



دفترچه پاسخ

عمومی دوازدهم ریاضی

۱۳۹۸ اردیبهشت ماه

طراحان

افسانه احمدی- محسن اصغری- مریم شمیرانی- کاظم کاظمی- حسن وسکری	فارسی
هیرش صمدی- زهرا کرمی- سید محمدعلی مرتضوی- خالد مشیرپناهی- رضا معصومی	عربی (بیان قرآن)
محبوبه ابسم- ابوالفضل احذف زاده- مسلم بهمن آبادی- محمد رضایی بقا- مرتضی محسنی کبیر- هادی ناصری- سیداحسان هندی	دین و زندگی
آناهیتا اصغری تاری- فربیا توکلی- میرحسین زاهدی- علی شکوهی- علی عاشوری	(بیان انگلیسی)

کریشنگران و ویراستاران

نام درس	مسئول درس	گزینشگر	گروه ویراستاری	گروه مستندسازی
فارسی	افسانه احمدی	افسانه احمدی	محسن اصغری- کیمیا طهماسبی	فریبا رؤوفی
عربی (بیان قرآن)	زهرا کرمی	زهرا کرمی	درویشعلی ابراهیمی- سید محمدعلی مرتضوی	لیلا ایزدی
دین و زندگی	محمد رضایی بقا	محمد رضایی بقا	محمد آفاصالح	محدثه پرهیز کار
(بیان انگلیسی)	سبیده عرب	سبیده عرب	آناهیتا اصغری- حامد بابایی	فاطمه فلاحت پیشه

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	سید محمدعلی مرتضوی
مسئول دفترچه	معصومه شاعری
مسئول دفترچه	مدیر: مریم صالحی، مسئول دفترچه: لیلا ایزدی
صفحه آرا	فاطمه علی باری
نظرات چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی (وقف عام)

آدرس دفتر مرکزی: خیابان انقلاب- بین صبا و فلسطین- پلاک ۹۲۳ - تلفن چهار رقمی: ۰۶۴۶۳-۰۲۱



فارسی (۳) و (۲)	
-۱	وقيعه: سرزنش، بدگويي (فارسي ۳ و ۲، لغت، واژه‌نامه)
-۲	موارد نادرست و معنای درست آن‌ها: اعانت: ياری دادن، ياري غرس: نشاندن و کاشتن درخت و گیاه محظوظ: بهره‌ور (فارسي ۳، لغت، واژه‌نامه)
-۳	غلطهای املایی و شکل درست آن‌ها: الف) منصوب ← منسوب ج) قربت ← غربت (فارسي ۲، املاء، ترکیبی)
-۴	غلطهای املایی و شکل درست آن‌ها: ۱) بزله ← بذله ۲) احتمام ← اهتمام ۳) مأوج ← معوج (فارسي ۳، املاء، ترکیبی)
-۵	شلوهای وصله‌دار: رسول پرويزی (فارسي ۲، تاریخ ادبیات، ترکیبی)
-۶	استعاره: سرو جناس تمام: «روان» در مصراع اول: رونده و حرکت‌کننده/«روان» در مصراع دوم: روح و جان (فارسي ۲، آرایه، ترکیبی)
-۷	تشبيه: خاک کو «مشبّه»، مشک «مشبّه به»/ اي صبا: تشخيص (فارسي ۳، آرایه، ترکیبی)
-۸	مجاز: سینه ← دل / حس آمیزی: نسبت دادن گویایی و خموشی به چشم (در آمیختن حواس بینایی و شنوایی) / تضاد: گویا و خموش / اواج آرایی: تکرار و اوج «س» / اسلوب معادله: مصراع دوم، مصدق و مثالی برای توجیه مفهوم مصراع اول است. (فارسي ۳، آرایه، ترکیبی)
-۹	صبح، شب: تضاد/ چشم صبح: استعاره، تشخيص/ چشم‌شور: کنایه از چشم آسیب‌زننده/ رهوان، راه: تناسب / علت این که سالakan شب‌زنده‌داری می‌کنند (مردان شبانه سفر می‌کنند) این است که چشم شور صبح آن‌ها را از رفتن سرد می‌کند: حسن تعليل (فارسي ۳، آرایه، ترکیبی)
-۱۰	وابسته‌های پیشین: هر- هیچ (۲ مورد)/ وابسته‌های پسین: پایی همت- همت‌ هر کس (۲ مورد) تشریح گزینه‌های دیگر ۱) وابسته‌های پیشین: این- هیچ- هر (۳ مورد)/ وابسته‌های پسین: «-م» در «دستم»- «-م» در «پاییم» (۲ مورد) ۲) وابسته‌های پیشین: این- همین (۲ مورد)/ وابسته‌های پسین: شوق- سر- ما (۳ مورد) ۴) وابسته‌های پیشین: یک- نه- این (۳ مورد)/ وابسته‌های پسین: دل بیدار- پرده افالک- پرده خواب- پرده ساز (۴ مورد) (فارسي ۲، دستور زبان، ترکیبی)



<p>(مسن وسلری)</p> <p>-۱۵</p> <p>بیت‌های صورت سؤال، به ترتیب، به مفاهیم طلب، فنا، توحید و استغنا اشاره دارند.</p> <p>(فارسی ۳، معقول، صفحه‌های ۱۲۵ و ۱۲۶)</p>	<p>(مسن وسلری)</p> <p>-۱۱</p> <p>شیرینی جان، دل ما <u>سوختگان</u> (بدل) را زده است.</p> <p>(فارسی ۳، دستورزبان، صفحه ۱۳۲)</p>
<p>(مسن وسلری)</p> <p>-۱۶</p> <p>ایات مرتبط بیانگر این نکته هستند که انسان عارف از هستی چیزی جز خدا نمی‌بیند. این ایات به اصل توحید اشاره دارند. مفهوم بیت گزینه «۱» این است که رسیدن به کمال نیازمند پختگی و صبوری است.</p> <p>(فارسی ۳، معقول، مشابه صفحه ۱۲۳)</p>	<p>(مسن اصغری)</p> <p>-۱۲</p> <p>حذف فعل به قرینه معنوی: عاشقان را از سرزنش دشمن و دوست چه غم [است]</p> <p>حذف فعل به قرینه لفظی: یا غم دوست خورد یا غم رسوابی را [خورد]</p> <p>تشریح گزینه‌های دیگر</p> <p>گزینه «۱»: حذف فعل به قرینه لفظی: لب شکر به مستان داد و چشم می‌به میخواران [داد]</p>
<p>(مریم شمیران)</p> <p>-۱۷</p> <p>در بیت صورت سؤال، شاعر معتقد است که کسی در دو جهان نیکی می‌بیند که نیکی کند، اما شاعر در گزینه «۲» معتقد است کسانی هستند که فقط نیکی می‌کنند اما غم و آندوه می‌بینند.</p> <p>تشریح گزینه‌های دیگر</p> <p>گزینه «۱»: نیکی کردن باعث نیکی دیدن است.</p> <p>گزینه «۳»: هر انسانی روزی از دنیا می‌رود، اما نیکی‌ها به یادگار می‌مانند.</p> <p>گزینه «۴»: نیکی کردن انسان را به خوشبختی می‌رساند.</p> <p>(فارسی ۳، معقول، صفحه ۱۲۳)</p>	<p>(گزینه «۲»: حذف فعل به قرینه معنوی: خاموش [باش] کاین حجاب ...</p> <p>گزینه «۳»: حذف فعل به قرینه معنوی: به دوستی [سوگند می‌خورم] که ...</p> <p>(فارسی ۳، دستورزبان، صفحه ۱۵۶)</p>
<p>(مریم شمیران)</p> <p>-۱۸</p> <p>این مفهوم که عزت و ذلت به دست خداست، پیام مشترک بیت صورت سؤال و گزینه «۴» است.</p> <p>(فارسی ۳، معقول، صفحه ۱۰)</p>	<p>(مسن اصغری)</p> <p>-۱۳</p> <p>پیوند وابسته‌ساز: که</p> <p>پیوند هم‌پایه‌ساز: لیک</p> <p>تشریح گزینه‌های دیگر</p> <p>گزینه «۱»: پیوند هم‌پایه‌ساز؛ و («تا» حرف اضافه است نه پیوند وابسته‌ساز)</p> <p>گزینه «۲»: پیوند وابسته‌ساز؛ چو و که («و» حرف عطف است نه پیوند هم‌پایه‌ساز)</p> <p>گزینه «۴»: پیوند وابسته‌ساز؛ تا («و» حرف عطف است نه پیوند هم‌پایه‌ساز)</p> <p>(فارسی ۳، دستورزبان، صفحه‌های ۱۰ و ۱۴)</p>
<p>(کاظم کاظمی)</p> <p>-۱۹</p> <p>مفهوم بیت گزینه «۴»: سعادت آدمی به تقدير و سرنوشت بستگی دارد.</p> <p>مفهوم مشترک ایات مرتبط: اتحاد و همدلی و همکاری رمز پیروزی و موقفیت است.</p> <p>(فارسی ۳، معقول، صفحه‌های ۱۲۲ و ۱۲۰)</p>	<p>(مریم شمیران)</p> <p>-۱۴</p> <p>وقتی مرغان به کوه قاف رسیدند، سروش غیبی در خواب به آن‌ها گفت: «در خویشن بنگرید؛ سیمرغ حقیقی همان شما هستید.» این مفهوم در گزینه «۲» نیز تکرار شده است که حقیقت یار درون وجود هر کس است.</p> <p>تشریح گزینه‌های دیگر</p> <p>گزینه «۱»: وقتی یار، همنشین بیگانگان است، باید او را فراموش کرد.</p> <p>گزینه «۳»: عیش و عشرت در جهان برای تو فراهم است؛ پس عشق را که پر از سختی است، رها کن.</p> <p>گزینه «۴»: روح انسان، مشتاق بازگشت به عالم معناست و انسان نباید اسیر خواسته‌های نفسانی و مادیات دنیا شود.</p> <p>(فارسی ۳، معقول، صفحه ۱۲۵)</p>
<p>(مسن اصغری)</p> <p>-۲۰</p> <p>مفهوم مشترک متن صورت سؤال و ایات «ج» و «ه»: یاد معشوق و عشق به او هرگز برای عاشق واقعی، تکراری و کهنه نمی‌شود.</p> <p>مفهوم بیت «الف»: توصیه به پنهان داشتن راز عشق</p> <p>مفهوم بیت «ب»: قصّة عشق هیچ گاه تکراری نمی‌شود.</p> <p>مفهوم بیت «د»: غم‌انگیز بودن قصّة عشق</p> <p>(فارسی ۳، معقول، صفحه ۱۵۵)</p>	



(قالب مشیرنامه)

-۲۶

بروسي گزينه‌های نادرست

در گزینه «۱»: «المسائل الاقتصادية» یعنی «مسائل اقتصادی» و ترجمه شدن آن به صورت «مسائل اقتصاد» نادرست است.
 در گزینه «۲»: «فلاحاً» تکه است و ترجمه شدن به صورت «کشاورز» نادرست است و درست آن «کشاورزی» می‌باشد.
 در گزینه «۳»: «احساس می‌کند» نادرست است و باید «احساس می‌کرد» باشد. در جمله وصفیه هرگاه اسلوب «ماضی... + مضارع» را داشتیم، فعل مضارع به صورت «ماضی استمراری» ترجمه می‌شود.

نکته مهم درسی

در تست‌های ترجمه حتماً به نحوه ترجمه شدن فعل‌های بعد از اسم نکره دقت کنید:
 ماضی... + ماضی دوم باید به صورت (ماضی بعید یا ماضی ساده) ترجمه شود (گزینه «۱» و گزینه «۲» / ماضی... + مضارع؛ مضارع به صورت «ماضی استمراری» باید ترجمه شود (گزینه «۳» / مضارع... + مضارع؛ مضارع دوم باید به صورت «مضارع التزامی» ترجمه شود (گزینه «۴») (ترجمه)

(رضا معصومی)

-۲۷

عبارت صورت سوال که بیان می‌کند «کسی از شما ایمان نمی‌آورد تا اینکه آنچه را برای خودش دوست می‌دارد، برای برادرش (نیز) دوست بدارد!» با آیه شریفه گزینه «۱» تناسب مفهومی دارد. (هرگز به خوبی دست نخواهید یافت مگر آن که از چیزی که دوست دارید انفاق کنید) (مفهوم)

(قالب مشیرنامه)

-۲۸

سؤال از ما گزینه‌ای را خواسته است که با عبارت داده شده ارتباط معنایی نداشته باشد و عبارت داده شده بر آن دلالت نکند. ترجمه عبارت سوال: «دوست به خاطر لغزش یا نقصی که در اوست، ترک نمی‌شود.» این عبارت به عفو و گذشت از لغزش و اشتباه دوست اشاره دارد و بیانگر این نکته است که نباید به خاطر یک اشتباه از جانب دوست، او را رها کرد، زیرا هیچ انسانی بدون عیب نیست. عبارت‌های داده شده در گزینه‌های «۲» و «۴» با این عبارت هم‌مفهوم هستند، اما بیت داده شده در گزینه «۱» با آن ارتباط معنایی ندارد.

ترجمة عبارت گزینه «۳»: «هر کس برادری بی عیب بجودی، بی برادر می‌ماند.» (مفهوم)

(هیرش صدری)

-۲۹

ترجمة عبارت: زائر حجر الأسود را در كعبه شريف مسح كرد.

شرح گزینه‌های دیگر

گزینه «۱»: یاری جست

گزینه «۳»: توانت

گزینه «۴»: گوش داد

(مفهوم)

-۳۰

سؤال از ما گزینه درست برای تکمیل جای خالی «سخنرانی همان!» را خواسته است.

ترجمة گزینه‌ها:

گزینه «۱»: گوش دادن به سخن سخنران.

گزینه «۲»: سخن گفتن یک سخنران پیش روی گروهی در زمینه‌ای خاص.

گزینه «۳»: آمادگی برای پاسخ دادن به سؤال‌های شنوندگان.

گزینه «۴»: حضور برای گوش دادن به سخن شخصی.

با توجه به ترجمه گزینه‌ها، تنها گزینه «۲» درست است.

(مفهوم)

عربی زبان قرآن (۳) و (۲)

-۲۱

(زهرا کرمی)

آنفقو: انفاق کنید / ممّا: از آنجه/ رَثَّاْكُمْ: به شما روزی داده‌ایم (رد گزینه «۲» / مِنْ قَبْلِ: قبل از / أَنْ يَأْتِيَ: آن که بباید / يَوْمٌ: روزی (رد گزینه «۱») / لَا بَيْعَ فِيهِ: در آن نه داد و ستدی است (رد گزینه «۴») / وَلَا خَلَّةٌ: و نه دوستی / وَلَا شَفَاعَةٌ: و نه شفاعتی

(ترجمه)

-۲۲

(رضا معصومی)

«کان ... یلعبون»: بازی می‌کرند (ماضی استمراری) / «الأطفال»: کودکان، بچه‌ها (جمع الطفول) / «ساحة»: حیاط / «لها سبعة صفوف»: هفت کلاس داشت / «علی اليسار»: در سمت چپ

(ترجمه)

-۲۳

(هیرش صدری)

«یعتمد»: باید اعتماد کند / «المؤمن»: مؤمن (رد گزینه «۴») / «علی نفسه»: برخودش / «و لا يحاک الآخرين»: و از دیگران تقلید نکند (رد گزینه «۱») / «حتى ينجح»: برای اینکه پیروز شود، تا پیروز شود (رد گزینه «۲») / «فى أمره»: در امورش (رد گزینه «۲») (ترجمه)

(زهرا کرمی)

-۲۴

در گزینه «۴»، «اجتهداآ» مفعول مطلق تاکیدی است و باید به این صورت ترجمه شود:

از تو می خواهم که در طلب علم واقعاً تلاش کنی!

(ترجمه)

-۲۵

(قالب مشیرنامه)

در گزینه «۴» فعل «يجمع» فعل شرط است. همان‌گونه که می‌دانیم فعل شرط به صورت «مضارع التزامی» ترجمه می‌شود، لذا «جمع می‌کند» نادرست است و درست آن «جمع کند (جمع بکند)» می‌باشد.

نکته مهم درسی: در تست‌های ترجمه حتماً به این نکته دقت کنید که فعل شرط غالباً به صورت «مضارع التزامی» و جواب شرط به صورت «مضارع اخباری یا آینده» ترجمه می‌شود. به گزینه‌های «۱» و «۳» نگاه کنید و فعل‌های شرط و جواب شرط را بررسی کنید و به نحوه ترجمه شدن آن دقت کنید.

(ترجمه)



(سید محمد علی مرتضوی)

صورت سؤال موضوعی را می‌خواهد که در متن نیامده است: «دلالی بیماری‌های مغزاً» صحیح است.

تشريح گزینه‌های دیگر

گزینهٔ ۲۳: «مواد موجود در ماهی‌ها»
 گزینهٔ ۲۴: «فوايد ماهي ها برای سلامتی چشمها»
 گزینهٔ ۴۴: «افراط و تفریط در خوردن ماهی!» همگی در متن مطرح شده‌اند.
 (درک مطلب و مفهوم)

(سید محمد علی مرتضوی)

گزینهٔ ۱۱: «فاعل» نادرست است؛ جمله با يك اسم شروع شده است، پس جمله اسمیه است و «فوانید» که در ابتدای آن آمده است، نقش مبتدا را دارد.
 گزینهٔ ۳۳: «تناول» يك اسم (مصدر) است، نه فعل مضارع؛ این موضوع با توجه به جایگاه کلمه و ترجمه مشخص می‌شود.

گزینهٔ ۴۴: «فاعل» نادرست است؛ نقش مفعول را دارد. (تمثیل صرفی و مدل اعراب)

(هیرش صدری)

در گزینهٔ ۱۱ مفعول مطلق وجود ندارد.
 در سایر گزینه‌ها کلمه‌های «محاسبه» و «هجوم» و «ترتیل» مفعول مطلق هستند.
 (مفعول مطلق)

(رضا معصومی)

صورت سؤال اسلوب شرطی را می‌خواهد که جواب شرط آن فعل نباشد. یعنی باید جمله اسمیه باشد. در گزینهٔ ۱۱، «فهی لا ینفعه قراءته» جواب شرط است که يك جمله اسمیه می‌باشد.

تشريح گزینه‌های دیگر:

گزینهٔ ۲۲: «تبعدی» فعل شرط و «تشاهدی» جواب شرط است.
 گزینهٔ ۳۳: «استلتمنت» فعل شرط و « فلا تهمس» جواب شرط است.
 گزینهٔ ۴۴: «گتبت» فعل شرط و «حفظت» جواب شرط است.

(أنواع بملات)

(رضا معصومی)

اسم مکان می‌تواند بر وزن های «مفعول، مفعول و مفعولة» باشد. در گزینهٔ ۴۴، «مزار»، کشاورزی، اسم فعل از فعل «یزار» است، نه اسم مکان.
 نکته: اسم مکان اگر به صورت جمع یا مثنی هم باشد، اسم مکان محسوب می‌شود.
 مثال: عامل (جمع عامل)، مکتبان (مثنای مکتبه)

(قواعد اسم)

(فالر مشیرپناهن)

سوال از ما گزینه‌ای را خواسته است که در آن اسم تفضیل آمده باشد. در گزینهٔ ۴۰ «أجمل»؛ زیباتر» اسم تفضیل است. در این گزینه «أحمر»؛ قرمز» اسم تفضیل نیست.

بروسی سایر گزینه‌ها

گزینهٔ ۱۱: «أعلام» جمع مکستر «علم» است.
 گزینهٔ ۲۲: «أحسن» فعل ماضی باب «إفعال» است و «الناس» فعل آن است و اسم تفضیل نیست.
 گزینهٔ ۳۳: «أفهم» متشکل از حرف پرسشی «أ: آیا» و فعل ماضی «فهم» است و اسم تفضیل نیست.

(قواعد اسم)

(زهرا کرمی)

(مفهوم)

-۳۱

جمع کلمه «لحم»، لحوم می‌باشد.

ترجمه متن درک مطلب:

«ماهی به ما انرژی و ویتامین‌های مهم برای بدن را می‌دهد، علاوه بر این که حاوی پروتئین‌هایی است که تمام بدن را تغذیه می‌نمایند، همان‌گونه که خوردن فراوان ماهی‌ها در رشد بدن کارا است. ماهی‌ها در درمان بیماری‌های زیادی مثل قلب سودمندند به طوری که به خوردن ماهی‌ها بیش از سه بار در یک هفته برای پیشگیری از بیماری‌های قلب و عروق توصیه می‌شود. بسیاری از پژوهش‌ها نشان داده‌اند که خوردن فراوان ماهی‌ها، ماده موجود در مغز را که برای ذخیره خاطرات عمل می‌کند، افزایش می‌دهد. خوردن ماهی‌ها روغنی مانند سالمون و ٹن یک بار در هفته ابتلا به ابتلاء به افرادی همراه با افرادی سن را کاهش می‌دهد. با وجود این که برخی پژوهشگران و پژوهشکاران مردم را از زیاده‌روی در خوردن ماهی‌ها بخاطر افزایش مقدار جیوه و ماده سلنیوم در خون، هشدار می‌دهند، فواید خوردن ماهی‌ها بیش از احتمالات زیان است!»

-۳۲

(سید محمد علی مرتضوی)

«برخی پژوهشگران ما را از خوردن زیاد ماهی‌ها باز می‌دارند، زیرا!...» مطابق متن «در ماهی‌ها برخی مواد شیمیایی وجود دارد» درست است، زیرا به وجود جیوه و ماده سلنیوم اشاره شده است.

تشريح گزینه‌های دیگر

گزینهٔ ۱۱: «زیرا باعث عدم توازن در نظام طبیعت می‌شود!» نادرست است.
 گزینهٔ ۲۲: «زیرا احتمال ابتلاء به بیماری‌های مهم را افزایش می‌دهد!» نادرست است.

گزینهٔ ۳۳: «زیرا فایده‌هایش کمتر از زیان‌هایش است!» نادرست است.
 (درک مطلب و مفهوم)

-۳۳

(سید محمد علی مرتضوی)

«به افزودن ماهی‌ها به وعده‌های غذایی افراد مسن توصیه می‌شود!» مطابق متن درست است.

تشريح گزینه‌های دیگر

گزینهٔ ۱۱: «ماهی‌ها فقط در درمان بیماری‌های قلب مفیدند!» نادرست است.
 گزینهٔ ۲۲: «جیوه از موادی است که در رشد و سلامتی بدن کارا هستند!» نادرست است.

گزینهٔ ۴۴: «خوردن غذاهای پُر رogen مانند ماهی‌ها باعث مشکلات سلامتی می‌شود!» نادرست است.
 (درک مطلب و مفهوم)

-۳۴

(سید محمد علی مرتضوی)

«هرگز یک بار در هفته، ماهی‌ها را بخورد، از بیماری‌های قلب در امان می‌ماند!» مطابق متن نادرست است؛ زیرا در این مورد، به خوردن ماهی حداقل سه بار در یک هفته توصیه شده است.

تشريح گزینه‌های دیگر

گزینهٔ ۱۱: «ماهی‌ها نقش مهمی در تولید ماده‌ای دارند که کودکان را در فرآیند رشد مغز باری می‌دهد!» صحیح است.

گزینهٔ ۲۲: «غذاهایی که حاوی پروتئین زیادی هستند، برای رشد مفیدند!» صحیح است.

گزینهٔ ۳۳: «خوردن گوشت ماهی‌ها در پیشگیری از از دست دادن حافظه تأثیرگذار است!» صحیح است.
 (درک مطلب و مفهوم)



(مرتضی محسنی کبیر)

-۴۵ در آیه پر مفهوم تبلیغ، با توجه به عبارت «فما بلغت رسالته» اهمیت فرمان ابلاغ به اندازه اتمام رسالت است و با توجه به عبارت «و الله يعصم من الناس» خطرات احتمالی از سوی منافقان است که دو رو هستند و گرنہ مشرکان که موضع مشخصی دارند.

(دین و زندگی یازدهم، درس ۵، صفحه ۶۱)

(هاری ناصری)

-۴۶ خداوند در قرآن کریم درباره تمام و کامل شدن حجت الهی با فرستادن انبیا، راه عذر و بهانه و دلیل و دستاویز را بسته و حجت را بر بندگان تمام کرده است و چون این کار توسط ارسال انبیا صورت گرفته، هدایت تشریعی می باشد.

(دین و زندگی یازدهم، درس ۱، صفحه ۱۰)

(ابوالفضل امدادی)

-۴۷ خداوند در قرآن کریم می فرماید: «وَعَدَ اللَّهُ الَّذِينَ آتَيْنَا مِنْكُمْ وَعَمِلُوا الصَّالِحَاتِ لَيَسْتَخْلِفُنَّهُمْ فِي الْأَرْضِ كَمَا أَسْتَخْلَفَ الظِّنَّ مِنْ قَبْلِهِمْ وَلَيَمْكِنَ لَهُمْ دِبَّنَهُمُ الَّذِي أَرَضَى لَهُمْ وَلَيَبْدَلُهُمْ مِنْ بَعْدِ خَوْفِهِمْ أَمْنًا يَعْبُدُونَنِي لَا يَشْرُكُونَ بِي شَيْئًا». خداوند به کسانی که ایمان دارند و عمل صالح انجام می دهند و عده داده که آنان را جانشین در زمین قرار دهد.

همان طور که قبل از آنان کسانی را جانشین قرار داد و برای آنان دینشان را مستقر ساخت که برای آنها پسندیده است و بیمیشان را به امید مبدل گرداند به گونه ای که مرا بپرستند و چیزی را شریک من نگیرند.

(دین و زندگی یازدهم، درس ۹، صفحه ۱۳۹)

(سید احسان هنری)

-۴۸ ترسیم چهره عقلانی و منطقی دین اسلام ← حوزه علم استحکام بخشیدن به نظام اسلامی ← حوزه عدل و قسط (دین و زندگی دوازدهم، درس ۱۰، صفحه های ۱۳۶، ۱۳۹ و ۱۴۰)

(محمد رضایی‌قا)

-۴۹ ممکن است در محیط زندگی ما، افرادی بی‌پاساعت زندگی کنند که زندگی تجمتی دیگران، غم و اندوه آنان را به دنبال داشته باشد. از این رو بهتر است از مدرگاری و تجمل در پوشش و سایر ابعاد زندگی دوری کرده و ساده‌بیستی پیشه نماییم. دقت شود که دوری از زندگی تجملی بر مسئولین و مدیران کشور واجب است. (نادرستی گزینه های ۲ و ۴)

دادن جایزه به ورزشکاران به نیت روي آوردن افراد جامعه به ورزش و سلامت، پاداش اخروی دارد. پیش قدم شدن در برگزاری بازی ها ورزش های دسته جمعی به نیت تقویت رابطه صمیمانه میان همسایگان نیز پاداش اخروی دارد. دقت شود که فراهم کردن امکانات ورزش و بازی های ورزشی، در شرایط ضروری برای دور شدن افراد جامعه از فساد و بی‌بندویاری، واجب کفایی است. (نادرستی گزینه های ۳ و ۴)

(دین و زندگی دوازدهم، درس ۸، صفحه های ۱۰۷ تا ۱۰۵)

(مرتضی محسنی کبیر)

-۵۰ زندگی دینی تنها شیوه مطمئن و قابل اعتمادی است که پیش روی هر انسان خردمند و عاقبتاندیش قرار دارد. هر کس که نگران عاقبت کار خود است به روشی درمی‌یابد که تکیه بر خداوند و اعتماد به دستورات او، هرگونه نگرانی را نسبت به آینده از بین میرد. در غیر این صورت، آینده‌ای غیرقابل اعتماد در انتظار اوسست، و این موضوع را خداوند در آیه ۱۰۹ سوره توبه با هشدار می فرماید: «فَمَنِ اسْنَ بِنِيَانِهِ عَلَى تَقْوَىٰ مِنَ اللَّهِ وَرَضْوَانَ خَيْرِهِ مِنْ اسْنَ بِنِيَانِهِ عَلَى شَفَاعَ جَرْفِ هَارِ...».

(دین و زندگی دوازدهم، درس ۸، صفحه ۹۹)

دین و زندگی (۳) و (۲)

-۴۱

(مرتضی محسنی کبیر)

با توجه به واژه «لذعه» دعوت کن» در این آیه شریفه، موضوع «لبالغ وحی» از مسئولیت‌های پیامبر (ص) را در می‌باییم و این آیه نشانگر «ترسیم چهره عقلانی و منطقی دین اسلام» از مسئولیت‌های ما در حوزه «علم» است.

(دین و زندگی دوازدهم، درس ۱۰، صفحه ۱۳۹ و دین و زندگی یازدهم، درس ۱۰، صفحه ۱۴۷)

-۴۲

(ابوالفضل امدادی)

مقام معظم رهبری می فرماید:

«باید علم را که مایه اقتدار ملی است، همه جدی بگیرند و دنبال کنند. کشوری که مردم آن از علم بی بهره باشند، هرگز به حقوق خود دست نخواهد یافت. نمی شود علم را از دیگران گدایی کرد. علم، درون جوش و درون زاست. باید استعدادهای یک ملت به کار افتاد تا یک ملت به معنای حقیقی کلمه، عالم بشود.»

امام خمینی (ره) می فرماید:

«نکته مهمی که همه ماید به آن توجه کنیم و آن را اصل و اساس سیاست خود با بیگانگان قرار دهیم، این است که دشمنان ما و جهان خواران تا کی و تا کجا ما را تحمل می کنند و تا چه مرزی استقلال و آزادی ما را قبول دارند. به یقین، آنان مرزی دینستان برگردانند. ما چه بخواهیم و ستیز با شما برنمی دارند مگر اینکه شما را از تعقیبیمان خواهند بود تا هویت دینی و شرافت مکتبی مان را لکه دار نمایند.»

(دین و زندگی دوازدهم، درس ۱۰، صفحه های ۱۳۸ و ۱۴۲)

-۴۳

(مرتضی محسنی کبیر)

دستور خداوند، اطاعت از خدا و پیامبر او و امامان معصوم (ع) است که در آیه «اطیعوا الله و اطیعوا الرسول و اولی الامر منکم» مذکور است ولی خلفای بنی ایمه و بنی عباس از دایرة ولایت الهی خارج شدند و آنان نه براساس دستورات الهی بلکه براساس امیال خود حکومت کردند.

رسم فرخ زاد در پاسخ زهره بن عبدالله فرمانده سپاه مسلمانان درباره برابری و مساوات گفت: راست می گویی، اما در میان مردم ایران، سنتی از زمان اردشیر رایج شده که با دین شما سازگار نیست. کشاورز و پیشهور حق ندارند به طبقه بالاتر روند و از امتیازات آن برخوردار شوند. اگر این طبقات در ردیف اشراف قرار گیرند، پا از گلیم خود درازتر خواهند کرد و با اعیان و اشراف به ستیز بر خواهند خواست و این موضوع با آیه «لقد ارسلنا رسولنا بالبینات و ازلنا معهم الكتاب و المیزان لیقوم الناس بالقطسط» که درباره برابری و مساوات است، در تقابل است.

(دین و زندگی دوازدهم، درس ۹، صفحه های ۱۱۶ تا ۱۱۴)

-۴۴

(محمویه ایتسام)

رهبر جامعه اسلامی می کوشد جامعه مطابق با دستورات دین اداره شود و مردم از مسیر قوانین الهی خارج نشوند.

رهبر با الگو قرار دادن اولیای دین همواره یک زندگی ساده را دنبال می کند.

(دین و زندگی یازدهم، درس ۱۰، صفحه های ۱۳۶ و ۱۳۷)



(ممدر، رضایی‌نیا)

در تمدن اسلامی، تحصیل برای زنان آزاد بود و داشتمدان بزرگی از زنان در جهان اسلام پیدا شدند که قبل از ساخته نداشت. از بی‌ساخته بودن ظهور داشتمدان زن، به احیای مزنکت زن و ارزش‌های اصیل او در اسلام بی‌می‌بریم. قرآن کریم، اصولاً تلقی درجه دوم بودن زن را به شدت نفی کرد و با اینکه در آن عصر و حتی تا همین دوره‌های اخیر، در اروپا زن را براساس تواریخ موجود درجه دوم تلقی می‌کردند، آیات قرآنی با این نگاه مبارزه کرد.

(دین و زندگی دوازدهم، درس ۹، صفحه ۱۱۸)

-۵۸

(مرتضی مسنسن کبیر)

خداؤند به پیامبر (ص) می‌فرماید (حدیث قدسی): «برای بندگان نیکوکارم (مسنسنین) چیزهایی ذخیره کرده‌ام که نه چشمی دیده، نه گوشی شنیده و نه به ذهن کسی خطور کرده است» تزکیه نفس زمانی اتفاق می‌افتد که نفس ما از آلوگی‌ها پاک شود. این کار با توبه از گناهان آغاز می‌شود.

(دین و زندگی دوازدهم، درس ۸، صفحه‌های ۹۱ و ۹۹)

-۵۹

(مسلم بومین آبادی)

امامان، شیوه مبارزه با حاکمان را متناسب با شرایط زمان برمی‌گزینند؛ به گونه‌ای که هم تفکر اسلام راستین باقی بماند، هم به تدریج، بنای ظلم و جور بنی‌امیه و بنی عباس سست شود و هم روش زندگی امامان (ع)، به نسل‌های آینده معروفی گردد.

(دین و زندگی دوازدهم، درس ۸، صفحه ۱۱۱)

-۶۰

زبان انگلیسی (۳) و (۲)

(علی شکوهی)

ترجمه جمله: «آن خانم مسن نوه‌هایش را ندیده است، از وقتی که آن‌ها به یک کشور دیگر نقل مکان کردند.»

نکته مهم درسی

با توجه به وجود "since" در وسط جمله که یکی از نشانه‌های آشنای حال کامل است و با توجه به الگوی «گذشته ساده + حال کامل (ماضی نقلی)» گزینه ۲ صحیح است.

(کرامر)

-۶۱

(علی شکوهی)

ترجمه جمله: «توماس و ویلیام شناگران بهتری خواهند شد، اگر بیشتر به طور مکرر به شنا بروند.»

نکته مهم درسی

وجود "If" در وسط جمله، نشان می‌دهد که با ساختار جمله شرطی مواجه هستیم. چون در جمله جواب شرط از "will" استفاده شده است، پس در جمله شرط پس از "If" مطابق دستور شرطی نوع اول باید زمان حال ساده داشته باشیم.

(غیریا تولکن)

-۶۲

ترجمه جمله: «بنچ نفر از اعضای کمیته قادر نخواهد بود که در جلسه هفته بعد شرکت کنند. به نظر من بهتر است جلسه به تعویق بیفتند.»

نکته مهم درسی

وقتی می‌خواهیم کاری را پیشنهاد کنیم از "should" استفاده می‌کنیم. در اینجا چون ساختار جمله مجهول است، فعل و جهی هم باید در وجه مجهول باشد.

(کرامر)

-۶۳

(علی شکوهی)

ترجمه جمله: «آن پسر بازیگوش تکلیفش را تمام نکرده بود قبل از این که مادرش از خردید برگرد». (۱) چون (۲) قبل از (۳) بنا براین

نکته مهم درسی

با توجه به الگوی «ماضی بعید + before + ماضی ساده» باید از کلمه ربط زمان با توجه به استفاده کنیم.

(کرامر)

-۶۴

(مبوبه ابتسام)

برای اثبات نهایت عجز و ناتوانی شکاکان در الهی بودن قرآن، پیشنهاد خدا، آوردن یک سوره مانند قرآن است، حتی به اندازه سوره کوثر که کوتاه‌ترین سوره قرآن است. (دین و زندگی دوازدهم، درس ۳، صفحه ۳۳۴)

-۵۱

(مبوبه ابتسام)

هر قدر درجه ایمان و عمل انسان‌ها بالاتر باشد، استعداد و لیاقت دریافت هدایت معنوی را بیشتر کسب می‌کنند.

امام علی (ع) علاوه بر تربیت از روش‌های معمولی، از هدایت‌های معنوی رسول خدا (ص) نیز بهره می‌برد. آن حضرت فرموده است: «روزی رسول خدا (ص) هزار باب از علم را به رویم گشود که از هر کدام، هزار باب دیگر گشوده می‌شد.»

(دین و زندگی دوازدهم، درس ۳، صفحه‌های ۵۰ و ۵۲)

-۵۲

(سید احسان هندی)

خداؤند در قرآن کریم می‌فرماید: «من کان ب يريد العزة فلله العزة جميعاً». هر کس عزت می‌خواهد [بینند] که هر چه عزت است، از آن خداست.» این مفهوم را می‌رساند.

(دین و زندگی دوازدهم، درس ۳، صفحه ۱۵۷)

-۵۳

(ممدر، رضایی‌نیا)

از جمله برنامه‌های یک انسان مسلمان، مشارکت و تلاش او در ایجاد جامعه‌ای براساس معیارهای اسلامی است. از این‌رو، لازم است ابتدا معیارهای یک تمدن اسلامی را که قرآن کریم و پیشوایان به ما معرفی کرده‌اند، بشناسیم (کسب معرفت از قرآن و حدیث) و برای تحقق هر چه بهتر آن‌ها در جامعه، برنامه‌ریزی و تلاش (مجاهدت) کنیم.

پیامبر (ص) به مردم می‌فرمود: «برترین جهاد، سخن حقی است که انسان در مقابل سلطانی ستمگر بر زبان آورد.»

دلیل نادرستی گزینه‌های (۳) و (۴): نظام اجتماعی در اسلام باید بر پایه قوانین و دستورات الهی باشد، نه لزوماً آرای مردم.

(دین و زندگی دوازدهم، درس ۹، صفحه‌های ۱۱۲ و ۱۱۴)

-۵۴

(ممدر، رضایی‌نیا)

آیه «لعلک باخع نفسک آلا یکونوا مؤمنین»: «از این که برخی ایمان نمی‌آورند شاید که جانت را [از شدت اندوه] از دست بدھی»، به جان‌شانی پیامبر در راه ایمان آوردن مردم اشاره می‌کند. رسول خدا (ص) با فقر مبارزه می‌کرد و به دنبال جامعه‌ای آباد و دور از محرومیت بود و از بیکاری بدش می‌آمد و کسانی را که فقط عبادت می‌کردند و کار نمی‌کردند، مذمت می‌کرد.

(دین و زندگی دوازدهم، درس ۸، صفحه ۱۰)

-۵۵

(مبوبه ابتسام)

آیه «لعلک باخع نفسک آلا یکونوا مؤمنین»: «از این که برخی ایمان نمی‌آورند شاید که جانت را [از شدت اندوه] از دست بدھی»، به جان‌شانی پیامبر در راه ایمان آوردن مردم اشاره می‌کند. رسول خدا (ص) با فقر مبارزه می‌کرد و به دنبال جامعه‌ای آباد و دور از محرومیت بود و از بیکاری بدش می‌آمد و کسانی را که فقط عبادت می‌کردند و کار نمی‌کردند، مذمت می‌کرد.

(دین و زندگی دوازدهم، درس ۷، صفحه ۹۷)

-۵۶

(مبوبه ابتسام)

پس از رحلت پیامبر (ص) علاقه‌مندان، احادیث را حفظ کرند و علت آن ممنوعیت از نوشتن احادیث پیامبر (ص) بود.

(دین و زندگی دوازدهم، درس ۷، صفحه ۹۷)

-۵۷

(مسلم بومین آبادی)

با توجه به ترجمه آیه: «و از همسرانتان برای شما فرزندان و نوادگانی نهاد و از پاکیزه‌ها به شما رزق و روزی داد»، یکی از اهداف تشکیل خانواده، رشد و پرورش فرزندان است؛ زیرا زن و مرد، دوام وجود خود را در فرزند می‌بینند و از رشد و بالندگی او لذت می‌برند.

(دین و زندگی دوازدهم، درس ۳، صفحه‌های ۱۶۹ و ۱۷۵)



(غیریا توکل)

-۷۱

ترجمه جمله: «طبق خبرها کوهرندايی که در کوه گم شدند اکنون نجات یافته و در امان هستند پس مطلاً چیزی برای نگرانی وجود ندارد.»

(۲) مطلاً، کاملاً

(۱) به طور خاص

(۳) به طور شفاهی

(۴) مخصوصاً

(واژگان)

(علی عاشوری)

-۶۵

ترجمه جمله: «او بهزادی به این نتیجه رسید که اگر عذرخواهی نمی‌کرد، والدینش او را به خاطر آنچه انجام داده بود و خساراتی که به ماشین زده بود، نمی‌باشیدند.»

(۲) مقایسه

(۱) گفت و شنود، مکالمه

(۴) اغتشاش، پریشانی

(۳) نتیجه

(واژگان)

(علی شکوهی)

-۷۲

ترجمه جمله: «پدرم همیشه می‌گوید که اگر افراد از زندگی خود راضی نیستند، بهتر است برای بهبود آن وضعیت، کاری انجام دهند.»

(۲) ممکن، محتمل

(۱) راضی، خشنود

(۳) اجتماعی، معاشرتی

(۴) خاص، ویژه

نکته مهم درسی

عبارت "be satisfied with" به معنی «راضی بودن از» است.

(واژگان)

(علی شکوهی)

-۶۶

ترجمه جمله: «والت دیزنی یکی از بزرگ‌ترین موقتیت‌هایش را در سال ۱۹۵۵ به دست آورد، آن هنگام که دیزنی نلد، یک پارک شگفتانگیز و تماشایی را در کالیفرنیا افتتاح کرد.»

(۲) به دست آوردن

(۱) جمع آوری کردن

(۴) ترکیب کردن

(۳) متعادل کردن

(واژگان)

(میرحسین زاهدی)

-۷۳

(۲) تصویر کردن
(۴) موج سواری کردن

(۱) یاد گرفتن
(۳) تعلیم دادن

(کلوز تست)

(علی شکوهی)

-۶۷

ترجمه جمله: «برای من هیچ چیز ترسناک‌تر از دیدن یک سگ سیاه بزرگ در شی تاریک در خیابانی ساکت بدون چراغ‌های خیابان نیست.»

(۲) ترسناک

(۱) سرگرم کننده

(۴) ارزشمند

(۳) خلاقانه

(واژگان)

(میرحسین زاهدی)

-۷۴

نکته مهم درسی

«برای نشان دادن با طول زمان "for almost 30 years" "have been" نشانه حالت کامل است، بنابراین "have been" گزینه درست است.»

(کلوز تست)

(آناتھیا اصغری تاری)

-۶۸

ترجمه جمله: «چیزی که به فضای فرستاده می‌شود تا به دور زمین سفر کند تا اطلاعات را دریافت و ارسال کند، ماهواره نامیده می‌شود.»

(۲) تشخیص دادن

(۱) اندازه گرفتن

(۴) دریافت کردن

(۳) پیش گویی کردن

(واژگان)

(میرحسین زاهدی)

-۷۵

(۱) دریافت کردن
(۳) شنیدن

(۲) بهطور اجمالی مرور کردن
(۴) جستجو کردن

نکته مهم درسی

"hearing-loss" ترکیبی است که به معنی «قص شنوایی» به کار می‌رود.

(کلوز تست)

(علی عاشوری)

-۶۹

ترجمه جمله: «مری: دیگر قصد ندارم سعی کنم پیانو بنوازم. من همیشه کلی اشتباه می‌کنم.»

(۲) تسلیم نشو.

(۱) مناسب، شایسته

(۴) راحت، آسوده

(۳) کامل، بی عیوب

نکته مهم درسی

(میرحسین زاهدی)

-۷۶

(۲) کری، ناشنوا بودن
(۴) خوبی

(۱) بیماری
(۳) تیزی

(کلوز تست)

(علی عاشوری)

-۷۰

ترجمه جمله: «تویستنده این متن سعی دارد شرح دهد که چگونه انرژی اتمی می‌تواند برای بشریت مفید باشد.»

(درک مطلب)

(۲) کامل

(۳) راحت، آسوده

(۴) کامل، بی عیوب

(میرحسین زاهدی)

-۷۸

ترجمه جمله: «بهترین عنوان برای این متن می‌تواند انرژی اتمی باشد.»

(درک مطلب)

(میرحسین زاهدی)

-۷۹

ترجمه جمله: «بر اساس متن، هر ابزاری بسته به کاربردش می‌تواند یک نعمت باشد.»

(درک مطلب)

(میرحسین زاهدی)

-۸۰

ترجمه جمله: «از متن، ما می‌توانیم نتیجه‌گیری کنیم که نویسنده در تلاش است خواننده‌ها را متقاعد کند تا سوخت‌های فیزیلی را با انرژی‌های پاک جایگزین کنند.»

(درک مطلب)

(علی عاشوری)

(علی عاشوری)

-۷۱

ترجمه جمله: «شاین با وجود این که شهری به نسبت کوچک است، گرینه‌های خوبی از استیک فروشی را عرضه می‌کند که بازتابی از بن مایه گاوجرانی آن منطقه است.»

(۲) جذب کردن

(۳) بازتاب دادن

(۴) شناسایی کردن

(واژگان)



نقد و بررسی آزمون ۱۳ اردیبهشت ماه ۹۸

اختصاصی دوازدهم ریاضی

آموزشی

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه و حسابات ۲	امیرهوشنگ خمسه - طاهر دادستانی - یاسین سپهر - علی شهرابی - عرفان صادقی - حمید علیزاده فرنود فارسی جانی - سعید مدیر خراسانی - میلاد منصوری - جهانبخش نیکنام
هندسه	امیرحسین ابو محبوب - حسین خزایی - سید امیر ستوده - علیرضا شریف خطیبی - رضا عباسی اصل سید محسن فاطمی - محسن محمد کریمی - سید عادل رضا مرتضوی - مهرداد ملوندی - میلاد منصوری محمدعلی نادرپور - داریوش ناظمی
ریاضیات گستره	امیرحسین ابو محبوب - رضا پور حسینی - سیدوحید ذوالقدری - علیرضا شریف خطیبی - مهدی عزیزی علی اکبر علیزاده - سید محسن فاطمی - نوید مجیدی - سروش موئینی
آمار و احتمال	امیرحسین ابو محبوب - عباس اسدی امیر آبادی - عزیزاله علی اصغری - مرتضی فهیمعلوی - محمد جواد محسنی میلاد منصوری - فرهاد وفایی
فیزیک	خسرو ارغوانی فرد - بابک اسلامی - نصرالله افضل - عبدالرضا امینی نسب - زهره آقامحمدی - حسن جمعه بینا خورشید - میثم دشتیان - محمد ساکی - کاظم شاهمنکی - سعید شرق - سعید طاهری بروجنی روح الله علی پور - سیاوش فارسی - بهادر کامران - مصطفی کیانی - امیرحسین مجوزی - غلام رضا محبی سید علی میرنوری - افшин مینو - حسین ناصحی - سید امیر نیکویی نهالی - شادمان ویسی
شیمی	محمد رضا پور جاوید - جواد جدیدی - حسن رحمتی کوکنده - مینا شرافتی پور - محمد عظیمیان زواره میکائیل غراوی - محمد کوهستانیان - حسن لشکری - محمد حسن محمد زاده مقدم - محمد وزیری

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه و حسابات ۲	هندسه	ریاضیات گستره	آمار و احتمال	فیزیک	شیمی	سیمی	فیزیک	آنلاین
گزینشگر	کاظم اجلالی	امیرحسین ابو محبوب حسین خزایی	امیرحسین ابو محبوب	امیرحسین ابو محبوب	مصطفی کیانی	حسن رحمتی کوکنده			
گروه ویراستاری	مرضیه گودرزی علی ارجمند حمدی زرین کفش	علیرضا صابری سید عادل حسینی	علیرضا صابری سید عادل حسینی	علیرضا صابری سید عادل حسینی	علیرضا صابری سید عادل حسینی	علی حسنی صفت علی علمداری ایمان حسین نژاد مینا شرافتی پور	حمدی زرین کفش امیرحسین برادران	حمدی زرین کفش	
مسئول درس	سید عادل حسینی	امیرحسین ابو محبوب	امیرحسین ابو محبوب	بابک اسلامی	امیرحسین ابو محبوب	محمد وزیری			

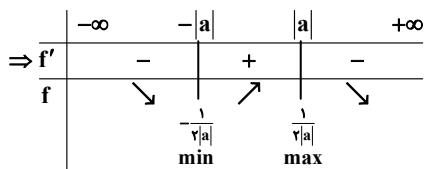
گروه فنی و تولید

محمد اکبری	مدیر گروه
نرگس غنیزاده	مسئول دفترچه
مدیر گروه: مریم صالحی	گروه مستندسازی
حسن خرم جو	حروف نگار
سوران نعیمی	ناظر چاپ

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۱-۶۴۶۳



$$\Rightarrow \begin{cases} \max : \left(|a|, \frac{1}{|a|} \right) \\ \min : \left(-|a|, -\frac{1}{|a|} \right) \end{cases} \Rightarrow m = \frac{\frac{1}{|a|} + \frac{1}{|a|}}{|a| + |a|} = \frac{1}{2a^2} = 6$$

$$\Rightarrow a^2 = \frac{1}{12} \Rightarrow a = \pm \frac{1}{2\sqrt{3}}$$

(حسابان ۲-کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۲۰ تا ۱۲۲)

(بیانیش نیکنام)

-۸۵

دامنه تابع $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ است.

$$f'(x) = \frac{2x+k}{\sqrt[3]{x^3+kx-k}} = 0 \Rightarrow x = \frac{-k}{2}$$

برای این که $x = \frac{-k}{2}$ تنها نقطه بحرانی تابع f باشد، دو حالت می‌تواند

اتفاق بیفتد:

حالت اول: مخرج f' ریشه نداشته باشد.

$$\Rightarrow k^2 + 4k < 0 \Rightarrow -4 < k < 0 \quad (1)$$

حالت دوم: مخرج ریشه مضاعف $-\frac{k}{2}$ داشته باشد.

$$\Rightarrow \Delta = k^2 + 4k = 0 \Rightarrow k = 0, -4 \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1),(2)} k \in [-4, 0]$$

پس k ، ۵ مقدار صحیح می‌تواند داشته باشد.

(حسابان ۲-کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۱۹)

(ظاهر درستانی)

-۸۶

ابتدا نقاط بحرانی $f(x)$ را در بازه $[1, 3]$ به دست می‌آوریم:

$$f'(x) = 3x^2 - 6x = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0, 2 \\ x = 2 \end{cases} \Rightarrow x = 2$$

$$\Rightarrow \frac{x}{f(x)} \begin{array}{c|ccc} & 1 & 2 & 3 \\ \hline k-2 & & & \\ k-4 & & & \\ k & & & \end{array}$$

باید k (ماکزیمم مطلق) و $4-k$ (مینیمم مطلق) قرینه یکدیگر باشند:

$$\Rightarrow k-4 = -k \Rightarrow k = 2$$

(حسابان ۲-کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۱۹)

حسابان ۲

-۸۱

(عرفان صادقی)

با توجه به نمودار f' ، برای $x < -1$ ، f' منفی است، بنابراین باید تابع f

در این بازه نزولی باشد، پس گزینه «۳» نادرست است.

f' در $x = 1$ و $x = -1$ وجود ندارد، بنابراین باید تابع f در این دو نقطه مشتق تا بذیر باشد، پس گزینه‌های «۱» و «۲» نیز نادرست هستند.

(حسابان ۲-کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۲۰ تا ۱۲۲)

-۸۲

(ظاهر درستانی)

باید مشتق تابع روی \mathbb{R} نامنفی یا نامثبت باشد. پس:

$$f'(x) = a - \sin x$$

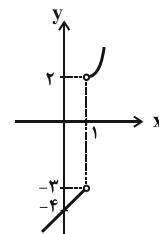
$$\Rightarrow \begin{cases} f'(x) \geq 0 \Rightarrow a \geq 1 \\ f'(x) \leq 0 \Rightarrow a \leq -1 \end{cases} \Rightarrow a \in (-\infty, -1] \cup [1, +\infty)$$

(حسابان ۲-کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۲۰ تا ۱۲۲)

-۸۳

(سعید مریرفر اسانی)

نمودار تابع f بدون در نظر گرفتن نقطه $(1, m)$ به صورت زیر است:



حال اگر نقطه $(1, m)$ بالاتر از نقطه $(1, 2)$ باشد، تابع ماکزیمم نسبی و اگر

پایین‌تر از نقطه $(1, -3)$ باشد، مینیمم نسبی دارد. اما اگر نقطه $(1, m)$ بین

این دو نقطه با روی یکی از آن‌ها باشد، تابع اکسترمم نسبی ندارد.

$$\Rightarrow -3 \leq m \leq 2$$

(حسابان ۲-کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۱۹)

-۸۴

(بیانیش نیکنام)

$$f'(x) = \frac{a^2 - x^2}{(x^2 + a^2)^2}$$

(علی شعبانی)

-۸۹

$$f'(x) = 3x^2 + 2bx + c \Rightarrow f''(x) = 6x + 2b$$

نقطه A، نقطه عطف تابع f است، پس:

$$f''(2) = 0 \Rightarrow 12 + 2b = 0 \Rightarrow b = -6$$

$$f(2) = 2^3 - 6(2)^2 + 2c + 20 = -26$$

$$\Rightarrow 8 - 24 + 2c + 20 = 0 \Rightarrow c = -15$$

پس ضابطه f' به صورت زیر در می‌آید:

$$f'(x) = 3x^2 - 12x - 15 = 3(x^2 - 4x - 5) = 3(x+1)(x-5)$$

را تعیین علامت می‌کنیم:

	-1	5	
f'	+	0	-
f	↗	↙	↘
	max		min

مقدار ماکریم نسبی f برابر است با:

$$f(-1) = 28$$

(مسابان ۲-کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۳۷ تا ۱۳۹)

(غیرنور فارسی‌بانی)

-۹۰

$$f'(x) = 3x^2 + 2ax + b$$

خط مماس بر نمودار تابع در $x = 0$ ، افقی است؛ یعنی $f'(0) = 0$

$$\Rightarrow f'(0) = b = 0$$

$$\Rightarrow f(x) = x^3 + ax^2, f'(x) = 3x^2 + 2ax$$

با توجه به نمودار، طول نقطه‌ای که نمودار بر محور x ها مماس است، باید

 $x = -\frac{2a}{3}$ باشد، بنابراین مقدار تابع در این نقطه نیز باید صفر باشد.

$$\Rightarrow f\left(-\frac{2a}{3}\right) = \left(-\frac{2a}{3}\right)^3 + a\left(-\frac{2a}{3}\right)^2 - 4 = \frac{4a^3}{27} - 4 = 0$$

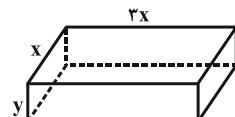
$$\Rightarrow a^3 = 27 \Rightarrow a = 3$$

(مسابان ۲-کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۳۷ تا ۱۳۹)

(امیر هوشنگ فمهی)

-۸۷

قطعه سیم موردنظر، یال‌های مکعب مستطیل را می‌سازد.



ابعاد مکعب مستطیل را مطابق شکل، x، ۳x و y در نظر می‌گیریم:

$$\Rightarrow \text{مجموع طول یال‌ها} = 4x + 4(3x) + 4y = 48$$

$$\Rightarrow 4x + y = 12 \Rightarrow y = 12 - 4x$$

$$\Rightarrow V(x) = (3x)(x)(y) = 3x^2y = 3x^2(12 - 4x)$$

$$= 12(3x^2 - x^3)$$

$$V'(x) = 12(6x - 3x^2) = 0 \Rightarrow x = 2$$

$$\Rightarrow V_{\max} = V(2) = 12(12 - 8) = 48$$

(مسابان ۲-کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۳۷ تا ۱۳۹)

(محمد علیزاده)

-۸۸

$$f(x) = \frac{1}{4}x^2 + 16\sqrt{x}$$

$$\Rightarrow f'(x) = \frac{1}{2}x + \frac{8}{\sqrt{x}} \Rightarrow f''(x) = \frac{1}{2} - \frac{4}{x\sqrt{x}}$$

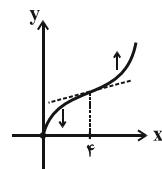
$$f''(x) = 0 \Rightarrow x = 4$$

کافی است مشتق دوم را تعیین علامت کنیم:

x	0	4	$\rightarrow\infty$
f''	-	+	
f	↗	$f'(4) > 0$	↘

حال برای شب خط مماس در نقطه عطف داریم:

$$m = f'(4) = \frac{1}{2}(4) + \frac{8}{\sqrt{4}} = 6$$

بنابراین نمودار آن در اطراف $x = 4$ ، به صورت زیر خواهد بود:

(مسابان ۲-کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۳۷ تا ۱۳۹)



این نقطه از خط $y = x$ برابر است با:

$$\frac{|(-1) - (0)|}{\sqrt{(-1)^2 + (-1)^2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

(مسابان ا- تابع: صفحه‌های ۵۷ تا ۶۲ و هم‌و معادله: صفحه‌های ۲۵ و ۳۳)

(یاری‌سین سپیر)

-۹۴

راه حل اول:

$$y = f(x) = 2 + \sqrt{x-1} \Rightarrow y-2 = \sqrt{x-1}$$

$$\Rightarrow (y-2)^2 = x-1 \Rightarrow x = (y-2)^2 + 1$$

$$\Rightarrow f^{-1}(x) = (x-2)^2 + 1$$

$$\Rightarrow gof^{-1}(x) = g(f^{-1}(x)) = 1 - 3((x-2)^2 + 1)$$

$$= -3x^2 + 12x - 14$$

راه حل دوم: از عددگذاری استفاده می‌کنیم:

$$f(1) = 2 \Rightarrow f^{-1}(2) = 1$$

$$\Rightarrow g(f^{-1}(2)) = g(1) = -2$$

با جایگذاری $x = 2$, فقط در گزینه «۱» مقدار ۲- حاصل می‌شود.

(مسابان ا- تابع: صفحه‌های ۵۷ تا ۶۲)

(میلار منصوری)

-۹۵

$$f(1) = a^0 + \frac{2}{ab} = 1 + \frac{2}{ab} = 1/2 \Rightarrow \frac{2}{ab} = \frac{1}{10}$$

$$\Rightarrow ab = 10. \quad (*)$$

$$f\left(\frac{1}{2}\right) = a^{\frac{1}{2}} + \frac{2}{ab} = \sqrt{a} + \frac{2}{10} = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \sqrt{a} = 3 \Rightarrow a = 9 \xrightarrow{(*)} b = \frac{10}{9}$$

$$\Rightarrow 2a - 9b = 18 - 10 = 8$$

(مسابان ا- توابع نمایی و لگاریتمی: صفحه‌های ۷۹ تا ۸۲)

(ظاهر راه‌ستانی)

-۹۱

می‌دانیم مجموع و حاصل ضرب جواب‌های معادله به ترتیب برابر a و b هستند. پس داریم:

$$a + b = -a, ab = b$$

$$b \neq 0 \Rightarrow a = 1, b = -2$$

$$\Rightarrow x^2 + ax + b = x^2 + x - 2 = \left(x + \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{9}{4}$$

$$\Rightarrow \text{کمترین مقدار} = -\frac{9}{4}$$

(مسابان ا- هم‌و معادله: صفحه‌های ۷ تا ۹)

(محمد علیزاده)

-۹۲

با توجه به عبارت $\sqrt{2x+1}$, باید $2x+1 \geq 0$ باشد، یعنی $x \geq -\frac{1}{2}$ است:

که در این صورت عبارت $2x+1$ همواره مثبت خواهد بود. بنابراین داریم:

$$\Rightarrow \sqrt{2x+1} + x = |x+1| = x+2$$

$$\Rightarrow \sqrt{2x+1} = 2 \Rightarrow 2x+1 = 4 \Rightarrow x = \frac{3}{2} \geq -\frac{1}{2}$$

بنابراین معادله یک جواب دارد.

(مسابان ا- هم‌و معادله: صفحه‌های ۲۰ تا ۲۸)

(محمد علیزاده)

-۹۳

$$f(x) = 2x - |x| + 3 = \begin{cases} 3x + 3 & ; x < 0 \\ x + 3 & ; x \geq 0 \end{cases}$$

عرض نقطه برخورد تابع f^{-1} و محور y ‌ها، با طول نقطه برخورد تابع f و

محور x ‌ها برابر است. بنابراین داریم:

$$\Rightarrow f(x) = 0 \Rightarrow \begin{cases} 3x + 3 = 0 \Rightarrow x = -1 < 0 \\ x + 3 = 0 \Rightarrow x = -3 \geq 0 \end{cases}$$

بنابراین محل برخورد تابع f^{-1} و محور y ‌ها نقطه $(-1, 0)$ است. فاصله



$$\begin{aligned} & \text{با ضرب عبارت فوق در } \sin \frac{\pi}{\gamma} \text{ و تقسیم آن بر } \sin \frac{\pi}{\gamma} \text{ داریم:} \\ & = \frac{-\sin \frac{\pi}{\gamma} \cos \frac{4\pi}{\gamma} \cos \frac{2\pi}{\gamma} \cos \frac{\pi}{\gamma}}{\sin \frac{\pi}{\gamma}} = \frac{-\frac{1}{\gamma} \sin \frac{2\pi}{\gamma} \cos \frac{2\pi}{\gamma} \cos \frac{4\pi}{\gamma}}{\sin \frac{\pi}{\gamma}} \\ & = \frac{-\frac{1}{\gamma} \sin \frac{4\pi}{\gamma} \cos \frac{4\pi}{\gamma}}{\sin \frac{\pi}{\gamma}} = \frac{-\frac{1}{\gamma} \sin \frac{8\pi}{\gamma}}{\sin \frac{\pi}{\gamma}} = \frac{\frac{1}{\gamma} \sin \frac{\pi}{\gamma}}{\sin \frac{\pi}{\gamma}} = \frac{1}{\gamma} \end{aligned}$$

(مسابان ا- مثالات: صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۴ و ۱۱۰ تا ۱۱۲)

(علی شیرابی)

-۹۹

چون حد مخرج کسر وقتی γ برابر صفر است، حد صورت کسر هم باید صفر باشد (تا حاصل حد متناهی باشد):

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow \gamma} (\sqrt{ax+1} - ۳) = ۰ \Rightarrow \sqrt{۳a+1} - ۳ = ۰ \Rightarrow a = ۴$$

$$\Rightarrow b = \lim_{x \rightarrow \gamma} \frac{\sqrt{4x+1} - ۳}{4 - x} \times \underbrace{\frac{\sqrt{4x+1} + ۳}{\sqrt{4x+1} + ۳}}_6$$

$$= \lim_{x \rightarrow \gamma} \frac{4x+1 - ۹}{x^2 - ۴} = \lim_{x \rightarrow \gamma} \frac{4(x-\gamma)}{(x-\gamma)(x+\gamma)} = -\frac{1}{\gamma}$$

$$\Rightarrow a - ۱\lambda b = ۴ - ۱\lambda \left(-\frac{1}{\gamma}\right) = ۴ + ۳ = ۷$$

(مسابان ا- مر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۵)

(رایسین سپهر)

-۱۰۰

$$\lim_{x \rightarrow \infty^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow \infty^+} \left(\left[x + \frac{\gamma}{\gamma} \right] + ۳a \right) = ۱ + ۳a$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow \infty^-} \left(\frac{\sqrt{\gamma} \sin \gamma x}{\sqrt{1 - \cos \gamma x}} \right) = \lim_{x \rightarrow \infty^-} \left(\frac{\sqrt{\gamma} \sin \gamma x}{\sqrt{\gamma} \sin \gamma x} \right)$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty^-} \frac{\gamma \sqrt{\gamma} \sin x \cos x}{-\sqrt{\gamma} \sin x} = -\gamma$$

$$f(\cdot) = \gamma b$$

$$\Rightarrow ۱ + ۳a = -\gamma = \gamma b$$

$$\Rightarrow a = b = -1 \Rightarrow a + b = -\gamma$$

(مسابان ا- مر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۵)

(بجهانیش نیکنام)

-۹۶

$$\Delta^{\log x} + \Delta^{(\log x)-1} = \gamma^{(\log x)+1} + \gamma^{(\log x)-1}$$

$$\Rightarrow \Delta^{\log x} \left(1 + \frac{1}{\Delta} \right) = \gamma^{\log x} \left(\gamma + \frac{1}{\gamma} \right) \Rightarrow \left(\frac{\Delta}{\gamma} \right)^{\log x} = \frac{\gamma}{\gamma}$$

$$\Rightarrow \left(\frac{\Delta}{\gamma} \right)^{\log x} = \frac{\gamma}{\gamma} \Rightarrow \log x = ۲ \Rightarrow x = ۱۰۰$$

$$\Rightarrow \log \frac{(x-1)}{\sqrt{\gamma}} = \log \frac{\gamma}{\sqrt{\gamma}} = \log \frac{\gamma}{\gamma} = \lambda \log \frac{\gamma}{\gamma} = \lambda$$

(مسابان ا- توابع نمایی و لگاریتمی: صفحه‌های ۸۶ تا ۹۰)

(محمد علیزاده)

-۹۷

$$f(x) = ۱ - b \sin x \xrightarrow{x \rightarrow \infty} y = f(\cdot) = ۱$$

$$\Rightarrow f\left(\frac{\pi}{\gamma}\right) = ۱ - b\left(\frac{\pi}{\gamma}\right) = -1 \Rightarrow b = \gamma$$

$$\Rightarrow f(x) = ۱ - \gamma \sin x$$

$$\Rightarrow f\left(\frac{14\pi}{\gamma}\right) = ۱ - \gamma \sin\left(\frac{14\pi}{\gamma}\right) = ۱ - \gamma \sin\left(\frac{13\pi + \pi}{\gamma}\right)$$

$$= ۱ - \gamma \sin\left(\pi + \frac{\pi}{\gamma}\right) = ۱ - \gamma \sin\left(\pi + \frac{\pi}{\gamma}\right)$$

$$= ۱ + \gamma \sin\frac{\pi}{\gamma} = ۱ + \gamma \left(\frac{\sqrt{\gamma}}{\gamma}\right) = ۱ + \sqrt{\gamma}$$

(مسابان ا- مثالات: صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۱)

(بجهانیش نیکنام)

-۹۸

$$\sin\left(\frac{\pi}{14}\right) = \cos\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{14}\right) = \cos\frac{\gamma\pi}{\gamma} = -\cos\left(\pi - \frac{\gamma\pi}{\gamma}\right)$$

$$= -\cos\frac{\gamma\pi}{\gamma}$$

$$\sin\left(\frac{3\pi}{14}\right) = \cos\left(\frac{\pi}{2} - \frac{3\pi}{14}\right) = \cos\left(\frac{\gamma\pi}{\gamma}\right)$$

$$\sin\left(\frac{5\pi}{14}\right) = \cos\left(\frac{\pi}{2} - \frac{5\pi}{14}\right) = \cos\left(\frac{\gamma\pi}{\gamma}\right)$$

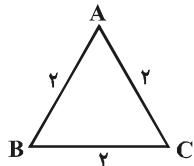
$$\Rightarrow \sin\frac{\pi}{14} \sin\frac{3\pi}{14} \sin\frac{5\pi}{14} = \cos\frac{\gamma\pi}{\gamma} \cos\frac{\gamma\pi}{\gamma} \cos\frac{\gamma\pi}{\gamma}$$

$$= -\cos\frac{\gamma\pi}{\gamma} \cos\frac{\gamma\pi}{\gamma} \cos\frac{\gamma\pi}{\gamma}$$



$$\Rightarrow (\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{CB}) \overrightarrow{AB} - (\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC}) \overrightarrow{AC} = -2\overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AC}$$

$$= 2(\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{AB}) = 2\overrightarrow{BC}$$



تذکر: دقت کنید که زاویه بین بردارهای \overrightarrow{AC} و \overrightarrow{AB} و نیز \overrightarrow{BC} و \overrightarrow{CB} .

مکمل زاویه های B و C در مثلث متساوی الاضلاع ABC است، چون ابتدا

یا انتهای هر جفت از این بردارها بر نقطه B یا C منطبق نیست.

(هنرسه ۳-بردارها؛ صفحه های ۷۷ تا ۷۹)

(علیرضا شریف خاطبی)

-۱۰۴

$$\vec{u} = (2\vec{i} + \vec{j}) \times (\vec{j} - \vec{k}) = 2\vec{i} \times \vec{j} - 2\vec{i} \times \vec{k} + \vec{j} \times \vec{j} - \vec{j} \times \vec{k}$$

$$= 2\vec{k} + 2\vec{j} + \vec{o} - \vec{i} = (-1, 2, 3)$$

$$xy: \vec{u}_1 = (-1, 2, 0) \Rightarrow |\vec{u}_1| = \sqrt{1+4+0} = \sqrt{5} \Rightarrow \frac{|\vec{u}_1|}{|\vec{u}_2|} = \frac{\sqrt{5}}{3}$$

$$yz: \vec{u}_2 = (0, 2, 3) \Rightarrow |\vec{u}_2| = \sqrt{0+4+9} = \sqrt{13}$$

(هنرسه ۳-بردارها؛ صفحه های ۸۱ و ۸۲)

(محمدعلی نادری)

-۱۰۵

$$\overrightarrow{AB} \parallel \overrightarrow{AC} \Rightarrow (\vec{b} - \vec{a}) \parallel (\vec{c} - \vec{a}) \Rightarrow (\vec{b} - \vec{a}) \times (\vec{c} - \vec{a}) = \vec{o}$$

$$\Rightarrow \vec{b} \times \vec{c} - \vec{b} \times \vec{a} - \vec{a} \times \vec{c} + \underbrace{\vec{a} \times \vec{a}}_{\vec{o}} = \vec{o}$$

$$-\vec{b} \times \vec{a} = -\vec{b} \times \vec{c} + \vec{a} \times \vec{c} \Rightarrow \vec{a} \times \vec{b} = \vec{a} \times \vec{c} - \vec{b} \times \vec{c}$$

(هنرسه ۳-بردارها؛ صفحه های ۸۱ و ۸۲)

(مهندس ملوندی)

-۱۰۱

سه بردار غیر صفر \vec{a} , \vec{b} و \vec{c} در یک صفحه قرار دارند، اگر و فقط اگر ضرب

مختلط این سه بردار برابر صفر باشد، یعنی:

$$\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = \vec{b} \cdot (\vec{c} \times \vec{a}) = \vec{c} \cdot (\vec{a} \times \vec{b}) = 0$$

$$\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = 0 \Rightarrow \begin{vmatrix} 1 & 3 & -1 \\ 2 & m & 1 \\ 1 & m-1 & 1 \end{vmatrix} = 0 \quad \text{داریم:}$$

طبق دستور ساروس برای محاسبه دترمینان ماتریس 3×3 داریم:

$$(m+3-2m+2) - (-m+m-1+6) = 0 \Rightarrow m = 0$$

(هنرسه ۳-بردارها؛ صفحه های ۸۱ و ۸۲)

(سیرمهمن خاطمی)

-۱۰۲

$$\overrightarrow{MA} = -3\overrightarrow{MB} \Rightarrow \overrightarrow{OA} - \overrightarrow{OM} = (-3)(\overrightarrow{OB} - \overrightarrow{OM})$$

$$\Rightarrow 4\overrightarrow{OM} = \overrightarrow{OA} + 3\overrightarrow{OB} \Rightarrow \overrightarrow{OM} = \frac{1}{4}(\overrightarrow{OA} + 3\overrightarrow{OB})$$

$$\Rightarrow \overrightarrow{OM} = \frac{1}{4}[(2, 3, 4) + (-6, -15, 0)] = (-1, -3, 1)$$

بنابراین مختصات نقطه M به صورت $(-1, -3, 1)$ است.

(هنرسه ۳-بردارها؛ صفحه های ۷۳ تا ۷۶)

(علیرضا شریف خاطبی)

-۱۰۳

با توجه به مثلث متساوی الاضلاع ABC داریم:

$$\begin{cases} \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC} = |\overrightarrow{AB}| |\overrightarrow{BC}| \cos 120^\circ = 2 \times 2 \times \left(-\frac{1}{2}\right) = -2 \\ \overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{CB} = |\overrightarrow{AC}| |\overrightarrow{CB}| \cos 120^\circ = 2 \times 2 \times \left(-\frac{1}{2}\right) = -2 \end{cases}$$



(مسنون محمدکریم)

-۱۰۹

ابتدا بردارهای \overrightarrow{NP} و \overrightarrow{MN} را تشکیل داده و مساحت مثلث MNP را

به دست می آوریم:

$$\begin{aligned} \overrightarrow{MN} &= (5, 3, 1) \\ \overrightarrow{NP} &= (1, 3, 5) \end{aligned} \Rightarrow \overrightarrow{MN} \times \overrightarrow{NP} = (12, -24, 12)$$

$$\begin{aligned} S_{MNP}^{\Delta} &= \frac{1}{2} |\overrightarrow{MN} \times \overrightarrow{NP}| = \frac{1}{2} \sqrt{12^2 + (-24)^2 + 12^2} \\ &= \frac{1}{2} \sqrt{12^2 + 4 \times 12^2 + 12^2} = \frac{1}{2} \sqrt{6 \times 12^2} = 6\sqrt{6} \end{aligned}$$

می دانیم مساحت مثلثی که از وصل کردن وسطهای اضلاع یک مثلث پدید

می آید، $\frac{1}{4}$ مساحت آن مثلث است، بنابراین داریم:

$$S_{MNP}^{\Delta} = \frac{1}{4} S_{ABC}^{\Delta} \Rightarrow 6\sqrt{6} = \frac{1}{4} S_{ABC}^{\Delta} \Rightarrow S_{ABC}^{\Delta} = 24\sqrt{6}$$

(هنرسهه ۳-بردارها: صفحه های ۷۷ تا ۸۱)

(سید امیر ستووه)

-۱۱۰

$$|\vec{a} - \vec{b}|^3 + |\vec{b} - \vec{c}|^3 + |\vec{c} - \vec{a}|^3$$

$$= 3(|\vec{a}|^3 + |\vec{b}|^3 + |\vec{c}|^3) - 3(\vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{b} \cdot \vec{c} + \vec{a} \cdot \vec{c})$$

$$= 3(|\vec{a}|^3 + |\vec{b}|^3 + |\vec{c}|^3) - |\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}|^3$$

$$\Rightarrow 9 = 3 \times 3 - |\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}|^3 \Rightarrow |\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}| = 0.$$

$$\Rightarrow \vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{0} \Rightarrow \vec{b} + \vec{c} = -\vec{a}$$

$$|\gamma \vec{a} + \delta \vec{b} + \epsilon \vec{c}| = |\gamma \vec{a} + \delta (\vec{b} + \vec{c})| = |\gamma \vec{a} + \delta (-\vec{a})|$$

$$= |\gamma \vec{a}| = \gamma |\vec{a}| = \gamma$$

(هنرسهه ۳-بردارها: صفحه های ۷۷ تا ۷۹)

(رضا عباسی اصل)

-۱۰۶

اگر θ زاویه بین بردارهای a و b باشد، داریم:

$$\tan \theta = \frac{|\vec{a} \times \vec{b}|}{\vec{a} \cdot \vec{b}} \Rightarrow \tan \theta = \frac{\sqrt{3}}{1} \Rightarrow \theta = 60^\circ$$

اگر بردار \vec{a}' تصویر قائم بردار \vec{a} بر راستای بردار \vec{b} باشد، داریم:

$$|\vec{a}'| = \frac{|\vec{a} \cdot \vec{b}|}{|\vec{b}|} = \frac{|\vec{a}| |\vec{b}| \cos \theta}{|\vec{b}|} = |\vec{a}| \cos \theta$$

$$\xrightarrow{\theta=60^\circ} |\vec{a}'| = \frac{1}{\sqrt{3}} |\vec{a}|$$

(هنرسهه ۳-بردارها: صفحه های ۷۷ تا ۷۹)

(مسنون فرامی)

-۱۰۷

$$|\vec{a} + \vec{b}|^3 - |\vec{a} - \vec{b}|^3 = \left(|\vec{a}|^3 + |\vec{b}|^3 + 3\vec{a} \cdot \vec{b} \right) - \left(|\vec{a}|^3 + |\vec{b}|^3 - 3\vec{a} \cdot \vec{b} \right)$$

$$= 3\vec{a} \cdot \vec{b} \xrightarrow{|\vec{a} - \vec{b}|^3 \geq 0} |\vec{a} + \vec{b}|^3 \geq 3\vec{a} \cdot \vec{b} \xrightarrow{|\vec{a} + \vec{b}|^3 = 64} 3\vec{a} \cdot \vec{b} \leq 64$$

$$\Rightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} \leq 16$$

تذکر: حالت تساوی زمانی برقرار است که دو بردار \vec{a} و \vec{b} هم راستا،هم جهت و هماندازه ($|\vec{a}| = |\vec{b}| = 4$) باشند.

(هنرسهه ۳-بردارها: صفحه های ۷۷ تا ۷۹)

(سید عارل رضا مرتضوی)

-۱۰۸

دو بردار $\vec{v} = (2, 1, 1)$ و $\vec{u} = (2a, b, c)$ را در نظر بگیرید. طبق نامساوی

کشی شوارتز داریم:

$$|\vec{u} \cdot \vec{v}| \leq |\vec{u}| |\vec{v}| \Rightarrow |2a + b + c| \leq \sqrt{4a^2 + b^2 + c^2} \times \sqrt{4 + 1 + 1}$$

$$\xrightarrow{\text{به توان ۲}} (2a + b + c)^2 \leq (4a^2 + b^2 + c^2) \times 6$$

$$\Rightarrow \frac{(2a + b + c)^2}{4a^2 + b^2 + c^2} \leq 6$$

(هنرسهه ۳-بردارها: صفحه های ۷۷ تا ۷۹)



(مهدی عزیزی)

اعداد مکعب کامل ۳ رقمی = B و اعداد مریع کامل ۳ رقمی A =

$$100 \leq k^3 \leq 999 \Rightarrow 10 \leq k \leq 21 \rightarrow |A| = 22$$

$$100 \leq k^3 \leq 999 \Rightarrow 5 \leq k \leq 9 \rightarrow |B| = 5$$

$$100 \leq k^3 \leq 999 \Rightarrow k = 3 \rightarrow |A \cap B| = 1$$

$$|A \cup B| = |A \cup B| = |S| - |A \cup B| \quad \text{بنابراین داریم:}$$

$$= 900 - (22 + 5 - 1) = 874$$

↓
کل اعداد ۳ رقمی

(ریاضیات گسته- ترکیبات: صفحه‌های ۷۷ و ۷۸)

-۱۱۷

(سیدرسن خاطمن)

هر پایه در هر مدرسه به منزله یک لانه کبوتر است. در نتیجه تعداد لانه‌ها برابر است با:

$$6 \times 4 + 1 \times 3 = 27$$

خارج قسمت تقسیم ۸۵ بر ۲۷ برابر است با ۳. پس حداقل ۳+۱ = ۴

دانش آموز وجود دارند که همه مدرسه و هم پایه باشند.

(ریاضیات گسته- ترکیبات: صفحه‌های ۷۵ و ۷۶)

ریاضیات گسته

-۱۱۸

(علیرضا شریف‌ظبیین)

عددی نسبت به ۶ اول است که نه مضرب ۲ باشد و نه مضرب ۳. اگر

مجموعه اعدادی که مضرب ۲ هستند را با A و مجموعه اعدادی که مضرب ۳ هستند را با B نمایش دهیم (A, B ⊆ S)، آنگاه داریم:

$$|A| = \left[\frac{49}{2} \right] = 40 - 24 = 16$$

$$|B| = \left[\frac{49}{3} \right] = 26 - 16 = 10$$

$$|A \cap B| = \left[\frac{49}{6} \right] = 13 - 8 = 5$$

$$|A \cup B| = |A| + |B| - |A \cap B| = 16 + 10 - 5 = 21$$

$$|A \cap B| = |A \cup B| = 31 - 21 = 10$$

(ریاضیات گسته- ترکیبات: صفحه‌های ۷۷ و ۷۸)

-۱۱۸

مجموعه ضرب‌های طبیعی عدد ۳ که کوچک‌تر از ۳۵ هستند، برابر است با A = {۳, ۶, ۹, ۱۲, ۱۵, ۱۸, ۲۱, ۲۴, ۲۷, ۳۰, ۳۳}. حال عدد ۳۳ را از A کنار می‌گذاریم، در این صورت مجموع جفت عددهای {۳, ۶, ۹, ۱۲, ۲۱, ۲۴, ۳۰, ۳۳} برابر ۳۳ است. اگر از هر کدام از این جفت اعداد، فقط یکی را انتخاب کنیم و عدد ۳۳ را به آنها اضافه نماییم، آنگاه با انتخاب هر کدام از عضوهای باقی مانده در بین جفت اعداد مورد نظر، به طور حتم یکی از جفت اعداد با مجموع ۳۳ وجود خواهد داشت. پس کم‌ترین تعداد عضوهای زیر مجموعه‌های k عضوی باید برابر با ۷ باشد.

(ریاضیات گسته- ترکیبات: صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

-۱۱۹

(امیرحسین ابومیوب)

ابتدا تعداد توابعی از مجموعه A به مجموعه B که شامل زوج مرتب

$$f = \{(1,2), (2, \square), (3, \square), (4, \square)\} \quad (1,2) \text{ باشند را محاسبه می‌کنیم:}$$

$$4 \times 4 \times 4 = 64 \quad \text{تعداد توابع:}$$

سپس تعداد توابع یک‌به‌یک از مجموعه A به مجموعه B با شرط داده

$$\text{شده را به دست می‌آوریم: } 3 \times 2 \times 1 = 6 \quad \text{تعداد توابع یک‌به‌یک:}$$

بنابراین تعداد توابع غیر یک‌به‌یک برابر است با:

(ریاضیات گسته- ترکیبات: صفحه‌های ۷۹ و ۷۸)

-۱۱۹

(امیرحسین ابومیوب)

اگر A، B و C زیرمجموعه‌هایی از مجموعه اعداد طبیعی ۱ تا ۱۰۰ باشند

که اعضای آنها به ترتیب بر ۲، ۳ و ۵ بخش‌بذیر هستند. تعداد اعداد طبیعی از ۱ تا ۱۰۰ که بر ۲ بخش‌بذیر بوده ولی بر ۳ و ۵ بخش‌بذیر نباشند، برابر است با:

$$|A - (B \cup C)| = |A| - |A \cap (B \cup C)|$$

$$= |A| - (|A \cap B| + |A \cap C| - |A \cap B \cap C|)$$

$$= |A| - |A \cap B| - |A \cap C| + |A \cap B \cap C|$$

به طرق مشابه می‌توان تعداد اعدادی که فقط بر ۳ یا فقط بر ۵ بخش‌بذیر هستند را به دست آورد، بنابراین تعداد اعداد طبیعی از ۱ تا ۱۰۰ که تنها بر یک از اعداد ۲، ۳ یا ۵ بخش‌بذیرند، برابر است با:

$$|A| + |B| + |C| - 2(|A \cap B| + |A \cap C| + |B \cap C|) + 3|A \cap B \cap C|$$

حال مقدار هر یک از عبارت‌ها را به دست می‌آوریم:

$$|A| = \left[\frac{100}{2} \right] = 50, \quad |B| = \left[\frac{100}{3} \right] = 33, \quad |C| = \left[\frac{100}{5} \right] = 20$$

$$|A \cap B| = \left[\frac{100}{6} \right] = 16, \quad |A \cap C| = \left[\frac{100}{10} \right] = 10$$

$$|B \cap C| = \left[\frac{100}{15} \right] = 6, \quad |A \cap B \cap C| = \left[\frac{100}{30} \right] = 3$$

در نتیجه تعداد اعضای مجموعه مورد نظر برابر است با:

$$(50 + 33 + 20) - 2(16 + 10 + 6) + 3 \times 3 = 103 - 64 + 9 = 48$$

(ریاضیات گسته- ترکیبات: مشابه تمرین ۳ صفحه ۸۱)

-۱۲۰

(سید محمد ذوالقدری)

اگر در هر یک از کیسه‌ها ۶ مهره (۲ مهره از هر رنگ) داشته باشیم، هدف

مسئله برآورده نشده است، اما با اضافه کردن مهره بعدی (مهره سیزدهم)، قطعاً در یکی از دو کیسه، حداقل ۳ مهره هم رنگ وجود خواهد داشت.

(ریاضیات گسته- ترکیبات: صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

-۱۲۱

(رفیع پورحسینی)

طبق اصل لانه کبوتری در بدترین حالت این امکان وجود دارد که هر ۱۰ نفر

دارای دقیقاً ۳۵۰ سکه باشند که این حالت مستلزم آن است که هر نفر ۷

بار انتخاب شده باشد که روی هم می‌شود = ۷۰ = ۷ = ۷۰ × ۷ = ۷۰

اما چون در هر مرحله ۴ نفر انتخاب می‌شوند، پس در بدترین حالت طبق اصل لانه کبوتری می‌توان ۱۷ بار این عمل را تکرار کرد. در هجدهمین دور انتخاب افراد (۱۸ × ۴ > ۷۰)، حتماً فردی وجود خواهد داشت که برای بار

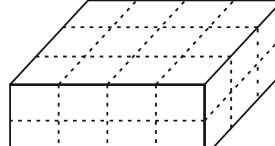
هشتم انتخاب شده باشد و در نتیجه حداقل ۴۰۰ سکه به او رسیده است.

(ریاضیات گسته- ترکیبات: صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

-۱۲۲

(سروش موئینی)

باید این مکعب مستطیل را به مکعب‌های ۱×۱×۱ تفکیک کرد:

در این شکل ۲۴ مکعب به ضلع ۱ داریم که بیشترین فاصله نقطه‌ها در هر مکعب، برابر قطر آن یعنی $\sqrt{3}$ است. بنابراین اگر ۲۵ نقطه درون این مکعب انتخاب کنیم، مطمئن هستیم که فاصله حداقل دو نقطه از میان آنها کم‌تر از $\sqrt{3}$ است.

(ریاضیات گسته- ترکیبات: صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

-۱۲۳

چنان‌چه از O عمودهای OH_1 و OH_2 را برابر CD و AD وارد کنیم آنگاه

. $CH_1 = CH_2 = R = 4$, $\hat{D} = 90^\circ$, $H_1D = OH_2 = R = 4$. از طرفی $\angle H_1D = \angle OH_2$.

در نتیجه داریم:

$$CD = CH_1 + H_1D = 4 + 4 = 8$$

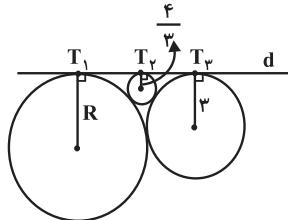
(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۱۴ و ۲۹)

(مهرداد ملوندی)

-۱۲۴

تذکر: برای دو دایره مماس خارج C_۱ و C_۲ به شعاع‌های R_۱ و R_۲, طول

$$\text{مماس مشترک خارجی برابر است با } TT' = 2\sqrt{R_1 R_2}$$



چون R شعاع کوچک‌ترین دایره نیست، پس شعاع یکی از دو دایره کناری است. طبق نکته داریم:

$$T_1T_2 = \sqrt{\frac{4R}{3}} = \frac{4\sqrt{3R}}{3}, \quad T_2T_3 = \sqrt{3 \times \frac{4}{3}} = 2, \quad T_1T_3 = 2\sqrt{3R}$$

$$T_1T_3 = T_1T_2 + T_2T_3 \Rightarrow 2\sqrt{3R} = \frac{4\sqrt{3R}}{3} + 2$$

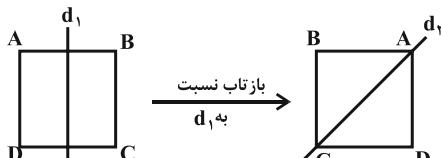
$$\Rightarrow \sqrt{3R}\left(2 - \frac{4}{3}\right) = 2$$

$$\Rightarrow \frac{2}{3}\sqrt{3R} = 2 \Rightarrow \sqrt{3R} = 3 \Rightarrow 3R = 9 \Rightarrow R = 3$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۲۰ و ۲۳)

(رضا عباسی اصل)

-۱۲۵



بازتاب نسبت
d₁ به

بازتاب نسبت
d₂ به

در واقع مربع نسبت به دو خط متقاطع بازتاب یافته است، پس مطابق شکل.

مربع به اندازه دو برابر زاویه بین دو خط یعنی به اندازه 90° در جهت حرکت عقربه‌های ساعت دوران یافته است. در نتیجه تنها نقطه ثابت تبدیل.

مرکز دوران (محل برخورد خطوط d₁ و d₂ یعنی مرکز مربع) است.

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی: صفحه‌های ۳۷ و ۴۰)

۲ هندسه

-۱۲۱

(داریوش ناظمی)

$$\hat{E} = \frac{\widehat{AD} - \widehat{BC}}{2} \Rightarrow \widehat{AD} - \widehat{BC} = 2x \quad (1)$$

$$\hat{A} = \frac{\widehat{DC} + \widehat{BC}}{2} \Rightarrow \widehat{DC} + \widehat{BC} = 6x \xrightarrow{\widehat{DC}=2x} \widehat{BC} = 4x \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow \widehat{AD} = 6x$$

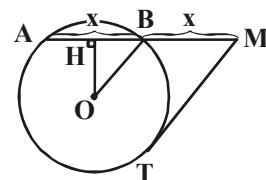
$$\widehat{AD} + \widehat{DC} + \widehat{BC} = 180^\circ \Rightarrow 12x = 180^\circ$$

$$\Rightarrow x = 15^\circ$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۱۳ و ۱۷)

(مهرداد ملوندی)

-۱۲۲



با توجه به فرض سؤال $MT = 6\sqrt{2}$ و $AB = BM = x$, در نتیجه طبق روابط طولی در دایره داریم:

$$MB \cdot MA = MT^2 \Rightarrow 2x^2 = 72 \Rightarrow AB = x = 6$$

از مرکز دایره، عمود OH را برابر وتر AB فروود می‌آوریم. داریم:

$$BH = \frac{AB}{2} = 3, \quad OB = R = 6$$

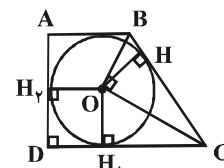
$$\xrightarrow{\text{فیثاغورس}} OH = \sqrt{OB^2 - BH^2} = \sqrt{36 - 9} = \sqrt{27}$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۱۳، ۱۸ و ۱۹)

(مهرداد ملوندی)

-۱۲۳

نقطه O (مرکز دایره محاطی)، محل تلاقی نیمسازهای داخلی زوایای C و B است.



از آن‌جا که $\hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$, نتیجه می‌شود که $\hat{BOC} = 90^\circ$. اگر $R^\gamma = OH^\gamma = BH \cdot CH$

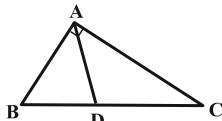
$$\frac{BH=6}{CH=3} \Rightarrow R^\gamma = 6 \times 3 = 18 \Rightarrow R = 6$$

$$\frac{MI}{CI} = \frac{AM}{AC} = \frac{2}{5} \xrightarrow{\text{ترکیب نسبت در مخرج}} \frac{MI}{CM} = \frac{2}{7}$$

$$\Rightarrow MI = \frac{2\sqrt{33}}{7}$$

(هنرسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۶۹ و ۷۰)

(امیرحسین ابوالهیوب)



طبق قضیه نیمسازهای زاویه‌های داخلی، نیمساز هر زاویه داخلی در یک مثلث، ضلع مقابل به آن زاویه را به نسبت دو ضلع دیگر تقسیم می‌کند، بنابراین داریم:

$$\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC} = \frac{1}{2} \Rightarrow AC = 2AB$$

$$S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} AB \times AC \Rightarrow ۹ = \frac{1}{2} AB \times 2AB$$

$$\Rightarrow AB^2 = ۹ \Rightarrow AB = ۳ \Rightarrow AC = 6$$

$$\Delta ABC : BC^2 = AB^2 + AC^2 = ۹ + ۳۶ = ۴۵$$

$$\Rightarrow BC = ۳\sqrt{5} \Rightarrow \begin{cases} BD = \sqrt{5} \\ DC = ۲\sqrt{5} \end{cases}$$

طبق رابطه طول نیمساز زاویه داخلی داریم:

$$AD^2 = AB \times AC - BD \times DC = ۳ \times 6 - \sqrt{5} \times ۲\sqrt{5}$$

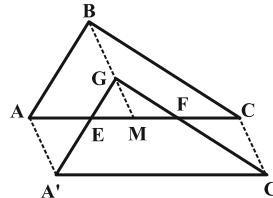
$$= ۱۸ - ۱۰ = ۸ \Rightarrow AD = ۲\sqrt{2}$$

(هنرسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۷۰ تا ۷۲)

(امیرحسین ابوالهیوب)

-۱۲۹

(خنا عباسی اصل)



-۱۲۶

مثلث‌های EGF و ABC به حالت تساوی زاویه‌های ایشان مشابه‌اند و

داریم:

$$\frac{S_{\triangle EGF}}{S_{\triangle ABC}} = \left(\frac{GM}{BM} \right)^2 \Rightarrow \frac{6}{S_{\triangle ABC}} = \left(\frac{1}{3} \right)^2 \Rightarrow S_{\triangle ABC} = ۵۴$$

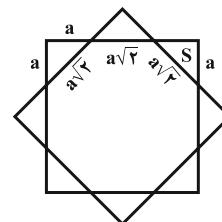
(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی: صفحه‌های ۳۰ و ۳۱)

(خنا عباسی اصل)

-۱۲۷

با توجه به شکل زیر، شکل محصور بین مربع و تصویر آن یک هشت‌ضلعی

منتظم است و داریم:



-۴۸ - مساحت مربع = مساحت هشت‌ضلعی

$$= (2a + a\sqrt{2})^2 - 4 \times \left(\frac{1}{2} a^2 \right)$$

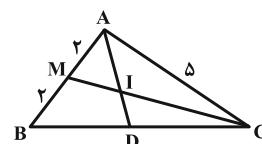
$$\Rightarrow 4(1 + \sqrt{2}) = 4a^2 (1 + \sqrt{2}) \Rightarrow a = 1$$

$$\text{ضلع مربع} = 2a + a\sqrt{2} = 2 + \sqrt{2}$$

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی: صفحه‌های ۳۴ تا ۳۶)

(میلاد منصوری)

-۱۲۸



طبق قضیه میانه‌ها در مثلث ABC داریم:

$$AC^2 + BC^2 = ۲CM^2 + \frac{AB^2}{2} \Rightarrow ۲۵ + ۴۹ = ۲CM^2 + ۸$$

$$۲CM^2 = ۶۶ \Rightarrow CM^2 = ۳۳ \Rightarrow CM = \sqrt{۳۳}$$

نیمساز زاویه داخلی A در مثلث AMC است، بنابراین طبق قضیه

نیمسازهای زاویه‌های داخلی داریم:

با توجه به این‌که ارتفاع رسم شده از رأس C در دو مثلث ABC و BDC یکسان است، پس نسبت مساحت‌های این دو مثلث برابر نسبت قاعده‌های آنها است. داریم:

$$\frac{S_{\triangle ABC}}{S_{\triangle BDC}} = \frac{AB}{BD} \Rightarrow \frac{S_{\triangle ABC}}{\frac{15\sqrt{3}}{4}} = \frac{4}{3} \Rightarrow S_{\triangle ABC} = ۵\sqrt{۳}$$

(هنرسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۷۳ تا ۷۶)



$$\bar{x}_2 = \frac{\sum x_i}{n} \Rightarrow 16 = \frac{\sum x_i}{15} \Rightarrow \sum x_i = 240$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۸۶ و ۹۳ تا ۱۰۰)

(مرتفن فیض‌علوی)

میانگین داده‌های ۵، ۵، ۸، برابر ۶ است. پس با حذف این ۳ داده، میانگین ۱۰ داده باقی‌مانده تغییر نکرده و برابر ۶ خواهد بود. واریانس ۱۳ داده اولیه

$$s^2 = \frac{\sum_{i=1}^{13} (x_i - 6)^2}{13} \Rightarrow \sum_{i=1}^{13} (x_i - 6)^2 = 52$$

برابر ۴ است، پس داریم:

$$\sum_{i=1}^{10} (x_i - 6)^2 + 2(5 - 6)^2 + (8 - 6)^2 = 52 \Rightarrow \sum_{i=1}^{10} (x_i - 6)^2 = 46$$

در نتیجه واریانس داده‌های باقی‌مانده برابر است با:

$$s^2 = \frac{\sum_{i=1}^{10} (x_i - 6)^2}{10} = \frac{46}{10} = 4.6$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۸۳ و ۹۳ تا ۹۵)

(امیرحسین ابومنوب)

برابری اندازه طبقات از ویژگی‌های نمونه‌گیری سیستماتیک است. در نمونه‌گیری طبقه‌ای، جامعه صرفاً به زیرجامعه‌های مجزا تقسیم می‌شود و از هر طبقه، یک نمونه تصادفی ساده انتخاب می‌گردد.

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه‌های ۱۰۷ تا ۱۰۵)

(میلاد منصوری)

میزان رضایت از شغل به صورت کم، متوسط و زیاد، دسته‌بندی می‌شود و متغیر کیفی ترتیبی است. تعداد فرزندان یک خانواده، متغیر کمی گستته، جنسیت فرد، متغیر کیفی اسمی و میزان دمای هوا، متغیر کمی پوسته است.

(ریاضی ا- آمار و احتمال؛ صفحه‌های ۱۰۷ تا ۱۰۵)

(امیرحسین ابومنوب)

در مورد تعداد عابران پیاده‌ای که در یک روز خاص از یک پل عابر استفاده می‌کنند، اطلاعات ثابتی در اختیار نیست و بهترین روش جمع‌آوری داده‌ها در این مورد، مشاهده است.

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۴)

(مرتفن فیض‌علوی)

$$\bar{x} = \frac{1+2+\dots+8}{8} = 4/5$$

میانگین جامعه برابر است با:

بنابراین اگر یک نمونه ۶ تایی میانگین را دقیق برآورد کند، باید میانگین نمونه برابر $4/5$ باشد، در این صورت مجموع اعضای این نمونه برابر است با:

$6 \times 4/5 = 27$
و با توجه به اینکه مجموع تمامی اعضای جامعه برابر با $36 = 1+2+\dots+8$ است، می‌توان نتیجه گرفت که مجموع دو عضوی که در نمونه نمی‌باشند برابر با ۹ است. بنابراین این دو عضو حالات زیر را دارند: $\{1, 8\}, \{2, 7\}, \{3, 6\}, \{4, 5\}$

$$\binom{8}{6} = \frac{8!}{6!2!} = 28$$

تعداد کل نمونه‌های ۶ تایی برابر است با:

بنابراین احتمال اینکه یک نمونه ۶ تایی میانگین جامعه را دقیق برآورد کند، برابر است با:

$$P(A) = \frac{4}{28} = \frac{1}{7}$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۰)

آمار و احتمال

-۱۳۱

(ممدوح مسنسی)

پس از ایجاد تغییرات، تعداد اعضای دسته‌ها به این شکل خواهد بود:

دسته	[۰,۰)	[۰,۲)	[۲,۴)	[۴,۶)	[۶,۸)	[۸,۱۰)
تعداد اولیه	۳	۲	۸	۷	۵	
تعداد فعلی	۲	۲	۸	۶	۶	

اگر x' زاویه جدید و x زاویه قدیم دسته ۸-۱۰ در نمودار دایره‌ای باشد، آن‌گاه:

$$\frac{6}{24} = \frac{x'}{360} \Rightarrow x' = 90^\circ$$

$$\frac{5}{25} = \frac{x}{360} \Rightarrow x = 72^\circ$$

بنابراین داریم: $|x' - x| = 18^\circ$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۷۴ تا ۸۲)

-۱۳۲

(عباس اسدی‌امیرآباری)

داده‌چهارم + داده‌سوم

چون شش داده داریم، پس میانه برابر است با: $\frac{14}{2}$

بنابراین مجموع داده‌های سوم و چهارم برابر ۲۸ است. از طرفی میانگین نیز

برابر ۱۴ خواهد بود و در نتیجه داریم: $14 \times 6 = 84$

$$a + b + 28 + 15 + 16 = 84 \Rightarrow a + b = 84 - 84 = 25$$

تذکر: اگر دانش‌آموز دو نمره ۱۶ و یک نمره ۱۵ داشته باشد، مجموع نمرات

دو درسی که در آن‌ها کمترین نمره را گرفته است، برابر 24 بدست می‌آید که در گزینه‌ها نیست.

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۸۷ تا ۸۷)

-۱۳۳

(فرهاد وغایبی)

داده‌ها را از کوچک به بزرگ مرتب می‌کنیم، چون تعداد کل داده‌ها برابر

یازده است، پس میانه پنج داده اول برابر چارک اول و میانه پنج داده آخر

$$3, 5, 6, 8, 9, 12, 13, 14, 15, 15, 23 \uparrow$$

برابر چارک سوم است.

چارک اول

پس داده‌های بزرگ‌تر از چارک اول و کوچک‌تر از چارک سوم، عبارتند از:

$$\frac{8+9+12+13+14}{5} = \frac{56}{5} = 11.2$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۸۷ تا ۸۷)

-۱۳۴

(میلاد منصوری)

مجموع فراوانی‌های نسبی باید برابر یک باشد، بنابراین داریم:

$$x+0/2+3x+0/4=1 \Rightarrow x=0/1$$

$$\bar{x}=1 \times 0/2+2 \times 0/4+3 \times 0/4+4 \times 0/3=2/5$$

$$\sigma^2=(-1/5)^2 \times 0/2+(-0/5)^2 \times 0/4+(0/5)^2 \times 0/1+(1/5)^2 \times 0/3$$

$$=0/45+0/1+0/025+0/675=1/25$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۷۷ تا ۹۳)

-۱۳۵

(عزیزالله علی‌اصغری)

اگر میانگین و واریانس داده‌های اولیه را با \bar{x}_1 و σ_1^2 و میانگین و واریانس

داده‌های جدید را با \bar{x}_2 و σ_2^2 نمایش دهیم، آنگاه داریم:

$$\bar{x}_2=3\bar{x}_1-8, \quad \sigma_2^2=9\sigma_1^2 \Rightarrow \sigma_2=3\sigma_1$$

$$\frac{\sigma_2}{\sigma_1}=\frac{\bar{x}_2}{\bar{x}_1} \Rightarrow 1/5=\frac{3\bar{x}_1-8}{\bar{x}_1} \Rightarrow \frac{3\bar{x}_1}{\bar{x}_1}=\frac{8}{2}=\frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow 9\bar{x}_1-24=6\bar{x}_1 \Rightarrow 3\bar{x}_1=24 \Rightarrow \bar{x}_1=8 \Rightarrow \bar{x}_2=16$$

$$K_{\max} = hf - W_0 \rightarrow K_{\max A} < K_{\max B} < K_{\max C}$$

در آزمایش دوم، نور A را به سطح سه فلز می‌تابانیم. داریم:

$$f_A > f_B > f_C \xrightarrow{W_0 = hf} W_{A'} > W_{B'} > W_{C'}$$

$$K_{\max} = hf - W_0$$

$$W_{A'} > W_{B'} > W_{C'} \rightarrow K_{\max A'} < K_{\max B'} < K_{\max C'}$$

پس تنها گزینه «۱» می‌تواند صحیح باشد.

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی: صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۲۰)

(عبدالرضا امینی نسب)

-۱۴۵

بیشترین انرژی فوتون گسیلی زمانی است که الکترون بیشترین پرش را انجام دهد، یعنی از تراز $n = 1$ به تراز $n = 3$ برسد. در این صورت طول موج گسیل شده کمترین خواهد بود و داریم:

$$\frac{1}{\lambda_{\min}} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) = \frac{1}{100} \times \left(\frac{1}{1^2} - \frac{1}{3^2} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\lambda_{\min}} = \frac{1}{900} \Rightarrow \lambda_{\min} = \frac{900}{1} \text{ nm}$$

می‌دانیم انرژی فوتون از رابطه $E = hf = h \frac{c}{\lambda}$ محاسبه می‌شود، بنابراین داریم:

$$E_{\max} = \frac{hc}{\lambda_{\min}} = \frac{4 \times 10^{-15} \times 3 \times 10^8}{\frac{900}{1} \times 10^{-9}} = \frac{12 \times 8 \times 10^{-7}}{9 \times 10^{-7}} = \frac{32}{3} \text{ eV}$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی: صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۲۰)

(بیتا فورشید)

-۱۴۶

باید بینیم الکترون با دریافت فوتون 240 THz به کدام حالت برانگیخته می‌رود:

$$hf = E_U - E_L = E_R \left(\frac{1}{n_L^2} - \frac{1}{n_U^2} \right)$$

$$\Rightarrow 4 \times 10^{-15} \times 240 \times 10^{12} = 13 / 5 \times \left(\frac{1}{3^2} - \frac{1}{n_U^2} \right) \Rightarrow n_U = 5$$

گذار الکترون از مدارهای بالاتر به مدار $n' = 3$ (باشند) و بالاتر از آن باعث گسیل فوتونی در محدوده فروسرخ می‌شود:

$$\Delta E(5 \rightarrow 4)$$

$$\Delta E(5 \rightarrow 3)$$

$$\Delta E(4 \rightarrow 3)$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی: صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۲۰)

فیزیک ۳

-۱۴۱

(عبدالرضا امینی نسب)

می‌دانیم انرژی فوتون‌ها از رابطه $E = nhf$ به دست می‌آید. انرژی فوتون‌ها

از انرژی لامپ تأمین می‌شود. داریم:

$$E = nhf \Rightarrow P \cdot t = nhf \Rightarrow P \cdot t = n \frac{hc}{\lambda}$$

$$\Rightarrow P \times 18 = 6 \times 10^{21} \times \frac{6 / 6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{6 \times 10^{-9}}$$

$$\Rightarrow P = 100 \text{ W}$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی: صفحه‌های ۱۱۶ و ۱۱۷)

-۱۴۲

(بیتا فورشید)

با استفاده از معادله فتوالکتریک، داریم:

$$K_{\max} = hf - W_0 \xrightarrow{W_0 = hf} K_{\max} = hf - hf.$$

$$\Rightarrow \begin{cases} (K_{\max})_1 = 2hf_0 - hf_0 = hf_0 = 4 \text{ eV} \\ (K_{\max})_2 = 2 / 44 hf_0 - hf_0 = 1 / 44 hf_0 = (1 / 44 \times 4) \text{ eV} \end{cases}$$

$$\frac{(K_{\max})_2}{(K_{\max})_1} = \left(\frac{v_2}{v_1} \right)^2 \Rightarrow \frac{1 / 44 \times 4}{4} = \left(\frac{v_2}{v_1} \right)^2 \Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = 1 / 2$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی: صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۲۰)

-۱۴۳

(سعید شرق)

با توجه به نسبت بیشینه تندی فتوالکترون‌ها هنگام کندن شدن از سطح فلز

داریم:

$$\frac{v_A}{v_B} = 2 \quad \text{و} \quad \frac{(K_{\max})_A}{(K_{\max})_B} = \left(\frac{v_A}{v_B} \right)^2 \Rightarrow \frac{(K_{\max})_A}{(K_{\max})_B} = 4$$

$$\frac{K_{\max} = hf - hf_A}{hf - hf_B} = \frac{hf - hf_A}{hf - hf_B} = 4 \Rightarrow 4f - 4f_B = f - f_A$$

$$\Rightarrow 3f = 4 \times 1700 - 800 \Rightarrow f = 2000 \text{ THz}$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی: صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۲۰)

-۱۴۴

(امیرحسین میوزری)

آزمایش اول مربوط به آزمایش سه نور روی یک فلز است، بنابراین تابع کار W برای هر سه نور یکسان است.

$$W_{A'} = W_{B'} = W_{C'}$$

بنابراین نمودار اول خطی قائم موازی محور K_{\max} است.

$$\lambda_A > \lambda_B > \lambda_C \xrightarrow{\lambda_A = \frac{c}{f}} f_A < f_B < f_C$$

(امیرحسین میرزی)

-۱۴۹

پرانرژی ترین فوتون وقتی گسیل می‌شود که الکترون از تراز مشخص n به تراز پایه گذاری باید. ابتدا مشخص می‌کنیم شماره تراز n چند است:

$$E_n - E_1 = \frac{15}{16} E_R \xrightarrow{\frac{E_n = -E_R}{n^2}} \frac{-E_R}{n^2} - \left(-\frac{E_R}{1^2} \right) = \frac{15}{16} E_R$$

$$\Rightarrow \frac{-1+n^2}{n^2} = \frac{15}{16} \Rightarrow 15n^2 = 16n^2 - 16 \Rightarrow n^2 = 16 \Rightarrow n = 4$$

حال برای گذار از تراز ۴ $n = 4 + 2 = 6$ به تراز $6 = n + 2 = 4 + 2 = 6$ ، الکترون باید فوتونی با انرژی $E_6 - E_4$ جذب نماید:

$$\Delta E = hf = E_6 - E_4 = \frac{-E_R}{36} - \left(-\frac{E_R}{16} \right) = \frac{-4+9}{144} E_R = \frac{5}{144} E_R$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی؛ صفحه‌های ۱۳۹ تا ۱۴۰)

(سعید طاهری برومن)

-۱۵۰

گسیل القایی نیاز به چشمۀ خارجی دارد و فقط در این حالت الکترون‌های بیشتری به تراز انرژی بالاتر برانگیخته می‌شوند و با وارونی جمعیت مواجه خواهیم شد.

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی؛ صفحه‌های ۱۳۲ و ۱۳۳)

(بیوادر کامران)

-۱۵۱

نیروی هسته‌ای نیرویی است که برد و بین اجزاء بسیار نزدیک هسته برقرار می‌شود و نیرویی که بوسیله آن الکترون دور هسته می‌جرخد، نیروی کولنی بین الکترون و هسته است.

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک هسته‌ای؛ صفحه‌های ۱۳۸ تا ۱۴۱)

(غلامرضا میر)

-۱۵۲

وجود نوترон باعث می‌شود که نیروی قوی هسته‌ای افزایش باید. چون نوترون بدون بار الکتریکی است، نیروی رانشی الکتریکی را افزایش نمی‌دهد. در نتیجه باعث پایداری هسته می‌شود.

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک هسته‌ای؛ صفحه‌های ۱۴۰ و ۱۴۱)

(مسن پمچه)

-۱۴۷

با استفاده از رابطه ریدبرگ در اتم هیدروژن، در سری بالمر ($n' = 2$)، گذارها از ترازهای بزرگ‌تر از ۲ ($n > 2$) به تراز $2 = n'$ رخ می‌دهد.

بنابراین داریم:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2} \right), \quad n > 2$$

بلندترین طول موج فوتون تابشی یک سری، مربوط به گذار الکترون از نزدیک ترین تراز به تراز پایه آن سری است، بنابراین داریم:

$$n = 3 \Rightarrow \frac{1}{\lambda_{\max}} = R \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{9} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\lambda_{\max}} = \frac{5}{36} R \Rightarrow \lambda_{\max} = \frac{36}{5R}$$

کوتاه‌ترین طول موج فوتون تابشی یک سری، مربوط به گذار الکترون از دورترین تراز به تراز پایه آن سری است، بنابراین داریم:

$$n \rightarrow \infty \Rightarrow \frac{1}{\lambda_{\min}} = R \left(\frac{1}{4} - 0 \right)$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\lambda_{\min}} = \frac{1}{4} R \Rightarrow \lambda_{\min} = \frac{4}{R}$$

$$\frac{\lambda_{\max}}{\lambda_{\min}} = \frac{\frac{36}{5R}}{\frac{4}{R}} = 1/8$$

در نتیجه داریم:

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی؛ صفحه‌های ۱۴۱ تا ۱۴۳)

(مینه شنبان)

-۱۴۸

با توجه به رابطه انرژی ترازها در اتم هیدروژن، می‌توان نوشت:

$$E = -\frac{E_R}{n^2} \Rightarrow \frac{E'}{E} = \left(\frac{n}{n'} \right)^2 \Rightarrow 4 = \left(\frac{4}{n'} \right)^2 \Rightarrow n' = 2$$

از طرفی طبق معادله ریدبرگ می‌توان نوشت:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) = \frac{1}{100} \times \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{4^2} \right) \Rightarrow \lambda = \frac{16}{3} \times 10^{-7} m$$

بسامد فوتون گسیل شده برابر است با:

$$f = \frac{c}{\lambda} \Rightarrow f = \frac{3 \times 10^8}{\frac{16 \times 10^{-7}}{3}} = \frac{9}{16} \times 10^{15} Hz$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی؛ صفحه‌های ۱۴۱ تا ۱۴۸)



(شادمان ویس)

-۱۵۸

با استفاده از رابطه ماده پرتوزای باقیمانده، می‌توان نوشت:

$$m = m_0 \left(\frac{1}{2} \right)^n \Rightarrow \frac{m_1}{m_2} = \frac{2^{n_2}}{2^{n_1}}$$

$$\frac{m_1 = 0 / 5m_0}{m_2 = 0 / 125m_0} \Rightarrow \frac{0 / 5m_0}{0 / 125m_0} = 2^{n_2 - n_1}$$

$$\frac{n = \frac{t}{T_1}}{\Rightarrow 4 = 2^{n_2 - n_1}} \xrightarrow{\frac{t_2}{T_1} - \frac{t_1}{T_1} = 2} \frac{t_2}{T_1} = 2 / 5$$

$$\Rightarrow \frac{t + 5}{T_1} - \frac{t}{T_1} = 2 \Rightarrow T_1 = 2 / 5$$

حال مقدار نیمه عمر را در یک رابطه جایگذاری می‌کنیم:

$$m_1 = m_0 \left(\frac{1}{2} \right)^{n_1} \Rightarrow 0 / 5m_0 = m_0 \left(\frac{1}{2} \right)^{n_1} \Rightarrow n_1 = 1 \Rightarrow \frac{t}{T_1} = 1$$

$$\frac{T_1 = 2 / 5}{\text{روز} / 5} \xrightarrow{\text{روز} / 5} t = 2 / 5$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک هسته‌ای: صفحه‌های ۱۴۶ و ۱۴۷)

(افشین مینو)

-۱۵۹

الف) نوترون‌های آزاد شده در شکافت هسته اورانیم دارای انرژی جنبشی هستند.

ب) پرتوی گاما جزو امواج الکترومغناطیسی است و سرعتی معادل سرعت نور دارد.

پ) پرتوی گاما در میدان مغناطیسی منحرف نمی‌شود زیرا بدون بار الکتریکی است.

ت) پرتوی β^- الکترون بوده و دارای بار الکتریکی منفی است.

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک هسته‌ای: صفحه‌های ۱۴۲ تا ۱۴۵ و ۱۴۸)

(بابک اسلامی)

-۱۶۰

واکنش ذکر شده در صورت سؤال، یک واکنش گداخت یا همچوشی هسته‌ای نام دارد که در آن دو هسته سیک با یکدیگر ترکیب شده و هسته سنگین‌تری را به وجود می‌آورند. در این واکنش دوتریم (D) و تریتیم (T) دو ایزوتوپ هیدروژن هستند. داریم:



$$\begin{aligned} 2 + 3 &= 4 + A \Rightarrow A = 1 \\ 1 + 1 &= 2 + Z \Rightarrow Z = 0 \\ 1 + 2 &= 2 + N \Rightarrow N = 1 \end{aligned} \Rightarrow {}_1^0 X_1 \equiv n$$

بنابراین این واکنش با یک نوترون کامل می‌شود.

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک هسته‌ای: صفحه‌های ۱۵۲ و ۱۵۳)

(پیغمبر کامران)

-۱۵۳

با افزایش A، طبق نمودار رسم شده در صفحه ۱۴۰ کتاب درسی، نسبت افزایش می‌باید در نتیجه $\frac{Z}{N}$ کاهش می‌باید.

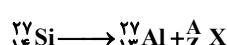
(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک هسته‌ای: صفحه‌های ۱۴۰ و ۱۴۱)

(مسطفی کیانی)

-۱۵۴

برای پاسخ دادن به این سؤال، باید مجموع عدددهای جرمی و مجموع عدددهای اتمی دو طرف معادله واکنش را به طور جداگانه مساوی هم قرار دهیم.

داریم:



$$\Rightarrow \begin{cases} 27 = 27 + A \Rightarrow A = 0 \\ 14 = 13 + Z \Rightarrow Z = 1 \end{cases}$$

با معلوم بودن A و Z، معلوم است $X = {}_0^+ \beta^+$ می‌باشد.

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک هسته‌ای: صفحه‌های ۱۴۲ تا ۱۴۵)

(فسرو ارغوانی فرر)

-۱۵۵

$$\Delta m = 8 \times 10^{-29} g = 8 \times 10^{-32} kg$$

$$E = \Delta m c^2 = (8 \times 10^{-32})(3 \times 10^8)^2 = 7 / 2 \times 10^{-15} J$$

$$1eV = 1 / 6 \times 10^{-19} J \xrightarrow{E = \frac{7 / 2 \times 10^{-15}}{1 / 6 \times 10^{-19}}} E = 45000 eV = 45 keV$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک هسته‌ای: صفحه‌های ۱۴۵ تا ۱۴۷)

(نصرالله افضل)

-۱۵۶

$$E = hf = mc^2 \Rightarrow m = \frac{hf}{c^2} = \frac{6 \times 10^{-34} \times 1 / 8 \times 10^{15}}{9 \times 10^{16}}$$

$$\Rightarrow m = 1 / 2 \times 10^{-35} kg = 1 / 2 \times 10^{-32} g$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک هسته‌ای: صفحه ۱۴۱)

(کاظم شاهمنکی)

-۱۵۷

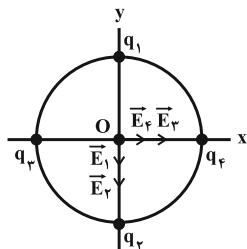
با توجه به رابطه نیمه عمر ماده پرتوزا، می‌توان نوشت:

$$n = \frac{t}{T_1} = \frac{84}{14} \Rightarrow n = 6$$

$$m = m_0 \left(\frac{1}{2} \right)^n \Rightarrow 3 = m_0 \left(\frac{1}{2} \right)^6 \Rightarrow m_0 = 192 g$$

 $m' = m_0 - m \Rightarrow m' = 192 - 3 \Rightarrow m' = 189 g$ واپاشی شده

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک هسته‌ای: صفحه‌های ۱۴۶ و ۱۴۷)



حال اندازه میدان الکتریکی ناشی از بار q_3 را در مرکز دایره می‌باشیم.

$$E_3 = k \frac{|q_3|}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{0/04 \times 10^{-6}}{0/36} \Rightarrow E_3 = 1000 \frac{N}{C}$$

با توجه به مؤلفه میدان الکتریکی برایند در مرکز دایره در راستای افقی (E_x) و مقایسه آن با E_3 ، می‌توان متوجه شد که بزرگی میدان الکتریکی ناشی از بار q_4 در مرکز دایره برابر با $\frac{N}{C}$ 500 و به طرف راست است.

بنابراین بار q_4 منفی است. داریم:

$$E_4 = k \frac{|q_4|}{r^2} \Rightarrow 500 = 9 \times 10^9 \times \frac{|q_4|}{0/36} \Rightarrow |q_4| = 0/02 \times 10^{-6} C$$

$$\Rightarrow q_4 = -0/02 \mu C$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۱۹ تا ۲۰)

(بیتا فورشید)

-۱۶۴

با استفاده از اصل پایستگی انرژی مکانیکی، می‌توان نوشت:

$$\Delta K + \Delta U_E + \Delta U_g = 0$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} m (v_-^2 - v_+^2) + q (V_- - V_+) + mg \Delta h = 0$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} \times 2 \times 10^{-3} \times (v_-^2 - 0) + 12 \times 10^{-6} \times (0 - 400)$$

$$+ 2 \times 10^{-3} \times 10 \times 4 \times 10^{-3} = 0$$

$$\Rightarrow v_-^2 = 4 \Rightarrow v_- = \frac{2m}{s}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷)

(سعید شرق)

-۱۶۵

وقتی بار الکتریکی در مرکز یک پوسته کروی رسانا قرار می‌گیرد، بعد از ایجاد تعادل، اندازه بار الکتریکی القا شده روی سطح داخلی پوسته کروی برابر با اندازه بار الکتریکی القا شده روی سطح خارجی پوسته کروی است. با استفاده از تعریف چگالی سطحی بار الکتریکی، داریم:

$$\sigma = \frac{Q}{A} \Rightarrow \frac{\sigma}{A} = \frac{A}{\text{داخلی}} \frac{\text{خارجی}}{A} = \frac{\text{خارجی}}{\text{داخلی}} \left(\frac{R}{R} \right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{\sigma}{\sigma} = \frac{\text{داخلی}}{\text{خارجی}} = \left(\frac{2R}{\frac{3R}{2}} \right)^2 = \frac{16}{9}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۲۹ تا ۳۱)

(سیدامیر نیکوبنیان)

-۱۶۱ وقتی به جسمی n الکترون می‌دهیم، بار الکتریکی آن به اندازه $-ne$ اضافه می‌شود و وقتی از جسمی n الکترون می‌گیریم، بار الکتریکی آن به اندازه $+ne$ اضافه می‌شود. داریم:

$$q_1 = q - ne \quad q_1 = -11 \mu C \Rightarrow -11 \times 10^{-6} = q - 1/6 \times 10^{-19} n \quad (1)$$

$$q_2 = q + ne \quad q_2 = +5 \mu C \Rightarrow 5 \times 10^{-6} = q + 1/6 \times 10^{-19} n \quad (2)$$

با حل همزمان دو معادله (۱) و (۲) داریم:

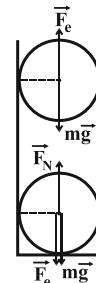
$$q = -3 \times 10^{-6} C = -3 \mu C$$

$$n = 5 \times 10^{13}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۲ تا ۵)

(بیتا فورشید)

-۱۶۲



به گلوله بالایی دو نیروی وزن و الکتریکی وارد می‌شود و گلوله در حالت تعادل قرار دارد. داریم:

$$F_{net} = 0 \Rightarrow F_e - mg = 0 \Rightarrow F_e = mg \quad (*)$$

برای این که گلوله شیشه‌ای نشکند، باید نیروی وارد شده به آن کمتر یا مساوی $4N$ باشد، داریم:

$$F_{net} = 0 \Rightarrow F_N - F_e - mg = 0 \Rightarrow F_N = F_e + mg$$

$$\frac{F_N \leq 4N}{(*) F_e = mg} \Rightarrow 2F_e \leq 4 \Rightarrow F_e \leq 2$$

$$\Rightarrow k \frac{|q|^2}{d^2} \leq 2 \Rightarrow 9 \times 10^9 \times \left(\frac{3 \times 10^{-6}}{d^2} \right)^2 \leq 2$$

$$\Rightarrow d \geq 0/09\sqrt{5} m \Rightarrow d \geq 9\sqrt{5} cm$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۱ تا ۵)

(عبدالرضا امینی نسب)

-۱۶۳

مؤلفه میدان الکتریکی برایند در مرکز دایره در راستای قائم (E_y)، ناشی

از میدان الکتریکی بارهای q_1 و q_2 است. با توجه به این که $q_1 > 0$ و $q_2 < 0$ است، داریم:

$$E_1 = k \frac{|q_1|}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{0/02 \times 10^{-6}}{r^2} \Rightarrow E_1 = \frac{180}{r^2}$$

$$E_2 = k \frac{|q_2|}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{0/06 \times 10^{-6}}{r^2} \Rightarrow E_2 = \frac{540}{r^2}$$

$$|E_y| = E_1 + E_2 = 2000 = \frac{180}{r^2} + \frac{540}{r^2} \Rightarrow r^2 = 0/36 m^2$$



(غلامرضا مهیب)

-۱۶۹

اگر مقاومت هر رسانای استوانه‌ای در حالت اولیه برابر با R_0 فرض شود، زمانی که به صورت موازی به یکدیگر متصل می‌شوند، داریم:

$$R = \frac{R_0}{n} \quad (1)$$

اگر از طول هر رسانا ۷۵ درصد کم کنیم، طبق رابطه $R' = \rho \frac{L}{A}$ ، مقاومت

$$R' = \frac{1}{4} R_0 \quad \text{آن } \frac{1}{4} \text{ برابر می‌شود.}$$

در این حالت زمانی که این مقاومت‌ها به صورت متوالی به یکدیگر متصل می‌شوند، داریم:

$$R = nR' = \frac{n}{4} R_0 \quad (2)$$

$$\text{در نتیجه: } \frac{(2), (1)}{R_0} = \frac{n}{4} R_0 \Rightarrow n = 2$$

(فیزیک ۲ - پریان الکتریکی و مدارهای پریان مستقیم؛ صفحه‌های ۵۵ و ۷۰ تا ۷۵)

(عبدالرضا امین‌نسب)

-۱۷۰

با باز کردن کلید K ، مقاومت موازی R از مدار حذف می‌شود، بنابراین

$$\text{ مقاومت معادل مدار افزایش می‌یابد. طبق رابطه } I = \frac{8}{R_{eq} + r}, \text{ با افزایش}$$

مقاومت معادل مدار، جریان عبوری از مدار کاهش می‌یابد، یعنی آمپرسنج آرمانی عدد کمتری را نشان می‌دهد.

ولت‌سنج آرمانی V_1 ، اختلاف پتانسیل دو سر مولد را نشان می‌دهد. طبق رابطه $V_1 = E - Ir_1$ ، با کاهش جریان عبوری از مدار، اختلاف پتانسیل دو سر مولد افزایش می‌یابد و ولت‌سنج آرمانی V_1 عدد بزرگتری را نشان خواهد داد.

ولت‌سنج آرمانی V_2 ، اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت‌های موازی R را نشان می‌دهد. طبق رابطه $V_2 = R'I = \left(\frac{R}{2}\right)I$ ، با کاهش جریان مدار،

ولت‌سنج آرمانی V_2 عدد کمتری را نشان می‌دهد.

(فیزیک ۲ - پریان الکتریکی و مدارهای پریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۱ تا ۷۷)

(سیدعلی میرنوری)

-۱۷۱

می‌دانیم که توان خروجی مولد برابر با توان مصرفی مدار است، به عبارتی

$$P = \epsilon I - rI^2 = (\epsilon - rI)I = VI = R_{eq}I^2 \quad \text{داریم:}$$

$$I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r} \rightarrow P = \frac{R_{eq}\epsilon^2}{(R_{eq} + r)^2} \quad \text{خروجی}$$

قبل از بستن کلید $R_{eq} = 9\Omega$ و بعد از بستن کلید

$$R'_{eq} = \frac{9 \times 7 / 2}{9 + 7 / 2} = 4\Omega \quad \text{است. لذا داریم:}$$

$$P = P' \Rightarrow \frac{R_{eq}\epsilon^2}{(R_{eq} + r)^2} = \frac{R'_{eq}\epsilon^2}{(R'_{eq} + r)^2}$$

$$\Rightarrow \frac{9}{(9+r)^2} = \frac{4}{(4+r)^2} \Rightarrow \frac{3}{9+r} = \frac{2}{4+r} \Rightarrow r = 6\Omega$$

نکته: به طور کلی اگر به ازای دو مقاومت R_1 و R_2 توان خروجی مولد یکسان باشد، $r = \sqrt{R_1 R_2}$ است.

(فیزیک ۲ - پریان الکتریکی و مدارهای پریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۱ تا ۷۷)

(مسین ناصی)

-۱۶۶

ظرفیت یک خازن تابع عوامل ساختمانی آن است و به بار الکتریکی ذخیره شده در آن و اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر آن بستگی ندارد، بنابراین ظرفیت خازن ثابت می‌ماند.

برای بررسی تغییرات انرژی الکتریکی ذخیره شده در خازن داریم:

$$Q_2 = Q_1 - \frac{4}{100} Q_1 \Rightarrow Q_2 = 0 / 6 Q_1$$

$$U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} \Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \left(\frac{Q_2}{Q_1} \right)^2 = (0 / 6)^2 \Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = 0 / 36$$

$$\Delta U = \frac{\Delta U}{U_1} \times 100 =$$

$$= \left(\frac{U_2}{U_1} - 1 \right) \times 100 = (0 / 36 - 1) \times 100 = -64\%$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن؛ صفحه‌های ۳۲ تا ۳۰)

(سیاوش فارس)

-۱۶۷

دو سیم هم جنس بوده و دارای جرم برابرند. بنابراین حجم آن‌ها نیز برابر است.

$$m_A = m_B \xrightarrow{\text{دو سیم هم جنس هستند}} V_A = V_B$$

$$\Rightarrow A_A L_A = A_B L_B \Rightarrow \frac{A_B}{A_A} = \frac{L_A}{L_B} \quad (*)$$

$$\frac{A = \frac{\pi D^3}{4}}{D_A L_A = D_B L_B} \xrightarrow{D_A = \sqrt[3]{D_B}} L_A = L_B \quad (**)$$

حال با استفاده از رابطه مقاومت الکتریکی با ویزگی‌های ساختمانی رسانا، داریم:

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_B}{A_A} = \left(\frac{L_A}{L_B} \right)^2$$

$$\frac{L_A = 1}{L_B = 90} \xrightarrow{R_A = \frac{1}{90}} R_A = 1\Omega$$

(فیزیک ۲ - پریان الکتریکی و مدارهای پریان مستقیم؛ صفحه‌های ۵۰ و ۵۲)

(روح الله علی پور)

-۱۶۸

چون لامپ‌ها به صورت موازی به اختلاف پتانسیل الکتریکی $55V$ متصل شده‌اند، بنابراین اختلاف پتانسیل دو سر آن‌ها برابر با $55V$ است و چون اختلاف پتانسیل دو سر هر لامپ از اختلاف پتانسیل اسامی دو سر آن است، بنابراین توان الکتریکی مصرفی آن‌ها نیز کمتر از توان الکتریکی مصرفی اسامی آن‌ها خواهد بود. با توجه به این که مقاومت لامپ‌ها ثابت است، در هر حالت توان مصرفی هر لامپ را محاسبه می‌کنیم. داریم:

$$P = \frac{V^2}{R} \Rightarrow \frac{P}{P'} = \frac{V}{V'} = \left(\frac{V}{V'} \right)^2 \quad \text{اسامی}$$

$$\frac{160}{P_1} = \left(\frac{220}{55} \right)^2 \Rightarrow P_1 = 10W \quad \text{لامپ اول}$$

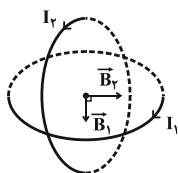
$$\frac{60}{P_2} = \left(\frac{110}{55} \right)^2 \Rightarrow P_2 = 15W \quad \text{لامپ دوم}$$

$$P_T = P_1 + P_2 = 10 + 15 \Rightarrow P_T = 25W$$

بنابراین: (فیزیک ۲ - پریان الکتریکی و مدارهای پریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۰ تا ۷۷)

(ممدر ساکن)

-۱۷۴



با توجه به این که سطح دو حلقه بر یکدیگر عمود است، میدان مغناطیسی ناشی از جریان حلقه‌ها در مرکز مشترک آن‌ها بر یکدیگر عمود است و داریم:

$$B_1 = \frac{\mu_0 NI_1}{2R_1} = \frac{12 \times 10^{-7} \times 1 \times 6}{2 \times 12 \times 10^{-2}} \Rightarrow B_1 = 3 \times 10^{-5} T$$

$$B_2 = \frac{\mu_0 NI_2}{2R_2} = \frac{12 \times 10^{-7} \times 1 \times 8}{2 \times 12 \times 10^{-2}} \Rightarrow B_2 = 4 \times 10^{-5} T$$

$$B_T = \sqrt{B_1^2 + B_2^2} = \sqrt{(3 \times 10^{-5})^2 + (4 \times 10^{-5})^2}$$

$$\Rightarrow B_T = 5 \times 10^{-5} T = 0 / 5 G$$

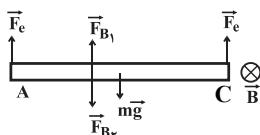
(فیزیک ۲ - مغناطیس: صفحه‌های ۹۷ تا ۹۹)

(بیتا فورشید)

-۱۷۵

روش اول:

اگر فرض کنیم در حالتی که جریان $1/5$ آمپری در میله از A به C اندارد، اندازه نیروی مغناطیسی برابر با F_B باشد، در حالتی که جریان $4/5$ آمپری در میله از C به A می‌گذرد، اندازه نیروی مغناطیسی برابر با $3F_B$ و جهت آن بر عکس می‌شود. بنابراین با توجه به اینکه نیروسنجه زمانی که جریان از A به C است عدد کمتری را از زمانی که جریان از C به A است نشان می‌دهند، می‌توان تتجه گرفت نیروی مغناطیسی در حالت اول به طرف بالا (خلف جهت \vec{q}) و در حالت دوم پایین (هم جهت با \vec{mg}) است.



جریان $1/5 A$ و از A به C:

$$mg = F_e + F_B$$

$$\Rightarrow mg = 2F_e + ILB \sin 90^\circ$$

$$\Rightarrow mg = 2 \times 0 / 6 + 1 / 5 \times 0 / 8 \times B \times 1$$

$$\Rightarrow mg = 1 / 2 + 1 / 2 B \quad (1)$$

جریان $4/5 A$ و از C به A:

$$mg + F'_B = F'_e + F'_e$$

$$\Rightarrow mg + I'L B \sin 90^\circ = 2F'_e$$

$$\Rightarrow mg + 4 / 5 \times 0 / 8 \times B \times 1 = 2 \times 1 / 2$$

$$\Rightarrow mg + 2 / 6 B = 2 / 4 \quad (2)$$

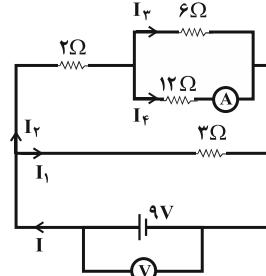
با استفاده از دو رابطه (1) و (2) داریم:

$$1 / 2 + 1 / 2 B + 2 / 6 B = 2 / 4 \Rightarrow 4 / 8 B = 1 / 2 \Rightarrow B = 0 / 25 T$$

(زهره آقامحمدی)

-۱۷۶

ابتدا مدار را با توجه به نقاط هم‌پتانسیل، به صورت شکل زیر ساده می‌کنیم و مقاومت معادل مدار را محاسبه می‌کنیم.



$$R' = \frac{6 \times 12}{6 + 12} \Rightarrow R' = 4\Omega$$

$$R'' = 2 + 4 \Rightarrow R'' = 6\Omega$$

$$R_{eq} = \frac{6 \times 3}{6 + 3} \Rightarrow R_{eq} = 2\Omega$$

جریان عبوری از شاخه اصلی مدار برابر است با:

$$I = \frac{V}{R_{eq}} = \frac{9}{2} \Rightarrow I = 4 / 5 A$$

چون مقاومت معادل شاخه بالا ($R'' = 6\Omega$) با مقاومت ۳ اهمی شاخه پایین

موازی است، جریان I به نسبت عکس مقاومت‌ها بین آن‌ها تقسیم می‌شود.

داریم:

$$I_2 = 1 / 5 A, I_1 = 3 A$$

جریان I_2 نیز به نسبت عکس مقاومت‌های ۶ اهمی و ۱۲ اهمی بین آن‌ها تقسیم می‌شود. بنابراین جریان عبوری از آمپرسنج آرمانی برابر است با:

$$I_4 = 0 / 5 A, I_3 = 1 A$$

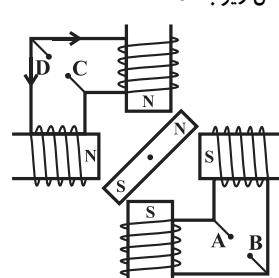
ولتسنجه ایده‌آل، اختلاف پتانسیل دو سر مولد را نشان می‌دهد.

(فیزیک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم: صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷)

(بیتا فورشید)

-۱۷۳

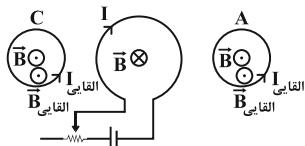
برای اینکه آهنربای چرخنده ساعتگرد بچرخد و به طور افقی بایستد، لازم است قطب‌های آهنربا و جهت جریان عبوری از سیم‌لوله‌ها با توجه به قاعدة دست راست مطابق شکل زیر باشد.



بنابراین پایه مثبت باتری در دو سیم‌لوله راست و پایین باید به A و در دو

سیم‌لوله بالا و چپ به نقطه D متصل شود.

(فیزیک ۲ - مغناطیس: صفحه‌های ۸۵، ۸۶ و ۹۹ تا ۱۰۱)

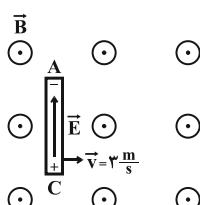


با حرکت لغزندۀ رئوستا به سمت چپ، مقاومت افزایش می‌یابد، پس شار عبوری از حلقه‌ها کاهش می‌یابد. طبق قانون لنز، برای جلوگیری از کاهش شار، میدان القایی حلقه‌های C و A هم جهت میدان حاصل از حلقه وسطی، یعنی بروون سو خواهد شد. در نتیجه طبق قاعدة دست راست، جهت جریان القایی در هر دو حلقه پادساعتگرد خواهد شد.

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و هریان متناسب؛ صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۰)

(یتیا فورشیر)

-۱۷۹



با حرکت میله در جهت نشان داده شده در میدان مغناطیسی، به الکترون‌های آزاد میله رسانا نیروی مغناطیسی وارد می‌شود که طبق قاعدة دست راست، الکترون‌ها به سمت نقطه A حرکت می‌کنند، بنابراین قسمت A دارای بار منفی شده و قسمت C دارای بار مثبت می‌شود. با جدا شدن بارهای مثبت و منفی از یکدیگر، یک میدان الکتریکی بین دو قسمت میله ایجاد می‌شود و به الکترون‌ها به طرف نقطه C نیرو وارد می‌کند.

در حالت تعادل، اندازه نیروی الکتریکی وارد بر الکترون‌ها برابر با اندازه نیروی مغناطیسی وارد بر آن‌ها است و داریم:

$$F_E = F_B \Rightarrow eE = evB \Rightarrow \frac{|\Delta V|}{\ell} = vB$$

$$\Rightarrow |\Delta V| = \ell vB = 0 / 5 \times 3 \times 4 \times 10^{-4}$$

$$\Rightarrow |\Delta V| = 0 / 6 \times 10^{-3} V = 0 / 6 mV$$

با توجه به این که الکترون‌ها در قسمت A تجمع کرده‌اند، $V_C > V_A$ خواهد بود و بنابراین:

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و هریان متناسب؛ صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۱۹)

(عبدالرضا امینی نسب)

-۱۸۰

ابتدا با استفاده از رابطه انرژی ذخیره شده در سیمولو، ضریب القاوری آن را محاسبه می‌کنیم.

$$U = \frac{1}{2} LI^2 \Rightarrow 4 \times 10^{-3} = \frac{1}{2} \times L \times 10^2 \Rightarrow L = 8 \times 10^{-5} H$$

حال با استفاده از رابطه ضریب القاوری، می‌توان نوشت:

$$L = \mu_0 \frac{AN^2}{\ell} \Rightarrow 8 \times 10^{-5} = 4 \times 10^{-7} \times \frac{10 \times 10^{-4} \times N^2}{62 / 8 \times 10^{-2}}$$

$$\Rightarrow N^2 = 4 \times 10^4 \Rightarrow N = 200$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و هریان متناسب؛ صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۱۹)

روش دوم:

چون جهت میدان مغناطیسی مشخص نیست، با استفاده از اطلاعات داده شده، در حالت دوم اندازه نیروی مغناطیسی سه برابر و جهت آن عکس حالت اولیه است. داریم:

$$(1) \quad \vec{F}_B - mg\vec{j} + 2F_e\vec{j} = 0 \Rightarrow \vec{F}_B = (mg - 2F_e)\vec{j}$$

$$(2) \quad 2\vec{F}_B - mg\vec{j} + 2F'_e\vec{j} = 0 \Rightarrow 2\vec{F}_B = (-mg + 2F'_e)\vec{j}$$

با جمع معادله‌های (۱) و (۲) داریم:

$$2\vec{F}_B = (F'_e - F_e)\vec{j} \Rightarrow 2\vec{F}_B = (1/2 - 0/6)\vec{j}$$

$$\Rightarrow \vec{F}_B = 0 / 2\vec{j}$$

در نتیجه جهت نیروی مغناطیسی در حالت اول به سمت بالا است و داریم:

$$F_B = ILBs \sin\theta \Rightarrow 0 / 3 = 1 / 5 \times 0 / 8 \times B \times \sin 90^\circ$$

$$\Rightarrow B = \frac{1}{4}$$

(فیزیک ۲ - مغناطیس؛ صفحه‌های ۹۶ تا ۹۴)

(عبدالرضا امینی نسب)

-۱۷۶

ابتدا به کمک رابطه بزرگی میدان مغناطیسی داخلی سیمولو، جریان عبوری از آن را محاسبه می‌کنیم.

$$B = \frac{\mu_0 NI}{\ell} \Rightarrow \frac{\pi}{100} = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times 1250 \times I}{0 / 5} \Rightarrow I = 10 A$$

حال طبق قانون اهم، می‌توان نوشت:

$$V = IR = 10 \times 5 \Rightarrow V = 50 V$$

(فیزیک ۲ - مغناطیس؛ صفحه‌های ۹۹ و ۱۰۰)

(عبدالرضا امینی نسب)

-۱۷۷

با استفاده از قانون القای الکترومغناطیسی فاراده، می‌توان نوشت:

$$|\bar{e}| = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \Rightarrow \bar{I}R = -NA \cos \theta \frac{\Delta B}{\Delta t}$$

$$\Rightarrow 10^{-3} \times 10 = 200 \times 20 \times 10^{-4} \times 1 \times \left| \frac{\Delta B}{\Delta t} \right|$$

$$\Rightarrow \left| \frac{\Delta B}{\Delta t} \right| = 25 \times 10^{-3} \frac{T}{s} = 25 \frac{mT}{s}$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و هریان متناسب؛ صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۱۹)

(زهره آخامحمدی)

-۱۷۸

با توجه به شکل، ابتدا جهت جریان در حلقه وسط را تعیین کرده و سپس به کمک آن میدان حاصل از جریان حلقه را روی حلقه‌های A و C به دست می‌آوریم.

چون میدان روی محور حلقه درون سو است، پس در بیرون از حلقه میدان بروون سو است.

(ممدر کوهستانیان)

-۱۸۳

مجموع جرم آلاینده‌ها به ازای طی یک کیلومتر در غیاب مبدل کاتالیستی:

$$5 / 99 + 1 / 67 + 1 / 04 = 8 / 7g$$

مجموع جرم آلاینده‌ها به ازای طی یک کیلومتر در حضور مبدل کاتالیستی:

$$0 / 61 + 0 / 07 + 0 / 04 = 0 / 72g$$

$$8 / 7 - 0 / 72 = 7 / 98g$$

$$\text{آلاینده} ? \text{kg} = \frac{12\text{ماه}}{1\text{ماه}} \times \frac{100\text{km}}{1\text{سال}} \times \frac{7 / 98\text{g}}{1\text{km}}$$

$$\times \frac{1\text{kg}}{1000\text{g}} = 9 / 576\text{kg}$$

(شیمی ۳، صفحه ۹۸)

(میلائل غرایی)

-۱۸۴

استفاده از کاتالیزگر باعث افزایش سرعت واکنش و کاهش زمان انجام آن

می‌شود. همچنین کاتالیزگر انرژی فعال‌سازی (انرژی مورد نیاز برای شروع

واکنش) را کاهش می‌دهد.

کاتالیزگر بر پایداری و سطح انرژی واکنش دهنده‌ها و فراورده‌ها تأثیری ندارد.

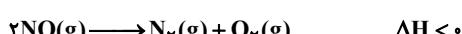
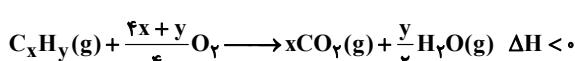
(شیمی ۳، صفحه‌های ۹۵ و ۹۶)

(ممدر عظیمیان زواره)

-۱۸۵

بررسی موارد:

الف) درست: هرگاه در واکنشی عنصری تولید یا مصرف شود آن واکنش از نوع اکسایش – کاهش خواهد بود.

ب) نادرست: به دلیل زیاد بودن E_a واکنش H_2 با O_2 این واکنش در

دمای اتاق انجام نمی‌شود و برای انجام نیاز به جرقه، کاتالیزگر یا گرمای دارد.

پ) نادرست: کاتالیزگر سطح انرژی قله نمودار «انرژی – پیشرفت واکنش»

را نسبت به واکنش دهنده‌ها و فراورده‌ها به یک مقدار کاهش می‌دهد.

ت) نادرست: $2 \text{NO(g)} \longrightarrow \text{N}_2\text{(g)} + \text{O}_2\text{(g)}$ صحیح است.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۹۵ تا ۹۸)

شیمی ۳

(مسن رفته‌کوئنده)

-۱۸۱

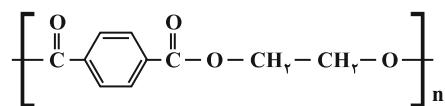
بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»:



$$\begin{aligned} ?\text{g CH}_3\text{OH} &= 16\text{mole}^- \times \frac{1\text{mol CH}_3\text{OH}}{4\text{mole}^-} \times \frac{32\text{g CH}_3\text{OH}}{1\text{mol CH}_3\text{OH}} \\ &= 128\text{g CH}_3\text{OH} \end{aligned}$$

گزینه «۲»: ساختار پلیمر PET به صورت زیر است:



$$(\text{C}_1\text{H}_8\text{O}_4)_n \Rightarrow 192n = 21120 \Rightarrow n = 110$$

گزینه «۳»:



	شروع	۱	۱	۰	۰
تغییر	-x	-x	+x	+x	
تعادل	1-x	1-x	x	x	

$$\Rightarrow K = \frac{x^2}{(1-x)^2} \Rightarrow 16 = \frac{x^2}{(1-x)^2}$$

$$\Rightarrow 4 = \frac{x}{1-x} \Rightarrow x = 0 / 8\text{mol.L}^{-1}$$

$$?g \text{CO}_2 = 0 / 8 \frac{\text{mol}}{\text{L}} \times 1\text{L} \times \frac{44\text{g}}{1\text{mol}} = 25 / 2\text{g}$$

گزینه «۴»: با کاهش دما، تعادل در جهت گرماده ($\Delta H < 0$) پیش می‌رود و

با افزایش فشار تعادل در جهت تعداد مول گازی کمتر (a > b) پیش می‌رود.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۱۰۶ تا ۱۱۳ و ۱۱۸)

(ممدر کوهستانیان)

-۱۸۲

$$\Delta H = -30\text{kJ} \Rightarrow |\Delta H| = 2 / 5 |E_a| \Rightarrow |E_a| = 120\text{kJ}$$

$$E'_a = 0 / 7 \times 120 = 84\text{kJ}$$

دقت کنید که مقدار آنتالپی واکنش در حضور کاتالیزگر تفاوتی نخواهد کرد.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۹۳ تا ۹۷)



مول اولیه	۰ / ۸	۰	۰
تغییر مول	-۲x	+x	+2x
مول تعادلی	۰ / ۱۶	۰ / ۳۲	۰ / ۶۴

$$K = \frac{\frac{0 / 32}{2} \times \left(\frac{0 / 64}{2}\right)^2}{\left(\frac{0 / 16}{2}\right)^2} \Rightarrow K = 2 / 56 \text{ mol.L}^{-1}$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۱۰۷ تا ۱۰۸)

(مبینا شرایط پور)

-۱۸۹

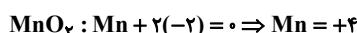
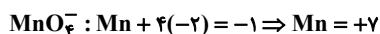
همه عبارت‌ها درست‌اند. بررسی عبارت‌ها:

الف) با حضور مبدل‌های کاتالیستی CO_2 که یکی از گازهای گلخانه‌ای

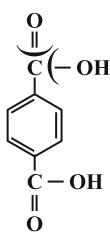
است تولید می‌شود.

ب) به منظور تأمین نیتروژن مورد نیاز گیاهان می‌توان آمونیاک را که یکی از فراورده‌های پتروشیمی است، به صورت مایع به خاک تزریق کرد.

(ب)



= اندازه تغییر عدد اکسایش

* $C = 4 - 1 = 3$ = عدد اکسایش

ت) هنگام تهیه پلی‌استر PET علاوه بر PET، آب نیز تولید می‌شود. از واکنش آب با گاز اتن، اتانول که نوعی ضدغونی کننده است به دست می‌آید.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۹۹، ۱۰۱ و ۱۰۳)

(محمد وزیری)

-۱۹۰

گاز متان واکنش‌پذیری بسیار کمی دارد و تبدیل آن به متانول فرایندی دشوار است. سایر گزینه‌ها با توجه به متن کتاب درسی درست هستند.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۱۰۸ و ۱۱۰)

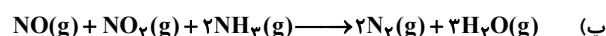
(حسن رفعتی کوکنده)

-۱۸۶

بررسی موارد:

الف) این واکنش به دلیل داشتن انرژی فعال‌سازی زیاد در دماهای پایین

انجام نمی‌شود یا بسیار کند است.

ب) کاتالیزگرهای مبدل کاتالیستی شامل Pt ، Pd (نه Pb) و Rh می‌باشد.

$$\text{گاز} = 0 / 34 \text{ g NH}_3 \times \frac{1 \text{ mol NH}_3}{17 \text{ g NH}_3} \times \frac{5 \text{ mol}}{2 \text{ mol NH}_3}$$

$$\text{گاز} = 1 / 5 \text{ L} \times \frac{30 \text{ L}}{1 \text{ mol}}$$

ت) شرایط بهینه فرایند هابر شامل دمای 45°C ، فشار 200 atm و کاتالیزگر Fe است.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۹۷، ۹۹ و ۱۰۲)

(میکائیل غراوی)

-۱۸۷

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: با توجه به اینکه ضریب استوکیومتری آمونیاک دو برابر نیتروژن است، این عبارت صحیح می‌باشد.

گزینه «۲»: با جایه‌جایی واکنش در جهت رفت، غلظت آمونیاک افزایش می‌یابد. همچنین چون تعادل نمی‌تواند اثر افزایش غلظت هیدروژن را به‌طور کامل جبران کند، غلظت تعادلی گاز هیدروژن نیز افزایش می‌یابد.

گزینه «۳»: با افزایش حجم سامانه، واکنش در جهت برگشت جایه‌جا خواهد شد.

گزینه «۴»: در دمای ثابت، مقدار ثابت تعادل تغییری نمی‌کند.

(شیمی ۳، صفحه‌های ۱۰۷ تا ۱۱۰)

(محمد عظیمیان زواره)

-۱۸۸

چون تعادل پس از مصرف 80% از گاز A برقرار شده است، داریم:

$$\begin{cases} A = 0 / 64 \text{ mol} \\ \text{باقیمانده} = 0 / 16 \text{ mol} \end{cases}$$



(شیمی، صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

-۱۹۴

$$m = 15 \times 10^{-4} g \times \frac{1 kg}{10^3 g} = 15 \times 10^{-7} kg$$

$$E = mc^2 = (15 \times 10^{-7})(3 \times 10^8)^2 = 135 \times 10^9 J = 135 \times 10^6 kJ$$

$$\frac{kJ}{mol} = \frac{135 \times 10^6 kJ}{50 \cdot tonFe} \times \frac{1 tonFe}{10^6 gFe} \times \frac{56 g Fe}{1 mol Fe} = 15 / 12 \frac{kJ}{mol}$$

(شیمی، صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

(مبینا شرافت پور)

-۱۹۵

واکنش انجام گرفته بین پتاسیم کلرید و نقره نیترات به صورت زیر است.



ابتدا جرم پتاسیم کلرید مصرفی در این واکنش که برابر با جرم رسوب است

را به دست می‌آوریم:

$$? g KCl = 144 \cdot g AgNO_3 \times \frac{1 mL}{1 / 2 g} \times \frac{1 L}{1000 mL}$$

$$\times \frac{1 / 5 mol AgNO_3}{1 L} \times \frac{1 mol KCl}{1 mol AgNO_3} \times \frac{74 / 5 g KCl}{1 mol KCl} = 44 / 7 g KCl$$

در دمای $25^\circ C$ ۵۰ گرم KCl در هر ۱۰۰ گرم آب حل می‌شود.

$$? g KCl = 45 \cdot g \times \frac{5 g KCl}{150 g} = 15 \cdot g KCl$$

$$\Rightarrow 45 - 15 = 30 \cdot g H_2O$$

$$150 - 44 / 2 = 105 / 3 g KCl$$

حال مقدار KCl موجود در ۱۰۰ گرم آب در دمای جدید را محاسبه می‌کنیم:

$$? g KCl = 100 \cdot g H_2O \times \frac{105 / 3 g KCl}{300 g H_2O} = 35 / 1 g KCl$$

انحلال‌پذیری KCl در دمای جدید $35^\circ C$ ۳۵ گرم می‌باشد. در دماییا $30^\circ C$ می‌توان ۱ / ۳۵ گرم KCl را در ۱۰۰ گرم آب حل کرد.

(شیمی، صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

شیمی ۱ و ۲

-۱۹۱

(بخار پدیده)

با توجه به اینکه یون X^{3+} دارای ۲۸ الکترون است، نتیجه می‌گیریم اتم X دارای ۳۱ پروتون است.

$$A + 2 X : N - p = 3 \Rightarrow N - 31 = 3 \Rightarrow N = 34$$

$$\Rightarrow A + 2 = N + p \Rightarrow A = 63$$

(شیمی، صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

-۱۹۲

(ممدرضا پورجاویر)

اگر فرمول مولکولی این آلوتروپ را P_n در نظر بگیریم، مقدار n به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$? g P_4 = 72 / 24 \times 10^{25} \text{ مولکول } P_n \times \frac{1 mol P_n}{6 / 02 \times 10^{23} \text{ مولکول } P_n}$$

$$\times \frac{31 ng P_n}{1 mol P_n} = 1488 \cdot 0 g P_n \Rightarrow n = 4$$

بنابراین فرمول مولکولی این آلوتروپ P_4 است.

(شیمی، صفحه‌های ۱۷ تا ۱۹)

-۱۹۳

(ممدرضا عظیمیان زواره)

با توجه به اینکه به ازای افزایش $10^\circ C$ دما، انحلال‌پذیری به مقدار ۸ گرم افزایش می‌یابد معادله انحلال‌پذیری آن به صورت $S = 0 / 8\theta + 72$ است.بنابراین در دمای $5^\circ C$ ۲۲ انحلال‌پذیری سدیم نیترات برابر ۹۰ گرم (در ۱۰۰ گرم آب) است:

$$\frac{\text{جرم حل شونده}}{\text{جرم محلول}} \times 100 \Rightarrow 50 = \frac{mg}{(100 + m)g} \times 100$$

$$\Rightarrow m = 100$$

با توجه به جرم حل شونده (۱۰۰ گرم) دمای مورد نظر $35^\circ C$ می‌باشد.

(شیمی، صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)



$$\text{LO}_2 = \frac{1\text{mol}}{101\text{g}} \times \frac{1\text{mol O}_2}{2\text{mol KNO}_3} \times 100\% = 100\% \text{ تولید شده}$$

$$\times \frac{2\text{L O}_2}{1\text{mol O}_2} \approx 0.89 \text{ L O}_2$$

$$\bar{R}_{O_2} = \frac{\Delta V}{\Delta t} = \frac{0.89}{5} \Rightarrow \bar{R}_{O_2} = 0.18 \frac{\text{L}}{\text{min}}$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۸۴ تا ۸۶)

(پواد مریدی)

-۱۹۹

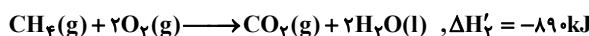
با استفاده از قانون هس واکنش سوختن گرافیت را از واکنش‌های ۱، ۲ و ۳:

به دست می‌آوریم:

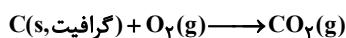
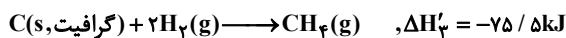
واکنش ۱ را وارونه می‌کنیم:



واکنش ۲ را وارونه می‌کنیم:



واکنش ۳ بدون تغییر باقی می‌ماند:



$$\Delta H = \Delta H'_1 + \Delta H'_2 + \Delta H'_3 \Rightarrow \Delta H = -393 \text{ kJ}$$

۳۹۳ گرم از گرافیت به ازای سوختن ۱ مول گرافیت آزاد می‌شود. پس به ازای ۴/۲ مول ۴/۲ × ۳۹۳ ۵ کیلو جول آزاد می‌شود.

$$Q = mc\Delta\theta$$

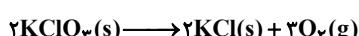
$$\Rightarrow 4/2 \times 393 / 5 \times 10^3 = 10 \times 10^3 \times 4 / 2 \times \Delta\theta \Rightarrow \Delta\theta = 29 / 35^\circ\text{C}$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۷۵ تا ۷۷، ۵۸ تا ۶۰)

(ممدرسان مهدزاده مقدم)

-۲۰۰

ابتدا معادله را موازن می‌کنیم:



اکنون مقدار گاز اکسیژن بر حسب لیتر را در این بازه زمانی محاسبه می‌کنیم:

$$\text{LO}_2 = \frac{1\text{mol}}{122 / 5\text{g}} \times \frac{70}{100} \times \frac{3\text{mol O}_2}{2\text{mol KClO}_3}$$

$$\times \frac{32\text{g O}_2}{1\text{mol O}_2} \times \frac{1\text{LO}_2}{0.5\text{g O}_2} = 16\text{LO}_2$$

$$\Rightarrow \bar{R}_{O_2} = \frac{\Delta V_{O_2}}{\Delta t} = \frac{16}{50} = 0.32 \frac{\text{L}}{\text{s}}$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۸۴ تا ۸۶)

(مسن لشکری)

-۱۹۶

مول گاز CO₂ خارج شده از واکنشگاه ۱:

$$\times \frac{1\text{mol}}{18\text{g}} \times \frac{80}{100} \times \frac{2\text{mol CO}_2}{1\text{mol C}_2\text{H}_5\text{OH}} = 320 \text{ mol CO}_2$$

بازده درصدی

گاز CO₂ خارج شده از واکنشگاه ۲ نصف واکنشگاه ۱ است. پس CO₂ خروجی از واکنشگاه ۲ برابر ۱۶۰ مول می‌باشد.

چون ضریب CO₂ و C₂H₅OH در واکنش انجام شده در واکنشگاه ۱ برابر است بنابراین تعداد مول C₂H₅OH تولید شده نیز برابر ۳۲۰ مول خواهد بود.

$$320 \text{ mol C}_2\text{H}_5\text{OH} \times \frac{R}{100} \times \frac{2\text{mol CO}_2}{1\text{mol C}_2\text{H}_5\text{OH}}$$

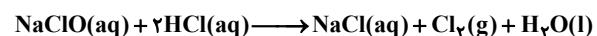
$$= 160 \text{ mol CO}_2 \Rightarrow x = 25$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۲۲ تا ۲۴)

(ممدرسان مهدزاده مقدم)

-۱۹۷

ابتدا واکنش را موازن می‌کنیم:



$$\times \frac{1\text{mol Cl}_2}{100\text{mol Cl}_2} \times \frac{80\text{g Cl}_2}{1\text{mol Cl}_2} \times \frac{1\text{mol Cl}_2}{1\text{mol Cl}_2} = 25 \text{ mol HCl}$$

$$\times \frac{1\text{mol Cl}_2}{1\text{mol Cl}_2} \times \frac{100}{1\text{mol Cl}_2} \times \frac{71\text{g Cl}_2}{1\text{mol Cl}_2} \times \frac{1\text{mol Cl}_2}{1\text{mol Cl}_2} = 60.6 \text{ mol HCl}$$

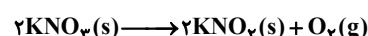
$$M = \frac{n}{V} \Rightarrow M = \frac{60.6 \text{ mol}}{0.2 \text{ L}} = 303 \text{ mol.L}^{-1}$$

(شیمی ۳، صفحه‌های ۲۲ تا ۲۴)

(ممدرسان مهدزاده مقدم)

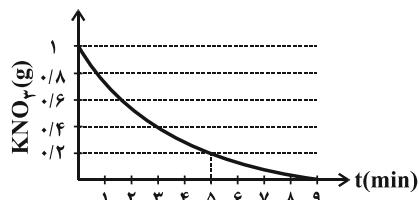
-۱۹۸

ابتدا معادله واکنش را موازن می‌کنیم:



با توجه به نمودار مقدار KNO₃ مصرف شده را تعیین کرده و سپس حجم

گاز O₂ را به دست می‌آوریم:



$$\text{KNO}_3 = 1 - 0.2 = 0.8 \text{ g}$$