولی برخی - ابهر)

## ۱۲۷- گزینه «۲»

در این گزینه «تظاهر» مصدر است و «لا» قبل از آن نفی جنس است.

(انواع بملات)

(محمد راورپناهی - بندرود)

## ۱۲۸- گزینه «۲»

سوال خواسته حال را مشخص کنید.

گزینه «۱»: راحة: خبر کان است.

گزینه «۲»: ضاحکاً: حال است: دانش آموز خندان می‌رفت.

گزینه «۳»: دائم: حال نیست.

(هال)

گزینه «۴»: المتكاصلة: صفت است.

(هاری پولا(ی))

## ۱۲۹- گزینه «۲»

در گزینه «۲»: مستثنی منه جمع مکسر نیست.

در گزینه «۱»: الکتاب، در گزینه «۳»: الرُّمَاء و در گزینه «۴»: الطَّلَاب جمع مکسر و

(استثناء)

مستثنی منه می‌باشند.

(محمد راورپناهی - بندرود)

## ۱۳۰- گزینه «۴»

کدام گزینه معنی اختصاص ندارد، معنی اختصاص ( فقط، تنها) است یا اینکه

مستثنی منه حذف شده باشد.

گزینه «۱»: إنما معنی «تنها» دارد.

گزینه «۲»: إِيْاك معنی «تنها تورا» دارد.

گزینه «۳»: مستثنی منه حذف شده است: در زندگی فقط تلاشگران پیشرفت می‌کنند.

گزینه «۴»: مستثنی منه حذف نشده است هر بیماری دارویی دارد جز مرگ.

(استثناء)

(رضایزدی - کرمان)

## ۱۲۲- گزینه «۴»

دلیل رحمت خداوند به ایوب (ع) چه بود؟

گزینه «۱»: «برای اینکه او شخصی فقیر بود!»

گزینه «۲»: «برای اینکه ایوب (ع) مقام عالی بین مردم داشت!»

گزینه «۳»: «برای اینکه ایوب (ع) در ابتدا اموال و فرزندان زیادی داشت!»

گزینه «۴»: «برای اینکه او در هر حالتی خدا را اطاعت کرد و از رحمت خدا نامید نشد!»

(درک مطلب)

## ۱۲۲- گزینه «۳»

## شرح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: جمع سالم للمذکور: جمع مکسر أو تكسیر/ مجرور به حرف جر: مضاف

إليه

گزینه «۲»: مفرد «مریض» مفرد «مرض» / مجرور به حرف جر: مضاف إليه و مجرور

گزینه «۴»: اسم مفعول: اسم مفعول نیست

(تمثیل صرفی و مدل اعرابی)

## ۱۲۴- گزینه «۱»

## شرح گزینه‌های دیگر

گزینه «۲»: فعل و فاعله محدود: فاعله «أیوب»

گزینه «۳»: للغائب: للغائب / مزید ثلثی من باب استفعال: مزید ثلثی من باب

افتعال/جهول: معلوم

گزینه «۴»: مجرد ثلثی: مزید ثلثی من باب افعال / فعل و فاعله ضمير «هو»

(تمثیل صرفی و مدل اعرابی)

## ۱۲۵- گزینه «۲»

«ینقد» ماضع باب افعال و با توجه به جمله که معلوم است باید بر وزن (يَفْعِل) باید.

(ضبط هر کات)

(میری غاتی)

## ۱۲۶- گزینه «۲»

ادات تشییه یعنی کلمه‌ای که معنی تشییه بدهد. برخی از این ادات عبارتند از:

«کَانَ»: گویی، مثل این که، مانند، در گزینه «۱» / «كَ» به معنای مثل و مانند در

گزینه «۳»: محدود کردن در انتخاب کتاب مانند محدود کردن در انتخاب غذا است/

«مثل»: در گزینه «۴» هیچ عبادتی مثل تفکر نیست.

(انواع بملات)



## زبان انگلیسی ۳

## ۱۳۱ - گزینه «۴»

ترجمه جمله: «پروژه‌ای که انتظار می‌رفت در عرض دو سال به اتمام برسد به دلایل نامعلومی متوقف شد، اینطور نیست؟»

## نکته مهم درسی

سوال در مورد ساخت سوال کوتاه یا سوال تأییدی است. جمله اصلی سوال مجهول است، عبارت معترضه داخل پرانتز جزء اصلی جمله محسوب نمی‌شود و با توجه به فعل "to be" "جمله اصلی یعنی "was" ، گزینه پاسخ «۴» است. (کرامر)

## ۱۳۲ - گزینه «۱»

ترجمه جمله: «متاسفم، آقای هورتون وقت ندارد تا شما را ملاقات کند. مطمئنم اکنون اگر سرشان خیلی زیاد شلوغ نبود از شما با آغوش باز استقبال می‌کردد.»

## نکته مهم درسی

این سوال در مورد جملات شرطی است. مفهوم جمله از زمان حال غیرممکن صحبت می‌کند، پس شرطی نوع دوم به کار می‌رود که در این شرطی، در جمله شرطی بهتر است به جای "were" از "was" برای همه فاعل‌ها استفاده شود. (کرامر)

## ۱۳۳ - گزینه «۲»

ترجمه جمله: «آقای توماس یکی از پزشکان معروف بود که پژشک من زمانی که در مدرسه پزشکی بود تحت نظر او تحصیل می‌کرد.»

## نکته مهم درسی

در این سوال ضمیر موصولی همراه با حرف اضافه "under" به کار رفته است. دقت کنید عبارت "under that" ... "اشتباه است.

## ۱۳۴ - گزینه «۴»

ترجمه جمله: «آن‌ها صاحب اولین نوزاد پسرشان شدند و از این که او نسبت به وزن بدنش مقادیر زیادی غذا می‌خورد، متعجب بودند.»

- (۱) تشکیل شدن
- (۲) تبدیل کردن
- (۳) رسانیدگی کردن
- (۴) مصرف کردن، خوردن (واژگان)

## ۱۳۵ - گزینه «۳»

ترجمه جمله: «او همیشه آرزو داشت که پسرش شغل ممتازی به عنوان استاد دانشگاه داشته باشد، اما همه آنچه که به آن دست یافت کار کردن در یک کارخانه بود.»

- (۱) منقطع شده
- (۲) کشف شده
- (۳) ممتاز، برجسته
- (۴) ناتوان (واژگان)

## ۱۳۶ - گزینه «۲»

ترجمه جمله: «حتی این دانشجوی مهندسی هنوز نفهمیده است که خودروهای هیبریدی چگونه مزایای موتورهای بنزینی و الکتریکی را ترکیب می‌کنند.»

- (۱) منقضی شدن
- (۲) فهمیدن
- (۳) بیرون رفت
- (۴) خاموش کردن (واژگان)

## ۱۳۷ - گزینه «۱»

ترجمه جمله: «دانشمندان معتقدند استخراج ذغال سنگ می‌تواند به طور جدی زندگی انسانی و جانوری را به خطر بیندازد و محیط طبیعی را آلوده کند.»

- (۱) آلوده کردن
- (۲) مقایسه کردن
- (۳) جایگزین کردن
- (۴) احاطه کردن (واژگان)

(ممیر مهریان، رار)

(۲) شکل‌ها  
(۳) طبقات  
(۴) سوخت‌ها

## ۱۳۸ - گزینه «۴»

(۱) الگوهای  
(۲) مجموعه

(ممیر مهریان، رار)

نکته مهم درسی

از انجا که مرجع ضمیر موصولی ترکیب "renewable energy" به معنای "energy which" است، در بند موصولی از ضمیر "which" که برای غیرانسان (کلمه تجذیدپذیر) است. مفرد است، از فعل مفرد استفاده می‌کنیم. (کلمه تجذیدپذیر)

(ممیر مهریان، رار)

نکته مهم درسی

در این عبارت از کاربرد نیروی طبیعت توسط انسان سخن می‌گوییم و به فعل مجهول نیاز داریم "رد گزینه‌های" (۱) و (۳). همچنین از آن‌جا که واژه "power" مفرد است، از فعل مفرد استفاده می‌کنیم (رد گزینه «۴»).

(ممیر مهریان، رار)

(۲) انتقال دادن  
(۳) حمل کردن  
(۴) نیرو دادن

## ۱۴۱ - گزینه «۳»

(۱) رنج بردن  
(۲) تابش  
(۳) عفونت  
(۴) تولید

(ممیر مهریان، رار)

## ۱۴۲ - گزینه «۴»

(۱) ترجمه  
(۲) تابش  
(۳) عفونت  
(۴) تولید

(تیمور، رهمت)

ترجمه جمله: «کدامیک از گزینه‌های زیر بهترین عنوان برای متن است؟»  
«عوامل ایجاد آتش سوزی در جنگل‌ها»

(تیمور، رهمت)

ترجمه جمله: «تّردیکترین کلمه از نظر معنایی به کلمه زیر خطدار "critical" در پاراگراف «۱»، "important" (مهem) است.»

(تیمور، رهمت)

## ۱۴۵ - گزینه «۳»

ترجمه جمله: «کلمه زیر خطدار "ones" در پاراگراف «۲» به "trees" (درختان) اشاره دارد.»

(تیمور، رهمت)

## ۱۴۶ - گزینه «۱»

ترجمه جمله: «برطبق متن، کدامیک از جملات زیر درست نیست؟»  
«تصادفات جاده‌ای کی از عوامل ایجاد آتش سوزی، در جنگل‌ها هستند.»

(تیمور، رهمت)

## ۱۴۷ - گزینه «۱»

ترجمه جمله: «کدامیک از گزینه‌های زیر درباره آیشان نیاگارا درست است؟»  
«رودخانه نیاگارا دو آبشار دارد، یکی در کانادا و یکی در آمریکا.»

(تیمور، رهمت)

## ۱۴۸ - گزینه «۴»

ترجمه جمله: «تّردیکترین کلمه از نظر معنایی به کلمه زیر خطدار "comprise" در پاراگراف «۱» "تشکیل دادن" است.»

(تیمور، رهمت)

## ۱۴۹ - گزینه «۲»

ترجمه جمله: «کلمه زیر خطدار "this" در پاراگراف «۲» به "Niagara Falls" اشاره دارد (برمی‌گردد).»

(تیمور، رهمت)

## ۱۵۰ - گزینه «۳»

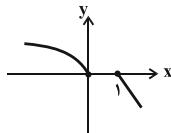
ترجمه جمله: «طبق متن، پارک آیشان نیاگارا به چه دلیل ساخته شد؟»  
«به منظور حفاظت از محیط اطراف آبشار نیاگارا»



از طرفی به ازای  $x \geq 1$ ، عبارت  $x+1$  مثبت است، در نتیجه داریم:

$$2 - |x+1| = 2 - x - 1 = -x + 1$$

بنابراین نمودار تابع  $f(x)$  به صورت زیر حاصل می‌شود که نزولی است.



(هیب شفیعی)

«۳» - ۱۵۷ - گزینه

$$\begin{aligned} f(x) &= \frac{1 + \sin \pi x}{\sin x + \cos x} = \frac{(\sin x + \cos x)^2}{\sin x + \cos x} = \sin x + \cos x \\ &= \sqrt{2} \sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right) \end{aligned}$$

$$\Rightarrow T_f = 2\pi$$

(میلاد سعادی لاریجانی)

«۴» - ۱۵۸ - گزینه

با توجه به نمودار، چون فاصله  $\min$  و  $\max$  متواლی برابر ۱ است، دوره

تناوب تابع برابر ۲ می‌باشد.

$$T = \frac{2\pi}{|b\pi|} = 2 \Rightarrow b = \pm 1$$

چون نمودار  $\sin$  بعد از محور  $y$  صعودی است، باید ضریب پشت  $\sin$  مثبت باشد، پس  $b = -1$  است. همچنین بیشترین مقدار تابع برابر ۳

می‌باشد.

$$y = a + 2 \sin(\pi x) \xrightarrow{\sin(\pi x)=1} y = a + 2 = 3 \Rightarrow a = 1$$

$$\Rightarrow a + b = 0$$

(علی شیرابی)

حسابان ۲

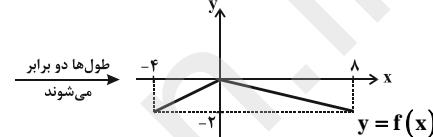
«۴» - ۱۵۹ - گزینه

ابتدا نمودار تابع  $y = f(x)$  را رسم می‌کنیم:



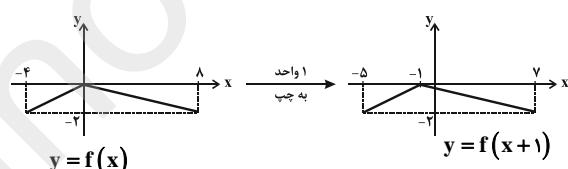
$$y = -f(2x)$$

$$y = f(2x)$$

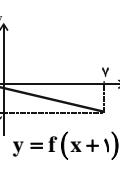


$$y = f(x)$$

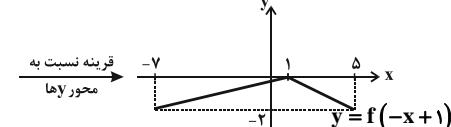
حالا نمودار  $y = \frac{1}{2}f(1-x)$  را رسم می‌کنیم:



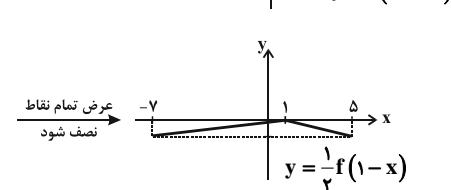
$$y = f(x)$$



$$y = f(x+1)$$



$$y = f(x+1)$$

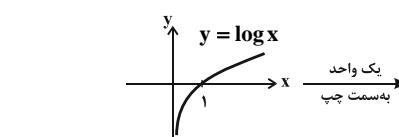


$$y = \frac{1}{2}f(1-x)$$

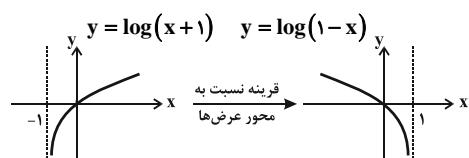
(هیب شفیعی)

«۲» - ۱۵۲ - گزینه

برای رسم نمودار  $y = \log(1-x)$  به صورت زیر اقدام می‌کنیم:

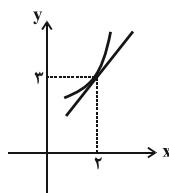


$$y = \log x$$



$$y = \log(x+1)$$

$$y = \log(1-x)$$



(سعید علیزاده)

## گزینه ۳ - ۱۵۵

$$\tan\left(\frac{\pi}{4} - x\right) = \frac{\cos x - \sin x}{\sqrt{2}\cos x} \Rightarrow \frac{\tan\frac{\pi}{4} - \tan x}{1 + \tan\frac{\pi}{4}\tan x} = \frac{\frac{\cos x}{\sqrt{2}} - \frac{\sin x}{\sqrt{2}}}{\sqrt{2}\frac{\cos x}{\sqrt{2}}} = \frac{1 - \tan x}{1 + \tan x}$$

$$\Rightarrow \frac{1 - \tan x}{1 + \tan x} = \frac{1 - \tan x}{\sqrt{2}} \Rightarrow (1 - \tan x)\left(\frac{1}{1 + \tan x} - \frac{1}{\sqrt{2}}\right) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 1 - \tan x = 0 \\ \frac{1}{1 + \tan x} = \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow \tan x = 1 \end{cases}$$

$$x = k\pi + \frac{\pi}{4} = \left\{ \frac{\pi}{4}, \frac{5\pi}{4} \right\} \in [0, 2\pi]$$

معادله ۲ جواب مضاعف دارد که مجموع آنها برابر با  $\frac{3\pi}{2}$  می‌باشد.

$$\begin{cases} f(1) = 4 \times 1 - 5 = -1 \\ f'(1) = 4 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1) + \epsilon}{x - 1 - \epsilon + \epsilon} &= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(f(x) - 1)(f(x) - 1)}{(x - 1)(x - 1)} \\ &= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} \times \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - 1}{x - 1} = f'(1) \times (-1) = -4 \end{aligned}$$

(مهدی غفاری)

## گزینه ۳ - ۱۵۹

در  $x = 1$  باید پیوستگی و مشتق پذیری را برقرار کنیم:

$$\begin{cases} f(1^+) = f(1^-) \Rightarrow -1 = b + a & (1) \\ f'_+(1) = f'_-(1) \Rightarrow \frac{a}{\pi} \cos \pi x \times \pi \Big|_{x=1} = \gamma bx \Big|_{x=1} \end{cases}$$

$$\Rightarrow -a = \gamma b \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow \begin{cases} a + b = -1 \\ a + \gamma b = 0 \end{cases} \Rightarrow a = -1, b = 1$$

$$\Rightarrow a.b = -1$$

(سعید علم پژوه)

## گزینه ۴ - ۱۶۰

تابع  $f$  در  $x = 0$  پیوسته است.

$$(f \circ f)'(0) = f'(0).f'(f(0)) \quad , f(0) = 0$$

$$\Rightarrow (f \circ f)'(0) = f'(0).f'(0) = (f'(0))^2$$

توجه داریم که تابع  $f$  در  $x = 0$  عامل صفر شونده  $\sin 2x$  دارد. پس:

$$f'(0) = (\sin 2x)' \cdot \frac{1}{1 + \sqrt{2}\cos x} \Big|_{x=0} = \frac{2\cos 2x}{1 + \sqrt{2}\cos x} \Big|_{x=0}$$

$$\Rightarrow f'(0) = \frac{2}{1 + 2} = \frac{2}{3} \Rightarrow (f'(0))^2 = \frac{4}{9}$$

(سعید علم پژوه)

## گزینه ۳ - ۱۵۶

 $x = \pi$  : ریشه مخرج  $\Rightarrow 2 + b = 0 \Rightarrow b = -2$ 

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow \pi} y = \lim_{x \rightarrow \pi} \frac{-2\sin x}{2 + 2\cos x} = \lim_{x \rightarrow \pi} \frac{-2\sin x \cos x}{2\cos x} = \lim_{x \rightarrow \pi} \left( -\tan \frac{x}{2} \right)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \lim_{x \rightarrow \pi^-} \left( -\tan \frac{x}{2} \right) = -\infty \\ \lim_{x \rightarrow \pi^+} \left( -\tan \frac{x}{2} \right) = +\infty \end{cases}$$

(امیر هوشنگ فردوس)

## گزینه ۴ - ۱۵۷

اگر  $x \rightarrow 2$  (چه از چپ و چه از راست)، آنگاه  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -\infty$  است.

$$\lim_{x \rightarrow 2} f(f(x)) = \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 1 \Rightarrow \left[ \lim_{x \rightarrow 2} f(f(x)) \right] = 1$$

(بیوینفسن پیمان)

## گزینه ۴ - ۱۵۸

فرض کنیم نمودار تابع  $f$  در همسایگی  $x = 2$  به صورت زیر باشد.

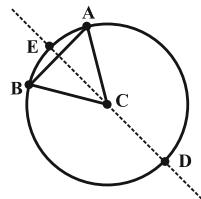


(ممدر قدران)

## گزینه «۳» - ۱۶۵

مکان هندسی نقاطی از صفحه که از نقاط  $A$  و  $B$  به یک فاصله باشند.

عمود منصف پاره خط  $AB$  و مکان هندسی نقاطی از صفحه که از نقطه  $C$  به فاصله ۳ باشند، دایره‌ای به مرکز  $C$  و به شعاع ۳ است.



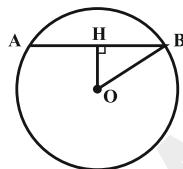
مطابق شکل محل تلاقی این دو مکان هندسی، نقاط  $D$  و  $E$  است، پس دو نقطه با مشخصات مورد نظر در صفحه وجود دارد.

(مسعود روش)

## گزینه «۲» - ۱۶۶

فاصله مرکز دایره از خط  $3x + 4y - 4 = 0$  برابر است با:

$$OH = \frac{|3(1) + 4(-1) - 4|}{\sqrt{3^2 + 4^2}} = \frac{5}{5} = 1$$



قطر عمود بر یک وتر، آن وتر را نصف می‌کند، بنابراین مطابق شکل  $BH = 2$  است و داریم:

$$\triangle OBH : OB^2 = OH^2 + BH^2 = 1 + 4 = 5 \Rightarrow R = OB = \sqrt{5}$$

(امیرحسین ابومنوب)

## گزینه «۱» - ۱۶۷

$$2a = \sqrt{3} \times 2b \Rightarrow a = \sqrt{3}b \Rightarrow a^2 = 3b^2$$

$$a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow 3b^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow c^2 = 2b^2$$

$$\triangle OBF : BF^2 = OB^2 + OF^2 = b^2 + c^2 = a^2 \Rightarrow BF = BF' = a$$

اگر  $\widehat{FBF'} = \theta$  فرض شود، آنگاه طبق قضیه کسینوس‌ها در مثلث

داریم:

(مسعود روش)

## گزینه «۱» - ۱۶۸

$$A^2 = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = I$$

بنابراین به ازای هر عدد طبیعی  $n$  داریم:

$$A^n = \begin{cases} A : & \text{فرد} \\ I : & \text{زوج} \end{cases}$$

$$A^4 - A^2 = A - I = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$$

(امیرحسین ابومنوب)

## گزینه «۳» - ۱۶۹

در یک ماتریس قطری، تمام درایه‌های غیرواقع بر قطر اصلی برابر صفر هستند، بنابراین داریم:

$$AB = \begin{bmatrix} 4 & 4 \\ 3 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a & -2 \\ 3a & b \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4a + 12 & 4b - 8 \\ 3a - 3 & -b - 6 \end{bmatrix}$$

$$\begin{cases} 4b - 8 = 0 \Rightarrow b = 2 \\ 3a - 3 = 0 \Rightarrow a = 1 \end{cases}$$

$$BA = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 3 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 & 4 \\ 3 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 & 6 \\ 18 & 10 \end{bmatrix}$$

$$BA = -2 + 6 + 18 + 10 = 32 \quad \text{مجموع درایه‌های}$$

(ممدر قدران)

## گزینه «۴» - ۱۶۳

$$C = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 2 & 1 & -1 \\ 4 & 5 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 3 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 3 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$$

$$|C| = (-1) \times 2 - 3 \times (-1) = 1$$

$$C^{-1} = \frac{1}{|C|} \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$$

(عارل عسینی)

## گزینه «۲» - ۱۶۴

با استفاده از دستور ساروس برای محاسبه دترمینان ماتریس‌های  $3 \times 3$  داریم:

$$|A| = \begin{vmatrix} 2 & 3 & 4 \\ 1 & 2 & 3 \\ -1 & -2 & 1 \end{vmatrix} = (4 - 9 - 8) - (-8 - 12 + 3) = 4$$

$$\left| \frac{1}{2} A^2 \right| = \left( \frac{1}{2} \right)^2 |A^2| = \frac{1}{4} \times |A|^2 = \frac{1}{4} \times 16 = 2$$



همانطور که مشاهده می‌شود معادلات گزینه «۳» به هیچ کدام از یال‌های این مکعب مستطیل تعلق ندارد.

(مسعود روش)

گزینه «۳» - ۱۷-

$$\vec{a} - \gamma \vec{b} = (2, 0, -1) - 2(1, 3, 1) = (0, -6, -3)$$

$$\gamma \vec{a} - \vec{b} = 2(2, 0, -1) - (1, 3, 1) = (3, -3, -3)$$

$$\left| \vec{a} - \gamma \vec{b} \right| = \frac{\sqrt{0^2 + (-6)^2 + (-3)^2}}{\sqrt{3^2 + (-3)^2 + (-3)^2}} = \frac{2\sqrt{5}}{3\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{15}}{3}$$

$$FF'' = BF'' + BF' - 2BF \times BF' \cos \theta$$

$$\Rightarrow (2c)^2 = a^2 + a^2 - 2 \times a \times a \times \cos \theta$$

$$\Rightarrow 4b^2 = 3b^2 + 3b^2 - 6b^2 \cos \theta$$

$$\Rightarrow 6b^2 \cos \theta = -2b^2 \Rightarrow \cos \theta = -\frac{1}{3}$$

(عادل حسین)

گزینه «۱» - ۱۶۸

ابتدا معادله سهمی را به حالت متعارف تبدیل می‌کنیم:

$$y^2 + my + 4x = 0 \Rightarrow y^2 + my + \frac{m^2}{4} = -4x + \frac{m^2}{4}$$

$$\Rightarrow \left( y + \frac{m}{2} \right)^2 = -4 \left( x - \frac{m^2}{16} \right)$$

$$\text{نقطه A} \left( \frac{m^2}{16}, -\frac{m}{2} \right) \text{ رأس این سهمی است که دهانه آن رو به چپ باز}$$

می‌شود. داریم:

$$4a = 4 \Rightarrow a = 1$$

$$x = a + h = 1 + \frac{m^2}{16} = \frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{m^2}{16} = \frac{1}{2} \Rightarrow m^2 = 8 \Rightarrow m = \pm 2\sqrt{2}$$

(امیرحسین ابومنوب)

گزینه «۴» - ۱۶۹

معادلات یال‌های موجود در وجه ABCD عبارت‌اند از:

$$\text{AB: } \begin{cases} x = 3 \\ -2 \leq y \leq 1 \\ z = 2 \end{cases}$$

$$\text{BC: } \begin{cases} 1 \leq x \leq 3 \\ y = -2 \\ z = 2 \end{cases}$$

$$\text{CD: } \begin{cases} x = 1 \\ -2 \leq y \leq 1 \\ z = 2 \end{cases}$$

$$\text{AD: } \begin{cases} 1 \leq x \leq 3 \\ y = 1 \\ z = 2 \end{cases}$$





$$x_1 \geq 2 \Rightarrow x_1 = y_1 + 2$$

$$x_4 > 3 \Rightarrow x_4 \geq 4 \Rightarrow x_4 = y_4 + 4$$

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 10 \Rightarrow y_1 + y_2 + 2 + y_3 + y_4 + 4 = 10$$

$$\Rightarrow y_1 + y_2 + y_3 + y_4 = 4$$

$$\Rightarrow \text{تعداد جواب‌های صحیح و نامنفی} = \binom{4+4-1}{4-1} = \binom{7}{3} = 35$$

(امیرحسین ابومنوب)

گزینه «۳» - ۱۸.

گزینه «۱»: اگر سطر دوم مربع لاتین B به صورت 

۱	۲	۳	۴
---	---	---	---

 باشد،

آنگاه درایه‌های سطر اول و ستون دوم و سطر دوم ستون اول در مربع لاتین A هر دو برابر ۳ و در مربع لاتین B هر دو برابر ۱ است.

گزینه «۲»: اگر سطر دوم مربع لاتین B به صورت 

۲	۴	۳	۱
---	---	---	---

 باشد،

آنگاه درایه‌های سطر اول و ستون اول و سطر دوم و ستون دوم در مربع لاتین A هر دو برابر ۲ و در مربع لاتین B هر دو برابر ۴ است.

گزینه «۳»: اگر سطر دوم مربع لاتین B به صورت 

۲	۳	۴	۱
---	---	---	---

 باشد،

می‌توان مربع لاتین B را مانند مربع شکل زیر ایجاد نمود که با مربع لاتین

A متعامد است:

۴	۱	۲	۳
۲	۳	۴	۱
۳	۲	۱	۴
۱	۴	۳	۲

گزینه «۴»: اگر سطر دوم مربع لاتین B به صورت 

۳	۱	۴	۲
---	---	---	---

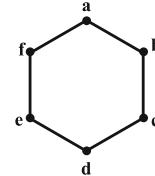
 باشد،

آنگاه درایه‌های سطر اول ستون سوم و سطر دوم ستون چهارم در مربع لاتین

A هر دو برابر ۴ و در مربع لاتین B هر دو برابر ۲ است.

(امیرحسین ابومنوب)

گزینه «۴» - ۱۷۷

عدد احاطه‌گری گراف  $P_6$  برابر ۲ است.این گراف دارای ۳ مجموعه احاطه‌گر مینیمال دو عضوی یعنی  $\{a, d\}$ .

$\{a, c, f\}$  و ۲ مجموعه احاطه‌گر مینیمال سه عضوی یعنی  $\{a, c, e\}$  و  $\{b, d, f\}$  است.

(مسعوده رویش)

گزینه «۱» - ۱۷۸

فرض کنید رقم سمت چپ عدد مورد نظر، یک رقم فرد باشد. در این صورت داریم:

$$4 \times 4 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 1 \times 1 = 4! \times 4!$$

همچنین حالت مشابهی وجود دارد که رقم سمت چپ عدد مورد نظر، یک رقم زوج باشد. با توجه به اینکه رقم ۳، سه بار و هر کدام از ارقام ۲ و ۴ دوبار تکرار شده‌اند، تعداد اعداد هشت‌رقمی ساخته شده با این ارقام برابر است با:

$$\frac{2 \times 4! \times 4!}{3! \times 2! \times 2!} = \frac{2 \times 24 \times 24}{6 \times 2 \times 2} = 48$$

(علیرضا شریف‌قطبی)

گزینه «۲» - ۱۷۹

فرض کنید تعداد شاخه‌های گل انتخاب شده از انواع اول تا چهارم را به ترتیب با  $x_1, x_2, x_3$  و  $x_4$  نمایش دهیم. در این صورت طبق فرض

سؤال داریم: